

# RADA NAUKOWA DYSCYPLINY INŻYNIERIA LĄDOWA I TRANSPORT

# **ROZPRAWA DOKTORSKA**

mgr inż. Mariusz Kosiń

# NUMERYCZNO – DOŚWIADCZALNA ANALIZA PRZEGRÓD ZEWNĘTRZNYCH W KONSTRUKCJI Z LEKKIEGO SZKIELETU STALOWEGO

# Numerical – experimental analysis of external partitions in a light steel frame construction

DZIEDZINA: NAUK INŻYNIERYJNO - TECHNICZYCH DYSCYPLINA: INŻYNIERIA LĄDOWA I TRANSPORT

PROMOTOR

DR HAB. INŻ. MACIEJ MAJOR, PROF. PCZ

POLITECHNIKA CZĘSTOCHOWSKA

**PROMOTOR POMOCNICZY** 

DR INŻ. KRZSZTOF PAWŁOWSKI

UNIWERSYTET TECHNOLOGICZNO-PRZYRODNICZY IM. JANA I JĘDRZEJA ŚNIADECKICH W BYDGOSZCZY

Bydgoszcz, 2020

# Podziękowania

Autor składa serdeczne podziękowania prof. dr hab. inż. Maciejowi Majorowi oraz dr inż. Krzysztofowi Pawłowskiemu za inspirację i opiekę naukową.

# WYKAZ SKRÓTÓW, SYMBOLI I JEDNOSTEK

B	_	bimoment (bimoment)
B <sub>Ed</sub>	—	obliczeniowa wartość bimomentu w przekroju pręta
		(computational value of the bimoment in the bar section)
<b>B</b> <sub>Rd</sub>	_	nośność obliczeniowa przekroju przy nieswobodnym skręcaniu (design resistance of a cross-section for free torsion)
c	_	ciepło właściwe materiału (specific heat of the material)
c <sub>w</sub>	_	ciepło właściwe wody (specific heat of water)
d	—	wymiar przekroju poprzecznego profilu (profile cross- section dimension)
$\mathbf{D}_{\mathbf{\phi}}$	—	współczynnik lepkości cieczy (liquid viscosity coefficient)
$\mathbf{f}_{d},\mathbf{f}_{y}$	_	wytrzymałość obliczeniowa stali i wartość obliczeniowa granicy plastyczności stali (design strength of steel and design value of the yield strength of steel)
<b>f</b> <sub>max</sub>	_	maksymalne przemieszczenia (maximum displacements)
$\mathbf{f}_{ ext{gr}}$	-	wartości graniczne przemieszczeń (displacement limit values)
$\mathbf{g}_{\mathbf{w}}$	_	gęstość strumienia przepływu masy (mass flow density)
g <sub>v</sub>	-	gęstość strumienia dyfuzji pary wodnej (water vapor diffusion flux density)
h <sub>E</sub>	_	entalpia zmiany fazowej pomiędzy parą a cieczą (enthalpy of phase transition between vapor and liquid)
h <sub>v</sub>	_	entalpia parowania wody (enthalpy of water evaporation)
Η	—	całkowita entalpia (total enthalpy)
$\mathbf{H}_{\mathbf{s}}$	_	entalpia suchego materiału (dry material enthalpy)
<b>I</b> <sub>y</sub> , <b>I</b> <sub>z</sub> ,	_	momenty bezwładności przekroju względem osi y, z (moments of inertia of the section about the y, z axis)
$I_{\omega}$	_	główny wycinkowy moment bezwładności przekroju (principal segmental moment of inertia of a section)
It	-	moment bezwładności swobodnego skręcania (moment of inertia of free torsion)
l L <sup>2D</sup>	_ _	długość pręta (bar length) liniowy współczynnik sprzężenia cieplnego (linear thermal
m	_	coupling coefficient) masa próbki w stanie równowagi sorpcyjnej (sample mass at sorption equilibrium)
m <sub>o</sub> M <sub>y</sub> , M <sub>z</sub>	_ _	masa próbki wysuszonej (mass of the dried sample) momenty zginające względem osi y, z (bending moments
M <sub>y,Ed</sub> , M <sub>z,Ed</sub> ,	_	about the y, z axis) obliczeniowe momenty zginające w przekroju pręta (design

		bending moments in the bar section)			
M <sub>y,Rd</sub> , M <sub>z,Rd</sub>	_	nośności obliczeniowe przekroju przy zginaniu			
		odpowiednio względem osi y, z (design resistance of the			
		cross-section in bending about the y and z axes,			
		respectively)			
$\mathbf{M}_{\mathbf{t}}$	—	moment swobodnego skręcania (torque of free torsion)			
Mcr	_	moment krytyczny zwichrzenia elementu (the critical			
		moment of torsional buckling of the element)			
Ma	_	moment nieswobodnego skręcania (moment of unrestrained			
		turning)			
р	-	źródło ciepła (source of heat)			
рн	_	tempo przyrostu ciepła (heat increase rate)			
<b>p</b> <sub>sat</sub>	_	ciśnienie pary wodnej nasyconej (saturated steam pressure)			
S	—	izoterma sorpcji (sorption isotherm)			
$S_y, S_z$	_	momenty statyczne względem osi y, z (static moments			
		about the y, z axis)			
$\mathbf{S}_{\boldsymbol{\omega}}$	_	wycinkowy moment statyczny (fragmentary static moment)			
Т	-	temperatura (temperature)			
ti, te	_	temperatura wewnętrzna i zewnętrzna (internal and external			
		temperature)			
q	gęstość strumienia ciepła (heat flux density)				
U	—	współczynnik przenikania ciepła (heat transfer coefficient)			
u	—	<ul> <li>wilgotność masowa (bulk moisture)</li> </ul>			
V	-	objętość próbki (sample volume)			
$V_y, V_z$	-	siły poprzeczne w przekroju pręta (transverse forces in the			
		bar section)			
W	-	całkowita zawartość wody (total water content)			
We	-	zawartość zamarzniętej wody (content of frozen water)			
W <sub>kp</sub>	_	ilość odparowującej lub kondensującej wilgoci (the amount			
		of evaporating or condensing moisture)			
Wn W	_	nasiąki wose probli (sample water absorption)			
w s	_	Zawaność wilgoci po osiągnięciu stanu rownowagi (mojsture content after equilibrium bas been achieved)			
8		(moisture content arter equinorium has been achieved) grubość ścianki profilu (profile wall thickness)			
0 8	_	współczynnik dyfuzii pary wodnej w powietrzu (water			
Up		vapor diffusion coefficient in the air)			
•	_	przewodność cieplna materiału (thermal conductivity of the			
v		material)			
2.		smukłaćć wzaledna (relative slandarnosa)			
$\gamma_{\rm L}$	_	sinuxiose wzgięuna (relative sienueriless)			
м(w)	_	przewodnosc ciepina wilgotnego materiału (thermal conductivity of the moist material)			

μ(φ)	—	współczynnik oporu dyfuzyjnego wilgotnego materiału
		(diffusion resistance coefficient of moist material)
ρ	_	gęstość materiału (material density)
σ	—	naprężenia normalne (normal stresses)
τ	_	naprężenia styczne (tangential stresses)
φ	_	wilgotność względna (relative humidity)
$\phi_{L}$	_	współczynnik zwichrzenia (buckling factor)
ω	_	główna współrzędna wycinkowa (main slice coordinate)

# SPIS TREŚCI

I.	Część studialna	8		
1.	Wstęp	8		
2.	Uzasadnienie podjętego tematu pracy9			
3.	Założenia projektowe dotyczące lekkiego szkieletu stalowego	11		
3	.1 Ogólny opis technologii i systemu	11		
3	2.2 Rozwiązania konstrukcyjne połaczń i elementówtów	12		
4.	Podstawy teorii profili cienkościennych	14		
5. zew	Podstawy teoretyczne transportu masy i energii w przeg nętrznych	rodach 18		
6.	Cel, zakres i tezy pracy	22		
6	5.1 Cel pracy	22		
6	5.2 Zakres pracy	22		
6	5.3 Tezy pracy	23		
II.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji	24		
<b>II.</b> 7.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych	24 24		
<b>II.</b> 7. 7.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji         Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych         1       Analiza numeryczna wpływu demontażu poszycia ścian	24 24 24		
<b>II.</b> 7. 7.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji         Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych	24 24 24 24 32		
<b>II.</b> 7. 7. 7.	<ul> <li>Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji</li></ul>	24 24 24 32 wność 32		
<b>II.</b> 7. 7. 7.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcjiOgólna ocena stateczności przegród zewnętrznych.1Analiza numeryczna wpływu demontażu poszycia ścian.2Autorskie rozwiązanie zapewnienia stateczności bryły budynku7.2.1Opracowanie wkładki montażowej zwiększającej szty profilu w miejscu osadzania stężeń7.2.2Stężenia przegród zewnętrznych budynków	24 24 24 32 wność 32 34		
<b>II.</b> 7. 7. 7. 8. skrę	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji         Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych         7.1       Analiza numeryczna wpływu demontażu poszycia ścian         7.2       Autorskie rozwiązanie zapewnienia stateczności bryły budynku         7.2.1       Opracowanie wkładki montażowej zwiększającej szty         profilu w miejscu osadzania stężeń	24 24 24 32 wność 32 32 34 ętno – 43		
II. 7. 7. 8. skrę 8.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji         Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych         C1       Analiza numeryczna wpływu demontażu poszycia ścian         C2       Autorskie rozwiązanie zapewnienia stateczności bryły budynku         7.2.1       Opracowanie wkładki montażowej zwiększającej szty         profilu w miejscu osadzania stężeń       7.2.2         Stężenia przegród zewnętrznych budynków       7.2.2         Analiza numeryczno - doświadczalna wstępnych przemieszczeń gi         ętnych na nośność cienkościennych profili stalowych         Analiza doświadczalna	24 24 24 32 wność 32 32 wność 32 32 34 ętno – 43		
<ul> <li>II.</li> <li>7.</li> <li>7.</li> <li>7.</li> <li>8.</li> <li>skrę</li> <li>8.</li> </ul>	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji         Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych         1       Analiza numeryczna wpływu demontażu poszycia ścian.         2       Autorskie rozwiązanie zapewnienia stateczności bryły budynku         7.2.1       Opracowanie wkładki montażowej zwiększającej szty         profilu w miejscu osadzania stężeń	24 24 24 32 wność 32 32 34 ętno – 43 43 44		
II. 7. 7. 8. skrę 8.	Część badawcza w zakresie mechaniki konstrukcji         Ogólna ocena stateczności przegród zewnętrznych         1       Analiza numeryczna wpływu demontażu poszycia ścian.         2       Autorskie rozwiązanie zapewnienia stateczności bryły budynku         7.2.1       Opracowanie wkładki montażowej zwiększającej szty         profilu w miejscu osadzania stężeń	24 24 24 32 wność 32 32 34 ętno – 43 43 44 52		

8	.2 A	Analiza numeryczna	64
8.2.1 Ogólne zasady modelowania MES dla profili c			iennych 64
	8.2.2	Budowa modelu numerycznego	65
	8.2.3	Analiza wyników numerycznych	68
8	.3 V	Validacja analizy numerycznej	79
8	.4 P	odsumowanie wyników analizy numeryczno - doswiadcza	lnej 82
III.	Część	badawcza w zakresie fizyki budowli	
9. zew	Analiz nętrzny	za numeryczno - doświadczalna zawilgoconych zch	przegród 82
9	.1 E	adania doświadczalne	82
	9.1.1	Opis stanowiska badawczego	83
	9.1.2	Przebieg badań	
	9.1.3	Analiza wyników doświadczalnych	89
9	.2 A	naliza numeryczna	
	9.2.1	Model numeryczny	
	9.2.2	Symulacja numeryczna	96
	9.2.3	Analiza obliczeń numerycznych	
10.	Podsu	mowanie i wnioski końcowe	103
Stre	szczeni	e w języku polskim	106
Stre	szczeni	e w języku angielskim	107
Lite	ratura .		108
Zała	ącznik 1	l	120
Zała	ącznik 2	2	134
Zała	ącznik 3	3	146
Zała	acznik 4	1	158

## I. CZĘŚĆ STUDIALNA

#### 1.WSTĘP

Powodzie będące efektem wezbrania wody w rzekach lub wynikające z intensywnych opadów deszczu to naturalne procesy, które odgrywają ważną rolę w kształtowaniu środowiska naturalnego. Powodują jednak znaczne szkody materialne i zagrażają życiu. Chociaż polityka planowania unika niewłaściwego nowego rozwoju na obszarach zagrożonych powodzią i kieruje rozwój z dala od obszarów najbardziej zagrożonych, to i tak może się zdarzyć, że natura nie po raz pierwszy może zaskoczyć. Zwiększony popyt na mieszkania i ograniczona dostępna przestrzeń oznacza, że w przyszłości może być nieuniknione budowanie na terenach, na których istnieje pewne ryzyko powodzi, nawet gdy podjęte zostaną działania mające na celu jego zmniejszenie. Dodatkowo domy budowane w technologii lekkiego szkieletu stalowego są planowane na okres eksploatacyjny do 50 lat [100, 131]. W tym czasie mogą nastąpić zmiany klimatyczne mające wpływ na środowisko wodne i zwiększające ryzyko powodzi.

W Polsce i Europie można zauważyć zwiększoną tendencję wznoszenia domów o niskim stopniu zużycia energii. Tego rodzaju budynki wznoszone są także w technologii lekkiego szkieletu stalowego. Atutem tej technologii jest możliwość uzyskania znacznie wyższej izolacyjności termicznej przegród zewnętrznych w porównaniu do budynków wznoszonych tradycyjnie. Wadą lekkich konstrukcji stalowych jest miedzy innymi wrażliwość na zawilgocenie przegród zewnętrznych czego skutkiem może być spadek izolacyjności cieplnej. W przypadku wód popowodziowych elementy nośne konstrukcji szkieletowych oraz ich poszycie może łatwiej ulec zniszczeniu. Między innymi z tego względu wydaje się być koniecznym przeanalizowanie konstrukcji lekkiego szkieletu stalowego pod względem mechaniki i fizyki budowli.

Przeprowadzenie wiarygodnej analizy budynku pod kątem mechaniki konstrukcji oraz fizyki budowli z uwzględnieniem warunków cieplno – wilgotnościowych powinno być potwierdzone badaniami eksperymentalnymi. Uzyskane w ten sposób dane mogą być podstawą do oceny funkcjonowania całej konstrukcji badź jej fragmentu. W literaturze nie ma kompleksowych badań dla domów wykonanych w technologii lekkiego szkieletu stalowego [166]. Główna przyczyną takiego stanu rzeczy są wysokie koszty przeprowadzenia tego typu eksperymentu. Jednakże weryfikację założonych pomysłów projektowych można dokonać wykorzystujac zaawansowane pakiety oprogramowań numerycznych. Poza możliwością oceny bryły budynku oraz konkretnych rozwiązań konstrukcyjnych, pozwalają one na walidację z rezultatami badań doświadczalnych.

Proces obejmujący obliczenia konstrukcji wykonanej z lekkiego szkieletu stalowego z uwzględnieniem zawilgoconych przegród zewnętrznych w

następstwie podtopienia budynku, którym w niniejszej pracy jest jedno oraz dwukondygnacyjny wolnostojący dom jednorodzinny, jest zagadnieniem skomplikowanym i dotychczas niezrealizowanym. Trudnością są tu zaawansowane obliczenia numeryczne konstrukcji z lekkiego szkieletu stalowego oraz zjawiska cieplno – wilgotnościowe związane z transportem masy i energii (ciepła) w złożonych przekrojach przegród zewnętrznych budynku.

Rozpatrywanie zagadnień mechanicznych związanych ze statecznością bryły budynku w następstwie koniecznego do wykonania demontażu zawilgoconego w wyniku podtopienia budynku poszycia, determinuje numeryczne obliczenia samego cienkościennego szkieletu stalowego.

Wykazanie, że przegroda zewnętrzna zalana wodą popowodziową musi zostać zdemontowana jest z kolei podstawowym zagadnieniem z zakresu fizyki budowli, nierzadko złożonym ze względu na wykorzystanie różnych materiałów do jej budowy. Tak obszerny zakres można rozwiązać korzystając z zaawansowanych metod numerycznych, a niniejsza rozprawa doktorska obejmuje wskazany wyżej zakres merytoryczny.

#### 2.UZASADNIENIE PODJĘTEGO TEMATU PRACY

Budownictwo oparte na lekkim szkielecie stalowym cieszy się coraz większą popularnością zarówno w Polsce, jak też innych krajach Unii Europejskiej. Powodem ekspansji technologii lekkiego szkieletu stalowego wywodzącego się z terenu Ameryki Północnej jest bardzo szybki proces realizacji inwestycji. Samo wznoszenie konstrukcji stalowej domu zajmuje od 4 do 7 dni, natomiast wybudowanie obiektu "pod klucz" trwa maksymalnie 4 miesiące. Do budowy domów w technologii lekkiego szkieletu stalowego w Polsce stosuje sie zimnogięte profile spełniające warunki podane w normie PN-EN 1993-1-3 [136]. W celu ochrony korozyjnej na stalowe blachy nanoszona jest ogniowa powłoka cynkowa, dzięki której konstrukcja domu może w bardzo dobrym stanie być eksploatowana przez 50 lat [9, 131, 174]. Budowa domów w konstrukcji szkieletu stalowego wybierana jest przez inwestorów miedzy innymi ze względu na dużo niższe koszty budowy w porównaniu do domów murowanych. Z chwilą wyposażenia ich w odpowiednią izolację termiczną, w okresie grzewczym uzyskuje się szybki wzrost temperatury, a mała grubość ścian umożliwia uzyskanie większej powierzchni wewnętrznej na tym samym obrysie zewnętrznym bryły budynku. Szkielet konstrukcji usztywniony jest płytami drewnopochodnymi, na które mocowana jest izolacja cieplna, umożliwiająca uzyskanie właściwych parametrów cieplno - wilgotnościowych przegród zewnętrznych. Przestrzeń wewnętrzna przegrody zewnętrznej o grubości ściany jest wypełniana wełną mineralną, która poza parametrami cieplnymi pełni rolę izolacji akustycznej [59, 112]. Ze względu na niższy w stosunku do technologii tradycyjnej koszt budowy, dom wznoszony w technologii lekkiego szkieletu stalowego dobrze sprawdza się w obszarze działek budowlanych o mniejszych parametrach użytkowych lub gorszych walorach eksploatacyjnych [99].

Budynek po zalaniu w wyniku powodzi, w którym woda pozostawała przez dłuższy okres czasu wykazuje skutki nadmiernego zawilgocenia przegród. W szczególności dotyczy to przegród zewnętrznych, bezpośrednio narażonych na zawilgocenie wskutek podtopień i nagłych spiętrzeń intensywnie przybierającej wody opadowej [57]. Utrzymująca się przy budynku oraz w budynku przez długi czas woda popowodziowa prowadzi do znacznego pogorszenia właściwości cieplno – wilgotnościowych przegród zewnętrznych, jak też utarty przydatności niektórych materiałów do dalszej eksploatacji [1, 6, 23, 66, 128, 177, 178]. W przypadku długotrwałego oddziaływania wody na budynek wykonany w lekkiej szkieletowej konstrukcji stalowej, jedynie elementy konstrukcyjne nadal nadają się do dalszej eksploatacji. Zachodzi więc konieczność demontażu pokryć oraz wypełnień ścian i odsłonięcie samego szkieletu konstrukcji stalowej, który nie usztywniony płytami poszycia zewnętrznego może nie zachować należytej sztywności przestrzennej i stworzyć zagrożenie co do bezpieczeństwa pracy konstrukcji bryły budynku poprzez utratę jej stateczności [14, 89, 150].

Duże zagrożenie dla lekkich szkieletowych konstrukcji stalowych może wystąpić w przypadku gwałtownego napływu wody zalewowej, której nurt sam w sobie może mieć dużą energię kinetyczną, a ponadto może nieść obiekty, które z chwilą uderzenia w budynek z racji swojej masy i energii będą oddziaływać destrukcyjnie nie tylko na samo poszycie zewnętrze przegrody ale również na jej konstrukcję szkieletową [105, 146]. W wyniku mechanicznego uszkodzenia przegród zewnętrznych stalowe elementy konstrukcji mogą wykazywać trwałe odkształcenia plastyczne, które uniemożliwią potencjalnie ich dalszą pracę w strukturze szkieletu [60, 154]. Konieczne zatem staje się opracowanie ogólnej metody naprawczej, która nie tylko pozwoli na sprawna wymiane materiałów izolacyjnych i okładzinowych ale również elementów konstrukcyjnych, a przy tym nie będzie miała negatywnego wpływu na stateczność konstrukcji. Demontaż i wymiana całości poszycia przyziemia budynku będą również konieczne gdy podtopieniu budynku towarzyszyć będzie skażenie wody. Właściciele uszkodzonych domów szkieletowych wykonanych w technologii lekkiego szkieletu stalowego oraz firmy ubezpieczeniowe sa zainteresowane przywróceniem koniecznych do właściwej eksploatacji budynku wszystkich jej parametrów konstrukcyjnych w sposób, który na etapie wykonywania prac będzie efektywny, bezpieczny i uzasadniony ekonomicznie oraz pozwoli na odtworzenie pierwotnej struktury nośnej budynku szybko i zgodnie z zasadami wiedzy technicznej.

## 3.ZAŁOŻENIA PROJEKTOWE DOTYCZĄCE LEKKIEGO SZKIELETU STALOWEGO

Zastosowanie profili cienkościennych jako elementów nośnych w obiektach budowlanych pozwala na uzyskanie m. in. małej masy konstrukcji oraz krótszego czasu budowy w porównaniu do technologii tradycyjnych [45, 84]. Ze względu na skłonność do interakcji różnych form niestateczności (miejscowej, ogólnej i dystorsyjnej [52, 61, 136, 161] projektowanie tego typu konstrukcji może przysparzać wiele problemów. Wymiarowanie konstrukcji z elementów zimnogiętych opisane jest m. in. w pracach [16, 19, 20, 21, 27, 31, 34, 133, 187, 172, 184].

#### 3.1 OGÓLNY OPIS TECHNOLOGII I SYSTEMU

Zalety technologii lekkiego szkieletu stalowego doprowadziły do szerokiego stosowania takich systemów w budynkach mieszkalnych m. in. na obszarach, na których realizowane są szkieletowe konstrukcje drewniane oraz w regionach o trudnych warunkach pogodowych i sejsmicznych [96, 162, 173].

Technologia lekkiego szkieletu stalowego w głównej mierze oparta jest na profilach C i ich pochodnych. Konstrukcja przegród zewnętrznych pokryta jest płytami drewnopochodnymi, a w przypadku przegród wewnętrznych preferowane są płyty gipsowo-kartonowe lub płyty z gipsu włóknistego. Elementy konstrukcyjne budynku wykonane z profili cienkościennych tworzą panele strukturalne ścian, podłóg i dachów. Łączone są ze sobą za pomocą wkrętów i mechanicznych kotew tworząc szkielet bryły budynku [51, 64].

Stalowa konstrukcja szkieletowa w zależności od warunków gruntowo – wodnych mocowana jest na betonowych ławach lub płycie betonowej, na której należy wykonać izolację przeciwwilgociową. Ściany nośne formowane są na bazie profili usztywnionych (typ C) i profili nieusztywnionych (typ U). Profile typu U stanowią prowadnice, w które wkładane są słupki (profil typu C) i tak uzyskuje się ramę ściany.

Lekkie konstrukcje stalowe oparte są na module 60 cm, co oznacza, że w takiej odległości są umieszczone względem siebie poszczególne elementy szkieletu. Grubość ściany uwarunkowana jest wielkością dobranego przekroju poprzecznego profilu oraz przyjętego rozwiązania technologicznego. Ze względów technologicznych i konstrukcyjnych w połowie wysokości słupków wprowadza się profile typu U. Utworzony szkielet konstrukcji ściany obudowany zostaje płytami drewnopochodnymi mocowanymi w kierunku wzdłużnym równoległym do słupków. W ten sposób otrzymuje się konstrukcję warstwową, w której prowadzone są instalacje. Wolna przestrzeń między profilami wypełniana jest materiałem izolacyjnym. Wykończenie powierzchni zewnętrznej i wewnętrznej nie stwarza żadnych ograniczeń. Otwory okienne i drzwiowe umiejscawiane są w taki sposób w odległości od narożników konstrukcji aby

tworzyły wielokrotność modułu. Ściany działowe wykonywane są z zimnogiętych kształtowników stalowych ogólnie dostępnych na rynku.

Konstrukcja stropów oparta jest na profilach typu C, a w przypadku dużych obciążeń stosuje się łączenie tych profili na styku środników. Połączone w ten sposób elementy tworzą przekrój dwuteowy. Profile układne są na słupkach paneli ściennych tak aby środnik belki stropowej opierał się na środniku słupka. W celu wzmocnienia elementu przed zwichrzeniem stosowane są żebra usztywniające typu U. W zależności od przyjętego systemu rozpiętości stropów wynoszą od 4 do 6 metrów. Obudowanie belek i wykonanie prac instalacyjnych wykonuje się na wzór paneli ściennych. Otwory w stropie pod klatki schodowe nie powinny przylegać do ścian zewnętrznych.

Konstrukcja lekkiego dachu stalowego nie różni się od tradycyjnych więźb drewnianych. Dachy o spadku do 35° można projektować przy zastosowaniu wiązarów kratownicowych. Natomiast w przypadku większych spadków zaleca się przyjęcie układu krokwiowo-jętkowego. Główne komponenty konstrukcji więźby dachu bazują na profilach typu C. Elementy dachowe opiera się na środnikach słupków ściennych bądź belkach stropowych. Wykończenie dachu zależy od przyjętego rozwiązania konstrukcyjnego.

#### 3.2 ROZWIĄZANIA KONSTRUKCYJNE POŁACZŃ I ELEMENTÓWTÓW

Konstrukcja nośna domów w technologii lekkiego szkieletu stalowego bazuje na czterech podstawowych kształtownikach – C90, C140, U90 i U140. Kształtowniki łączone są w panele przy użyciu wkrętów samowiercących [64, 56, 71, 176]. Większość prac wykonuje się w zakładzie prefabrykacji. Na placu budowy pozostaje skręcenie dostarczonych i odpowiednio oznakowanych elementów na przygotowanym wcześniej fundamencie. Konstrukcja lekkiego szkieletu montowana jest w module 60 cm. Obiekty opisanej technologii mogą mieć rozpiętość 12 m [68].

Ściany zewnętrzne wykonywane z kształtowników cienkościennych typu C90 lub C140 w rozstawie co 60 cm umieszczone są w prowadnicach U90 lub U140 stanowiących podstawę i zarazem tzw. zamknięcie ściany. Dla budynków mieszkalnych parterowych stosowane są profile C90. Natomiast dla budynków dwukondygnacyjnych profile C140. Maksymalna wysokość kondygnacji dla budynków parterowych wynosi 3,5 m, a dla budynków piętrowych 3,0 m. Rygle ścienne wykonywane są z odpowiednio przyciętych kształtowników typu U. Montowany fabrycznie panel ściany uwzględnia nadproża na otwory okienne i drzwiowe (rys. 3.1a). Panel ścienny w zależności od technologii montowany jest do płyty bądź ściany fundamentowej (rys. 3.1b). Układ warstw w ścianie zależy od przyjętych rozwiązań w zakresie stosowanej technologii. Ściany działowe stawia się z cienkościennych profili stalowych ogólnie dostępnych na rynku budowlanym. Ściany te należy wykonywać zgodnie z zaleceniami producenta zastosowanego systemu.



Rys. 3.1. Elementy konstrukcyjne lekkiego szkieletu stalowego: a) nadproże, b) połączenie przegrody zewnętrznej z fundamentem.

Stropy o rozpiętości do 4,5 m wykonywane są z profili usztywnionych C90 i C140 oraz profili nieusztywnionych (bieżników) typu U90 i U140 (rys. 3.2 a, b). Dla większych rozpiętości stropów w budynkach mieszkalnych stosuje się kształtowniki o większej wysokości bądź wykonuje dźwigary stropowe. Rozstaw belek nośnych wynosi 60 cm. Układ warstw stropowych realizowany jest według przyjętej technologii.



Rys. 3.2. Oparcie belek stropowych lekkiego szkieletu stalowego: a) na przegrodzie zewnętrznej, b) na przegrodzie wewnętrznej.

Więźby dachowe o spadku do 35° można wykonywać przy zastosowaniu wiązarów kratowych. W przypadku większych spadków zaleca się przyjęcie układu krokwiowo-jętkowego. Konstrukcja więźby dachowej wykonywana jest z kształtowników C90 i C140 w rozstawie co 60 cm. Ogólne rozwiązania więźb dachowych można stosować jak w przypadku więźb drewnianych. Maksymalna rozpiętość dachu nie powinna przekraczać12 m.

Połączenia wszystkich elementów wykonywane są przy użyciu wkrętów samowiercących. Mocowanie lekkiej konstrukcji stalowej do fundamentów następuje, przy użyciu śrub kotwiących i gwoździ wstrzeliwanych [56, 71, 176].

#### 4.PODSTAWY TEORII PROFILI CIENKOŚCIENNYCH

Pod pojęciem pręta cienkościennego należy rozumieć pręt, którego stosunki (rys. 4.1): grubości ścianki  $\delta$  do dowolnego wymiaru przekroju poprzecznego d oraz dowolny wymiar gabarytowy do długości pręta l są mniejsze lub równe jednej dziesiątej [8, 16, 19, 27, 172, 184, 123]:



Rys. 4.1. Oznaczenia grubości ścianek i wymiarów gabarytowych w przypadku prętów cienkościennych o przekroju C-owym.

Dla prętów cienkościennych, w ogólnym przypadku obciążenia nie można przyjąć "hipotezy płaskich przekrojów". Drugą zasadą, która nie obowiązuje w teorii prętów cienkościennych jest zasada Saint Venanta [12, 25, 30, 41].

Podstawy założeń wymiarowania profili (prętów) cienkościennych o dowolnym przekroju poprzecznym oparte są na sposobie zaproponowanym przez Własowa [168] oraz teorii nośności nadkrytycznej Wintera [136, 156, 175]. Metoda Własowa umożliwia ocenę stanu naprężenia oraz sprawdzenie stateczności ogólnej pręta. Opiera się ona na dwóch hipotezach [168]:

- pierwsza obejmuje założenie tzw. "sztywnego konturu" i zakłada, że kontur pręta przed i po obciążeniu ma taki sam kształt,
- druga obejmuje założenie tzw. "zerowych odkształceń postaciowych powierzchni środkowej". Jest ona spełniona tylko dla przypadku czystego skręcania (skręcania swobodnego).

Metoda Wintera stosowana jest do wymiarowania elementów cienkościennych złożonych ze ścianek płaskich, zabezpieczonych przed utratą stateczności ogólnej, które względem siebie są pod kątem prostym lub do niego

zbliżonym [12]. Utrata stateczności lokalnej ścianki elementu zgodnie z założeniami metody Wintera, nie powoduje utraty jej zdolności do dalszego przenoszenia obciążeń, w przypadku gdy choć jedna z krawędzi podłużnych jest nadal prosta. Wyczerpanie nośności elementu cienkościennego ma miejsce po załamaniu się tych krawędzi [92, 107, 164]. Na chwilę obecną nie ma ogólnej metody wymiarowania prętów cienkościennych, a obie metody wzajemnie się uzupełniają [129, 135, 136].

W ujęciu teorii I rzędu, ocenę wytężenia prętów cienkościennych o przekroju otwartym poddanych zginaniu i skręcaniu opiera się na zasadach superpozycji, a naprężenia normalne i styczne w przekroju pręta odpowiadające poszczególnym składowym obciążenia oblicza się za pomocą wzorów (4.2) i (4.3):

$$\sigma = \frac{M_y}{I_y} - \frac{M_z}{I_z} + \frac{B\omega}{I_\omega}$$
(4.2)

$$\tau = \frac{-V_z S_y}{t I_y} - \frac{V_y S_z}{t I_z} - \frac{M_\omega S_\omega}{t I_\omega} \pm \frac{M_t}{I_t} t$$
(4.3)

gdzie:

 $M_Y$ ,  $M_z$ , B,  $M_\omega$ ,  $M_t$  – siły wewnętrzne w przekroju pręta (momenty zginające, bimoment, moment giętno-skrętny i czystego ścinania),

y, z,  $\omega$  – współrzędne kartezjańskie i wycinkowa punktu na linii środkowej przekroju, w którym obliczamy naprężenia normalne,

 $V_y$ ,  $V_z$  – siły poprzeczne w przekroju pręta,

 $S_y$ ,  $S_z$ ,  $S_\omega$  – momenty statyczne względem osi y, z części przekroju powyżej punkty, w którym obliczamy naprężenia styczne oraz wycinkowy moment statyczny,

t – grubość przekroju poprzecznego profilu.

Maksymalne naprężenia od obciążeń obliczeniowych w przekroju pręta zgodnie z równaniami (4.2) i (4.3) powinny być mniejsze bądź równe odpowiedniej wytrzymałości obliczeniowej  $f_d$  określonej w normie [128] zgodnie z warunkami:

$$\sigma_{\max} \le f_d \tag{4.4a}$$

$$\tau_{\max} \le f_{dv} = 0.58 f_d \tag{4.4b}$$

natomiast naprężenia zastępcze  $\sigma_{zast}$  powinny spełniać warunek zgodnie z [129],

$$\sigma_{\text{zast}} = \sqrt{\sigma_{\text{max}}^2 + 3\tau_{\text{max}}^2} \le 1.1 f_d \tag{4.5}$$

Jest to warunek przybliżony, bowiem nie zawsze w tym samym punkcie przekroju występują maksymalne naprężenia normalne i styczne.

Ocena stanu granicznego nośności rozpatrywanych elementów, w przypadku obliczania sił wewnętrznych według teorii I rzędu, wymaga sprawdzenia przybliżonego warunku zgodnie z [128]. Uwzględnia się wówczas możliwość utraty stateczności ogólnej elementu, tj. jego zwichrzenia, ale pomija się efekt skręcania.

$$\frac{M_y}{\varphi_L M_{Ry}} + \frac{M_z}{M_{Rz}} \le 1 \tag{4.6}$$

W warunku powyżej (4.6),  $\varphi_L$  to współczynnik zwichrzenia wyznaczony na podstawie smukłości względnej, zgodnie z [128] z równania:

$$\overline{\lambda}_{L} = 1.15 \sqrt{\frac{M_{Ry}}{M_{ycr}}}$$
(4.7)

We wzorze (4.7)  $M_{cr}$  to moment krytyczny zwichrzenia elementu wyznaczany na podstawie klasycznej teorii stateczności.

W przypadku stanu granicznego użytkowania postępuje się analogicznie, a warunek sprowadza się do oceny przemieszczeń od obciążeń charakterystycznych [128, 129]. Maksymalne przemieszczenia wypadkowe przekroju poprzecznego nie powinny przekraczać wartości granicznych [128].

$$f_{max} \le f_{gr} \tag{4.8}$$

Wymiarowanie skręcanych i zginanych prętów cienkościennych o przekroju otwartym metodą stanów granicznych i współczynników częściowych zgodnie z normami europejskimi [135, 136] wyznacza się w oparciu o ocenę wytężenia elementów skręcanych i dwukierunkowo zginanych. W ramach stanu granicznego nośności sprawdza się warunek:

$$\frac{M_{y,Ed}}{M_{y,Rd}} + \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rd}} + \frac{B_{Ed}}{B_{Rd}} \le 1$$

$$(4.9)$$

gdzie:

 $M_{y,Ed}$ ,  $M_{z,Ed}$ ,  $B_{Ed}$  – obliczeniowe siły wewnętrzne w przekroju pręta (momenty zginające oraz bimoment),

 $M_{y,Rd}$ ,  $M_{z,Rd}$  – nośności obliczeniowe przekroju przy zginaniu odpowiednio względem osi y i z, gdzie oś y jest osią o większej sztywności,

 $B_{Rd} = W_{\omega}f_{y}$  – nośność obliczeniowa przekroju przy nieswobodnym skręcaniu, przy czym  $W_{\omega}$  oblicza się ze wzoru:

$$W_{\omega} = \frac{I_{\omega}}{\omega_{\text{max}}} \tag{4.10}$$

Ocena stanu granicznego nośności rozpatrywanych elementów, w przypadku obliczania sił wewnętrznych według teorii I rzędu, wymaga sprawdzenia ponadto przybliżonego warunku określonego w normie [129], w którym uwzględnia się możliwość utraty stateczności ogólnej elementu, tj. jego zwichrzenia [186], ale pomija się efekt skręcania. Analogicznie do warunku (4.6) zapiszemy, że:

$$\frac{M_{y,Ed}}{\chi_{LT}M_{y,Rd}} + \frac{M_{z,Ed}}{M_{z,Rd}} \le 1$$
(4.11)

gdzie  $\chi_{LT}$  jest współczynnikiem zwichrzenia, wyznaczonym zgodnie z [135] na podstawie smukłości względnej:

$$\overline{\lambda}_{\rm LT} = \sqrt{\frac{M_{\rm y,Rd}}{M_{\rm ycr}}} \tag{4.12}$$

We wzorze (4.12)  $M_{ycr}$ , podobnie jak we wzorze (4.6), jest momentem krytycznym zwichrzenia elementu, który jest obliczany na podstawie klasycznej teorii stateczności.

Maksymalne naprężenia od obciążeń obliczeniowych w przekroju pręta zgodnie z warunkami (4.11) i (4.12) powinny być mniejsze bądź równe odpowiedniej wytrzymałości obliczeniowej [12, 135, 186]:

$$\max \sigma_{x,Ed} \le \frac{f_y}{\gamma_{M0}} \tag{4.13a}$$

$$\max \tau_{\rm Ed} \le \frac{f_{\rm y}}{\gamma_{\rm M0}\sqrt{3}} \tag{4.13b}$$

W warunkach (4.13a i 4.13b)  $\gamma_{M0}$  to częściowy współczynnik bezpieczeństwa, który wynosi 1,0.

W każdym punkcie przekroju łączne naprężenia normalne i styczne, powinny spełniać warunek zgodnie z [135], który określa wyrażenie:

$$\left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{y}\gamma_{M0}}\right)^{2} + 3\left(\frac{\tau_{Ed}}{f_{y}\gamma_{M0}}\right)^{2} \le 1$$
(4.14)

W analogiczny sposób postępujemy w przypadku sprawdzania stanu granicznego użytkowalności zgodnie z [135] i [136], który sprowadza się do oceny przemieszczeń od obciążeń charakterystycznych. Maksymalne ugięcia wypadkowe rozpatrywanego pręta w przekroju poprzecznym, zgodnie z zależnością (4.8), nie powinny przekraczać wartości granicznych ujętych w normie PN-EN 1993-1-1:2006 [135].

W ujęciu teorii II rzędu wymiarowanie prętów cienkościennych sprowadza się (tak jak w teorii I rzędu) do sprawdzenia wskazanych powyżej warunków, a siły wewnętrzne oraz maksymalne przemieszczenia powinny zostać obliczone również w oparciu o analizę statyczną według teorii II rzędu. Otrzymane wówczas wartości sił wewnętrznych oraz przemieszczeń są zazwyczaj większe niż w następstwie ich obliczeń na podstawie teorii I rzędu, jednakże bez dokładnej analizy nie da się wskazać konkretnych zależności. Zalecane jest w przypadku wymiarowania prętów cienkościennych - w oparciu o teorię I rzędu zostawienie zapasu na poziomie ok. 10 do 15%, a wskazany margines bezpieczeństwa podyktowany jest potrzebą uniezależnienia potencjalnie możliwej katastrofy konstrukcji od wyczerpania rezerwy jej nośności [46, 47, 151].

## 5.PODSTAWY TEORETYCZNE TRANSPORTU MASY I ENERGII W PRZEGRODACH ZEWNĘTRZNYCH

Proces transportu masy i energii w zawilgoconych budowlanych przegrodach zewnętrznych jest niezwykle złożony i ma sprzężony charakter, który zależy od struktury wewnętrznej materiałów przegrody jak też stanu jej zawilgocenia [7, 15, 58, 72, 87]. Jednym z prekursorów stworzenia matematycznego modelu opisu sprzężonej wymiany masy i energii był de Vries [169]. Z kolei Glaser [42] stworzyła model oparty na teorii dyfuzji pary wodnej Ficka [78, 118], który wykorzystywany jest w normie PN-EN ISO 13788 -Cieplno - wilgotnościowe właściwości komponentów budowlanych i elementów budynku [139]. Pierwszej próby kompleksowego opisania transportu masy w literaturze krajowej w latach sześćdziesiątych podjął się Płoński [125]. Dla sprzężonego transportu masy i energii w ośrodkach kapilarnych zespół P. Klemma i Gawina stworzył model matematyczny uwzględniający wielofazowość ośrodka [35, 36, 37, 38]. Natomiast Kubik i Świrska prowadzili badania doświadczalne [79, 80]. Kompleksowe spojrzenie na przepływ ciepła i wilgoci w swoich pracach zawarli Wyrwał i Świrska [179, 180], którzy przedstawili model obejmujacy niejednorodna budowe materiałów porowatych.

Poza modelami matematycznymi opisującymi dynamiką przenoszenia ciepła i wilgoci, istotne jest poznanie ośrodka, w którym te zmiany zachodzą. Prace w tym zakresie zostały opisane w publikacjach [81, 115, 144].

Powszechnie uznaje się, że ciepło w materiałach przemieszcza się na skutek przewodzenia, a wilgotność poprzez dyfuzje i podciąganie kapilarne. Procesy te,

uzupełnione o prawo zachowania energii i masy, zostały opisane przez Künzel [81]. Model ten został wykorzystany między innymi do analizy procesów transportowych masy i energii.

Sprzężony transport ciepła i wilgoci można obliczyć za pomocą termodynamicznych stanów nierównowagi. Stan wilgotności czy temperatury materiału można opisać za pomocą odpowiednich wielkości fizycznych. Stan termiczny skończonej objętości opisany jest entalpią [76, 122]. Ponieważ zmiana entalpi podlega prawu zachowania energii to ilość energii w danej objętości można zmienić poprzez jej dopływ lub odpływ [81] co opisuje równanie:

$$\frac{\partial H}{\partial T} = -gradq + p_H \tag{5.1}$$

gdzie:

H - całkowita entalpia, [J/m<sup>3</sup>],

T-czas, [s],

q – gęstość strumienia ciepła, [W/m<sup>2</sup>],

 $p_H$  – tempo przyrostu ciepła, [W/m<sup>3</sup>].

Entalpia suchego materiału H<sub>s</sub> [80] opisana jest następującym równaniem:

$$H_{s} = \rho \cdot c \cdot T \tag{5.2}$$

gdzie:

 $\rho$  – gęstość materiału, [kg/m<sup>3</sup>],

c – ciepło właściwe materiału, [J/(kg·K)],

T-temperatura, [°C].

Z kolei określenie entalpii wody w materiale można wyznaczyć z równania (5.3):

$$H_{w} = \left[ (w - w_{e})c_{w} + w_{e}c_{e} - h_{e}\frac{\partial w_{e}}{\partial T} \right] T$$
(5.3)

gdzie:

cw - ciepło właściwe wody, [J/(kg·K)],

w – całkowita zawartość wody, [kg/m<sup>3</sup>],

we – zawartość zamarzniętej wody, [kg/m<sup>3</sup>],

h<sub>e</sub> – entalpia topnienia, [J/kg],

T – temperatura, [°C].

Całkowita entalpia warstwy elementu budowlanego jak wynika z prac [81, 82], składa się z entalpii suchego materiału budowlanego (5.2) oraz entalpii zawartej w nim wody (5.3), co obliczymy w oparciu o równanie:

$$H = H_s + H_w \tag{5.4}$$

gdzie:

 $\begin{array}{l} H_s-\text{entalpia suchego materiału, } [J/m^3], \\ H_w-\text{entalpia wilgotnego materiału, } [J/m^3]. \end{array}$ 

Niezależnie od stanu skupienia ilość wilgoci w materiale budowlanym wyraża się w absolutnej zawartości wilgoci, a jej zmiana podlega prawu zachowania masy. Równanie różniczkowe [80, 82] opisujące prawo zachowania masy, przyjmuje postać:

$$\frac{\partial w}{\partial T} = -\nabla(g_w + g_v) \tag{5.5}$$

gdzie:

w - zawartość wody w materiale, [kg/m3],

T – temperatura, [°C],

 $g_w$  – gęstość strumienia przepływu masy, [kg/(m<sup>2</sup>·s)],

 $g_v$  – gęstość strumienia dyfuzji pary wodnej, [kg/(m<sup>2</sup>·s)].

Gęstość strumienia ciepła jest proporcjonalna do przewodności cieplnej wilgotnego materiału budowlanego i gradientu temperatury (prawo Fouriera):

$$\mathbf{q} = -\lambda(\mathbf{w})\nabla\mathbf{T} \tag{5.6}$$

gdzie:

 $\lambda(w)$  – przewodność cieplna wilgotnego materiału, [W/(m·K)],

T-temperatura, [°C].

Źródło ciepła występuje podczas przemiany fazowej, kiedy para wodna kondensuje się do postaci płynnej (źródło dodatnie) lub kiedy woda paruje (źródło ujemne) [81, 82]. Można to przedstawić za pomocą równania:

$$\mathbf{p} = \mathbf{h}_{\mathbf{E}} \cdot \nabla \mathbf{w}_{\mathbf{k}\mathbf{p}} \tag{5.7}$$

gdzie:

 $p - \acute{z}$ ródło ciepła, [W/m<sup>3</sup>],

h<sub>E</sub> – entalpia zmiany fazowej pomiędzy parą a cieczą, [J/kg],

 $w_{kp}$  – ilość odparowującej lub kondensującej wilgoci, [kg/(m<sup>2</sup>·s)].

Dyfuzja jest głównym mechanizmem transportu pary wodnej. Zjawisko to przeważnie odnosi się do dyfuzji pary wodnej w powietrzu z uwzględnieniem dodatkowych oporów przepływu w materiale [82]. Stąd równanie dyfuzji przyjmuje postać:

$$g_{v} = \frac{-\delta_{a}}{\mu(\phi)} \nabla p \tag{5.8}$$

gdzie:

 $g_v$  – gęstość przepływu pary wodnej, [kg/(m<sup>2</sup>·s)],

 $\delta_a$  – współczynnik dyfuzji pary wodnej w powietrzu, [kg/(m·s·Pa)],  $\mu(\phi)$  – współczynnik oporu dyfuzyjnego wilgotnego materiału, [%],  $\nabla$  p – gradient ciśnienia cząstkowego pary wodnej, [Pa/m].

Ważnym aspektem przy analizie zjawisk cieplno - wilgotnościowych są właściwości fizyczne materiału. Przewodnictwo cieplne w wilgotnych materiałach budowlanych używane jest do opisu wpływu zlokalizowanej wody na transport ciepła. Informacje o zależności przewodności cieplnej od zawartości wody można znaleźć w pracach [13, 18, 49, 70, 108]. Według autorów prac [22, 32] następująca formuła (5.9) opisuje wystarczająco dobrze przewodniość cieplną zależną od wilgotności:

$$\lambda(w) = \lambda_{o} \left( 1 + b \cdot \frac{w}{\rho_{s}} \right)$$
(5.9)

gdzie:

 $\lambda(w)$  – przewodność cieplna wilgotnego materiału, [W/(m·K)],

 $\lambda_{o}$  - przewodność cieplna suchego materiału, [W/(m·K)],

 $\rho_s$  – gęstość objętościowa suchego materiału, [kg/m<sup>3</sup>],

b – współczynnik wilgotności, oddający procentowy wzrost współczynnika przewodzenia ciepła do wzrostu masy materiału, [%].

Akumulacja wilgoci w strukturze materiałów porowatych uwzględnia zawartość pary wodnej w powietrzu wypełniającym pory oraz wilgoci przylegającej do ścianek porów i kapilar. Uwzględniając akumulację, przewodzenie ciepła oraz zasadę zachowania energii i masy, zaproponowano model matematyczno – fizyczny opisujący sprzężony przepływ ciepła i wilgoci [39]. Lewa strona równań (5.10) i (5.11) zawiera człony akumulacyjne, a z kolei prawa strona opisuję transport:

- równanie transportu ciepła:

$$\frac{\partial H}{\partial T} \cdot \frac{\partial T}{\partial t} = \nabla \cdot (\lambda \cdot \nabla T) + h_{v} \cdot \nabla \cdot \left(\delta_{p} \cdot \nabla \cdot (\varphi p_{sat})\right)$$
(5.10)

równanie transportu wilgoci:

$$\frac{\partial w}{\partial \phi} \cdot \frac{\partial \phi}{\partial t} = \nabla \cdot \left( D \middle| \phi \cdot \nabla \phi + \delta_{p} \cdot \nabla \cdot (\phi p_{sat}) \right)$$
(5.11)

gdzie:

 $\partial H/\partial T$  - zdolność magazynowania ciepła wilgotnego materiału budowlanego,  $[J/(m^3 \cdot K)],$ 

T – temperatura, [°C],

 $\lambda$  – przewodność cieplna materiału, [W/(m·K)],

h<sub>v</sub> – entalpia parowania wody, [J/kg],

 $\delta_p$  – współczynnik dyfuzji pary wodnej w powietrzu, [kg/(m·s·Pa)],

 $\phi$  – wilgotność względna, [%],

p<sub>sat</sub>- ciśnienie pary wodnej nasyconej, [Pa],

 $\partial w/\partial \phi$  - zdolność magazynowania wilgoci materiału budowlanego, [kg/m<sup>3</sup>], D<sub> $\phi$ </sub> - współczynnik lepkości cieczy, [kg/(m·s)].

#### 6.CEL, ZAKRES I TEZY PRACY

#### 6.1 CEL PRACY

Celem rozprawy doktorskiej jest numeryczno-doświadczalna analiza przegród zewnętrznych wykonanych w technologii lekkiego szkieletu stalowego w następstwie działania wód popowodziowych wymuszających konieczność zdjęcia warstw poszycia oraz wpływu miejscowego zawilgocenia materiałów przegrody na jej właściwości cieplno-wilgotnościowe.

Realizacja celu będzie możliwa po wypełnieniu celów składowych, które obejmują:

- analizę numeryczno doświadczalną wstępnych przemieszczeń giętno skrętnych na nośność cienkościennych profili stalowych oraz wpływ demontażu poszycia przegród zewnętrznych na stateczność elementów z lekkich konstrukcji stalowych;
- opracowanie sposobu efektywnej naprawy budynku na bazie autorskiego rozwiązania wkładki montażowej zwiększającej sztywność profilu w miejscu osadzania stężeń, niezbędnej do zapewnienia stateczności przestrzennej bryły budynku;
- analizę numeryczno doświadczalną właściwości cieplno wilgotnościowych przegród zewnętrznych zawilgoconych na skutek oddziaływania wód popowodziowych.

#### 6.2 ZAKRES PRACY

Przedmiotem badań numeryczno - doświadczalnych są:

- stateczność lekkiej konstrukcji stalowej dla przestrzennej bryły budynku w wyniku demontażu zawilgoconego poszycia przegród zewnętrznych,
- cienkościenne elementy ceowe zewnętrznych przegród budowlanych wykonane w technologii lekkiej konstrukcji stalowej, poddane obciążeniu giętno – skrętnemu wynikającemu z demontażu poszycia usztywniającego konstrukcję przegrody,
- parametry cieplno wilgotnościowe przegród zewnętrznych z uwzględnieniem zawilgocenia materiałów spowodowanego zaleganiem wód popowodziowych.

Cel pracy zostanie zrealizowany poprzez przeprowadzenie analiz numeryczno - doświadczalnych. Uzyskane rezultaty stanowić będą podstawę do oceny wpływu częściowego demontażu poszycia przegrody zewnętrznej budynku w technologii lekkiego szkieletu stalowego na stateczność konstrukcji budynku oraz opisu zjawisk cieplno – wilgotnościowych zewnętrznych przegród poddanych odziaływaniu wód popowodziowych.

Praca obejmuje:

- przegląd literatury w zakresie analizy mechaniki prętów cienkościennych i fizyki budowli zewnętrznych przegród wykonanych w technologii lekkiej konstrukcji stalowej.
- wykonanie analizy numerycznej z wykorzystaniem MES-u w zakresie oceny stateczności konstrukcji szkieletowej domu jednorodzinnego zaprojektowanego w technologii lekkiego szkieletu stalowego w różnych stadiach realizacji wymiany poszycia zewnętrznych przegród ściennych w następstwie podtopienia budynku.
- badanie nieswobodnego skręcania cienkościennych profili stalowych o przekroju otwartym.
- opracowanie wkładki montażowej, do zastosowania przy montażu stężeń ściennych ścian w technologii lekkiego szkieletu stalowego.
- badania potwierdzające zasadność użycia wkładki montażowej przy montażu stężeń ściennych.
- wykonanie analizy numerycznej z wykorzystaniem MES-u w zakresie obejmującym pracę statyczną prętów cienkościennych dla przekrojów poprzecznych z zaprojektowaną wkładką montażową.
- wykonanie analizy numerycznej z wykorzystaniem MES-u w zakresie właściwości cieplno – wilgotnościowych zewnętrznych przegród w technologii lekkiej konstrukcji stalowej, poddanych nadmiernemu zawilgoceniu w wyniku oddziaływania wód popowodziowych.
- przeprowadzenie analizy wyników uzyskanych w badaniach doświadczalnych i numerycznych oraz ich prezentacja.
- podsumowanie i wnioski końcowe.

#### 6.3 TEZY PRACY

Tezy badawcze:

- analiza numeryczna pozwala określić przemieszczenia cienkościennych konstrukcji stalowych powstałe w następstwie usunięcia elementów pokrycia przegród pionowych i ocenę tych przemieszczeń pod kątem stateczności bryły budynku;
- zaprojektowana wkładka montażowa służy do miejscowego wzmacniania profilu oraz sprawnego montażu stężeń ściennych a stateczność bryły budynku wzmocnionej stężeniami jest znacząco zwiększona w stosunku do konstrukcji nie stężonej;
- analiza numeryczno doświadczalna pozwala określić przydatność materiałów przegrody zewnętrznej w chwili jej zawilgocenia spowodowanego oddziaływaniem wód popowodziowych.

# II. CZĘŚĆ BADAWCZA W ZAKRESIE MECHANIKI KONSTRUKCJI

## 7.OGÓLNA OCENA STATECZNOŚCI PRZEGRÓD ZEWNĘTRZNYCH

Zdolnością zespołu konstrukcyjnego do przenoszenia obciążeń i powracania do warunków równowagi statycznej nazywamy statecznością konstrukcji. W przypadku gdy konstrukcja wychylona jest z położenia równowagi statycznej i nie wraca do pierwotnego położenia układu, mówimy o niestateczności [33, 85, 89].

W nawiązaniu do uzasadnienia tematu w zakresie podjętego celu pracy zachodzi potrzeba demontażu poszycia przegrody zewnętrznej, co wiąże się z koniecznością zastosowania stężeń bryły budynku oraz wskazaniem metody jej usztywnienia na czas wykonywanych prac naprawczych.

#### 7.1 ANALIZA NUMERYCZNA WPŁYWU DEMONTAŻU POSZYCIA ŚCIAN

Celem globalnej analizy oceny stateczności konstrukcji było określenie wpływu demontażu poszycia usztywniającego ściany parteru na stan użytkowalności konstrukcji. Na podstawie dokonanej analizy pokazano również jak wyeliminować negatywny wpływ zdjęcia poszycia przez zastosowanie stężeń. Analizę numeryczną dotyczącą utraty stateczności bryły budynku mieszkalnego wykonano w programie Autodesk Robot Structural 2015.

Analizie poddano konstrukcje z lekkiego szkieletu stalowego budynku parterowego i dwukondygnacyjnego, które zaprojektowano na tym samym obrysie zewnętrznym. Modele weryfikowano pod kątem określenia stateczności bryły budynku w momencie zdjęcia poszycia usztywniającego ścian parterowych i zastąpienia jego wpływu stalowymi stężeniami ściennymi.

W tym celu przyjęto modele obliczeniowe oparte na technologii Sunday System firmy AmTech [68]. Do badań numerycznych przyjęto dwa budynki (jedno i dwukondygnacyjny) o tych samych wymiarach w rzucie poziomym 9,3 m na 12,3 m i wysokości pierwszej kondygnacji 2,8 m. W modelach zaprojektowano więźbę krokwiowo – jętkową o nachyleniu połaci dachu 35° dla konstrukcji parterowej i 43° dla konstrukcji piętrowej. Wysokość szkieletu parterowego budynku do kalenicy wynosi 5,67 m natomiast dla budynku dwukondygnacyjnego jest równa 8,62 m. Szkielety konstrukcji bazowały na kształtownikach zimnogiętych o grubości 1,5 mm i rozstawie co 60 cm. W przypadku konstrukcji parterowej przyjęto profile typu C90, a dla obiektu dwukondygnacyjnego C140, które umieszczono odpowiednio w prowadnicach typu U90 i U140. Belki stropu dla każdego modelu tworzyły scalone profile nadając im w ten sposób kształt dwuteowy. Analizując pracę konstrukcji zestawiono możliwe do wystąpienia obciążenia [131, 132, 133, 134, 145]. Tabela 7.1 przedstawia obciążenia charakterystyczne uwzględnione w obliczeniach. Szczegółowe obliczenia obciążeń śniegiem i wiatrem zamieszczono w załączniku 1.

Obliczeń ciężaru własnego konstrukcji dokonano według normy PN - EN1991-1-1 Eurokod 1 Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-1: Oddziaływania ogólne - Ciężar objętościowy, ciężar własny, obciążenia użytkowe w budynkach [132]. Obciążenie użytkowe przyjęto według rozdziału 6 normy PN-EN 1991-1-1 Eurokod 1 Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-1: Oddziaływania ogólne - Ciężar objętościowy, ciężar własny, obciążenia użytkowe w budynkach [132]. Do ustalenia obciążenia śniegiem przyjęto normę PN-EN 1991-1-3 Eurokod 1 Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-3: Oddziaływania ogólne – obciążenia śniegiem [133]. Obciążenia wiatrem przyjęto zgodnie z normą PN-EN 1991-1-4 Eurokod 1 Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-4: Oddziaływania ogólne – oddziaływanie wiatru [134]. Natomiast kombinacje obliczonych obciążeń utworzono zgodnie z PN-EN 1990 Eurokod Podstawy projektowania konstrukcji [131].

Modele obliczeniowe zbudowano w programie Autodesk Robot Structural 2015. W celu uproszczenia modelu przyjęto wszystkie podpory w postaci utwierdzeń. Konstrukcja nośna składała się z elementów prętowych, którym nadano odpowiednie przekroje i zadeklarowano zwolnienia tworząc połączenia typu przegub-przegub. Poszycie konstrukcji budynku zamodelowano jako panele, nadając im odpowiednie parametry płyty OSB.

Panele zostały zdefiniowane parametrem sztywności sprężystej, która określa stosowanie elementów skończonych typu powłoka [2, 103, 104, 153]. W przypadku modelu panelu bez elementów skończonych generowany obiekt wykazywał bark cech usztywniających. Charakteryzowało się to zbyt dużymi przemieszczeniami analizowanej konstrukcji. Przekazywanie obciążeń z panelu na elementy dochodzące polegało na dystrybucji obciążeń za pomocą rozkładu kopertowego w dwóch kierunkach.

Obciążenia charakterystyczne [kN/m <sup>2</sup> ]			Model budynku		
			Parterowy	Piętrowy	
	Dach		0,836	0,886	
<u> </u>	Strop nad	parterem	0,496	1,895	
Ciężar własny	Strop nad	piętrem	-	0,574	
	Ściana zewnętrzna		0,932	1,002	
	Ściana we	wnętrzna	0,478	0,548	
Ob	Obciążenie śniegiem		0,600	0,384	
	Parcie	Dach	0,508	0,548	
Max. obciażenie	T diele	Ściany	0,596	0,596	
wiatrem	Ssanie	Dach	0,799	0,877	
	Ściany		0,689	0,767	
Obciążenie eksploatacyjne stropu nad parterem			-	2	

Tabela 7.1. Zestawienie obciążeń charakterystycznych analizowanych modeli budynków jednorodzinnych.

Tworzenie siatki elementów skończonych wykonano metodą prostą (Coonsa) typu czterowęzłowego o rozmiarach elementu 0,1 m (rys. 7.1). Na ogół drobniejsza siatka daje lepsze wyniki, jednak wiąże się to z wydłużonym czasem obliczeń. Dlatego przeprowadzono dla modelu parterowego kilka analiz przy różnych rozmiarach elementu tak aby znaleźć równowagę pomiędzy rozrzutem wyników a czasem obliczeń podobnie jak sugerują autorzy prac [101, 111, 117, 147].



Rys. 7.1. Model obliczeniowy konstrukcji budynku: a) siatka MES dla modelu obliczeniowego budynku piętrowego wykonanego z profili C140, b) metoda siatkowania Coonsa.

W przeprowadzonym studium założono po cztery przypadki obliczeniowe. Dla konstrukcji parterowej zastosowano opis:

– budynek C90\_ I - konstrukcja budynku z całkowitym poszyciem ścian (rys. 7.2 a),

– budynek C90\_II - konstrukcja budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej (rys. 7.2 b),

– budynek C90\_III - konstrukcja budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej ze stężeniami pionowymi w postaci pojedynczego skrzyżowania (rys. 7.2 c),

budynek C90\_IV - konstrukcja budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej ze stężeniami pionowymi w postaci potrójnego skrzyżowania (rys. 7.2 d).



Rys. 7.2. Modele obliczeniowe parterowego budynku jednorodzinnego wykonanego w technologii lekkiego szkieletu stalowego: a) budynek z poszyciem – budynek C90\_II, b) budynek z usuniętym poszyciem z części parterowej – budynek C90\_II, c) budynek z usuniętym poszyciem z części parterowej i stężeniem w postaci pojedynczego skrzyżowania – budynek C90\_III, d) budynek z usuniętym poszyciem z części parterowej i stężeniem w postaci potrójnego skrzyżowania – budynek C90\_IV.

Rezultaty przeprowadzonej symulacji dla budynku parterowego zestawiono w tabeli 7.2. Wyniki analizy konstrukcji parterowej jednoznacznie pokazują, że demontaż poszycia z części parterowej (budynek C90\_II) wpłynął na stateczność bryły budynku i przekroczył graniczne wartości przemieszczeń poziomych określonych według [131, 135] w stosunku do konstrukcji z pełnym poszyciem (budynek C90\_I). Natomiast zastosowane stężenia w postaci stężeń pionowych (budynek C90\_III i budynek C90\_IV) ograniczyły przemieszczenia poziome w porównaniu do modelu obliczeniowego – budynek C90\_II. Również dla przemieszczeń kątowych zauważalna jest różnica w rozpatrywanych przypadkach obliczeniowych na niekorzyść obiektu bez usztywnień.

28

Przemieszczenia		budynek C90_I	budynek C90_II	budynek C90_III	budynek C90_IV
MAX.	UX [mm]	0,245	0	0,075	0,430
	UY [mm]	3,540	32,276	7,342	7,326
	UZ [mm]	2,011	3,313	2,142	6,746
	RX [deg]	0,685	0,789	0,749	0,879
	RY [deg]	0,682	0,404	0,692	0,305
	RZ [deg]	0,302	0,382	0,257	0,257
	UX [mm]	-0,585	-152,617	-2,716	-6,986
	UY [mm]	-6,738	-27,311	-7,033	-6,322
MIN	UZ [mm]	-19,582	-4,333	-20,439	-8,930
MIIN.	RX [deg]	-0,477	-0,935	-0,631	-0,918
	RY [deg]	-0,675	-4,456	-0,735	-0,235
	RZ [deg]	-0,259	0	-4,683	-0,229

Tabela 7.2. Wartości przemieszczeń liniowych i kątowych dla konstrukcji parterowej opartej na kształtownikach C90.

Modele obliczeniowe szkieletu konstrukcji budynku piętrowego opisano jako:

- budynek C140\_I konstrukcja budynku z całkowitym poszyciem ścian (rys. 7.3 a),
- budynek C140\_II konstrukcja budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej (rys. 7.3 b),
- budynek C140\_III konstrukcja budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej ze stężeniami pionowymi w postaci pojedynczego skrzyżowania (rys. 7.3 c),
- budynek C140\_IV konstrukcja budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej ze stężeniami pionowymi w postaci potrójnego skrzyżowania (rys. 7.3 d).



Rys. 7.3. Modele obliczeniowe piętrowego budynku jednorodzinnego wykonanego w technologii lekkiego szkieletu stalowego: a) budynek z poszyciem – budynek C140\_II, b) budynek z usuniętym poszyciem z części parterowej – budynek C140\_II, c) budynek z usuniętym poszyciem z części parterowej i stężeniem w postaci pojedynczego skrzyżowania – budynek C140\_III, d) budynek z usuniętym poszyciem z części parterowej i stężeniem w postaci potrójnego skrzyżowania – budynek C140\_IV.

Analiza konstrukcji piętrowej (tabela 7.3), w oparciu o rezultaty uzyskanych przemieszczeń liniowych i kątowych wykazała, że demontaż poszycia z części parterowej (budynek C140\_II) wpływa na stateczność bryły budynku. Graniczne wartości przemieszczeń poziomych są o 97% większe od przemieszczeń dla konstrukcji z pełnym poszyciem (budynek C140\_I). Podobnie jak w budynku parterowym zastosowane stężenia (budynek C140\_II) i budynek C140\_IV) uniemożliwiły przemieszczenia poziome w porównaniu do modelu obliczeniowego – budynek C140\_II. Maksymalne przemieszczenia występują również w modelu niestężonym.

Przemieszczenia		budynek C140_I	budynek C140_II	budynek C140_III	budynek C140_IV
	UX [mm]	0,430	0	0,733	1,603
	UY [mm]	7,326	59,340	3,747	1,029
MAX.	UZ [mm]	6,746	1,965	3,736	4,171
	RX [deg]	0,879	0,527	1,228	1,234
	RY [deg]	0,305	1,124	2,406	2,548
	RZ [deg]	0,257	0,883	0,271	0,273
	UX [mm]	-6,986	-272,840	-9,166	-8,446
	UY [mm]	-6,322	-46,975	-4,523	-4,323
MIN	UZ [mm]	-8,930	-20,253	-46,589	-47,061
MIIN.	RX [deg]	-0,918	-0,629	-1,262	-1,271
	RY [deg]	-0,235	-5,434	-2,400	-2,586
	RZ [deg]	-0,229	0	-0,314	-0,324

Tabela 7.3. Wartości przemieszczeń liniowych i kątowych dla konstrukcji piętrowej opartej na kształtownikach C140.

#### 7.2 AUTORSKIE ROZWIĄZANIE ZAPEWNIENIA STATECZNOŚCI BRYŁY BUDYNKU ZAPEWNIENIA

W rozdziale 7.1 wykazano, że z chwilą zdjęcia poszycia uzasadnione jest zastosowanie stężeń w celu zachowania stateczności bryły budynku. W związku z tym nasuwa się konieczność opracowania metody naprawczej mającej na uwadze zwiększenie sztywności giętno – skrętnej w miejscu osadzenia stężeń.

W praktyce znanych jest wiele sposobów usztywnienia profili cienkościennych przewiązkami, przeponami bądź skratowaniem [47, 73, 88, 92, 151, 156]. Realizacja takich usztywnień może być w istniejących budynkach technicznie trudna do wykonania. W związku z tym stworzono alternatywne rozwiązanie tego typu usztywnień umożliwiające sprawny montaż w warunkach polowych. Zaproponowany sposób usztywnienia pozwala zwiększyć sztywność giętno - skrętną profili typu C w miejscu mocowania stężeń [75].

#### 7.2.1 Opracowanie wkładki montażowej zwiększającej sztywność profilu w miejscu osadzania stężeń

Metoda naprawcza opiera się na wynalazku wykonanym w technologii druku 3D. Wynalazek został zgłoszony do Urzędu Patentowego w Polsce pod numerem P.423102 [75] i uzyskał ochronę patentową w dniu 11.02.2020 opublikowaną w dniu 30.04.2020.

Przedmiotem opracowania była wkładka usztywniająca cienkościenne profile typu C wykorzystywane w budownictwie w lekkich konstrukcjach stalowych. Wkładka złożona jest z trzech elementów o odpowiednio dobranym kształcie, który umożliwia łatwy i pewny jej montaż w profilu (rys. 7.4). Wkładka ma szerokość i wysokość dopasowaną do zamkniętej przestrzeni wewnętrznej cienkościennego profilu C. Środkowy element S wkładki ma dwa boki usytuowane symetrycznie względem wzdłużnej osi symetrii O. Każdy z boków środkowego elementu S ma kształt fali złożonej z jednakowych łuków o kącie K równym 120° i promieniu R równym 1/4 maksymalnej szerokości środkowego elementu S. Każdy kolejny łuk obu boków środkowego elementu S jest przedłużeniem poprzedniego. Każdy, poprowadzony w płaszczyźnie pionowej przekrój poprzeczny środkowego elementu S przedstawia równoramienny trapez o długości zewnętrznej podstawy T1 większej od długości jego wewnętrznej podstawy T2. Kształt boków PL lewego elementu L i prawego elementu P, przylegających po złożeniu do boków środkowego elementu S, jest lustrzanym odbiciem odpowiednich boków środkowego elementu S. Przeciwległe, tj. stykajace się z cienkościennym profilem C, boki lewego elementu L i prawego kształt odpowiadający wewnętrznemu elementu P mają kształtowi cienkościennego profilu. Zewnetrzna podstawa T1 stanowiaca przekrój trapezu jest dłuższa od jego wewnętrznej podstawy T2 o wartość dobraną tak, że po montażu w cienkościennym profilu C wszystkie elementy L, S i P klinują się

tworząc jedną całość wypełniającą wewnętrzną przestrzeń cienkościennego profilu na całej długości wkładki.



Rys. 7.4. Wkładka usztywniająca cienkościenne profile typu C: a) przekrój w płaszczyźnie pionowej, b) widok z góry środkowego elementu wkładki.

Montażu wkładki w żądanym miejscu cienkościennego profilu C dokonuje się wkładając do wewnętrznej przestrzeni profilu C i dociskając do ścianek profilu C najpierw boczne elementy L i P wkładki, a następnie w przestrzeń pomiędzy nimi wciska się środkowy element S, do momentu jego zaklinowania i wypełnienia wewnętrznej przestrzeni profilu C na całej długości wkładki. Przez szerokość wkładki we wszystkich trzech częściach wykonany jest otwór pozwalający na poprowadzenie pręta gwintowanego M7 służącego do zamocowania stężeń. Średnica otworu jest o 0,5 mm mniejsza od średnicy pręta w celu lepszego scalenia łączonych elementów (rys. 7.5).

Elementy wkładki montażowej wykonane zostały na drukarce 3D (rys. 7.5). Materiałem wykorzystanym do drukowania był filament ABS. W odróżnieniu od innych filamentów (PLA, PETG) filament ABS dobrze poddaje się obróbce i można w nim bez większych problemów wiercić otwory [106, 114].



Rys. 7.5. Autorskie rozwiązanie usztywnienia ceowych stalowych profili cienkościennych: a) widok trzech elementów tworzących usztywnienie, b) widok usztywnienia w profilu cienkościennym.

ABS (akrylonitrylo-butadieno-styrenowy), jest tworzywem otrzymywanym w procesie polimeryzacji 1,3-butadienu oraz kopolimeryzacji akrylonitrylu ze styrenem wraz z jednoczesnym szczepieniem powstałego kopolimeru na polibutadienie [97, 106]. ABS charakteryzuje się dużą udarnością, twardością oraz odpornością na zarysowania. Wykazuje również zadawalającą odporność na działanie ługów, rozcieńczonych kwasów, węglowodorów alifatycznych, olejów i tłuszczów. Jest mało odporny na działanie kwasów, estrów oraz ketonów. W tabeli 7.4 przedstawiono podstawowe parametry techniczne użytego filamentu ABS.

Właściwości fizyczne	Gęstość [kg/m <sup>3</sup> ]	Wytrzymałość na rozciąganie [MPa]	Moduł Younga [MPa]	Współczynnik Poisson
Wartość	1050	44	2000	0.38

Tabela 7.4. Parametry techniczne użytego w badaniach filamentu ABS.

#### 7.2.2 Stężenia przegród zewnętrznych budynków

Stężenia są jednym z elementów konstrukcyjnych budynku, które w połączeniu z innymi prętowymi elementami konstrukcyjnymi zapewniają stateczność oraz sztywność przestrzenną konstrukcji [26, 67, 160, 182]. Uzyskany w ten sposób układ geometrycznie niezmienny pozwala przejąć wielokierunkowe obciążenia działające na budynek.

Konstrukcje wykonane z kształtowników walcowanych na gorąco składają się zazwyczaj w przekroju poprzecznym z podwójnie symetrycznych elementów. Przy projektowaniu konstrukcji cienkościennych najczęściej mamy do czynienia z przekrojami pojedynczo symetrycznymi. W większości przypadków efektywne

34

obciążenie tych przekrojów, ze względu na położenie środka ciężkości – w przypadku słupów, lub środka ścinania – w przypadku belek, jest prawie niemożliwe. W związku z tym dochodzi do nieuniknionego wtórnego skręcenia i zginania, któremu należy zapobiec stosując między innymi stężenia. Ponadto stany graniczne stateczności przy wyboczeniu giętno - skrętnym, które są rzadkie w kształtownikach walcowanych na gorąco, są powszechnymi stanami granicznymi dla formowanych na zimno słupów stalowych konstrukcji cienkościennych. Wyboczenie długofalowe słupów (giętno - skrętne) oraz belek (poprzecznie skrętnych) można skutecznie ograniczyć dzięki tężnikom.

Stateczność układu konstrukcyjnego musi być zapewniona w warunkach realizacji, eksploatacji oraz potencjalnych prac remontowych. W przypadku prac budowlanych wynikających z podtopienia (zalania) obiektu wodami opadowymi lub powodziowymi koniecznym może się okazać demontaż poszycia usztywniającego zewnętrzne przegrody pionowe budynku. Bazując na wynikach uzyskanych w rozdziale 7.1, w niniejszym punkcie pracy dokonano obliczeń oraz szczegółowej analizy numerycznej fragmentu przegrody zewnętrznej bez poszycia usztywniającego, zastępując jego wpływ stalowymi stężeniami ściennymi. Dodatkowo wyodrębnioną ścianę bez stężeń porównano z modelami przegrody stężonymi w postaci pojedynczego i potrójnego skrzyżowania (rys. 7.6).



Rys. 7.6. Modele obliczeniowe konstrukcji budynku jednorodzinnego z wybranymi do analizy przemieszczeń kątowych elementami: a) budynek ze stężeniami w postaci pojedynczego skrzyżowania, b) budynek ze stężeniami w postaci potrójnego skrzyżowania.

Celem analizy numerycznej było przedstawienie charakteru przemieszczeń kątowych środnika profilu. Do analizy przyjęto fragment ściany wybrany na podstawie maksymalnych przemieszczeń uzyskanych z analizy stateczności bryły budynku (rozdział 7.1). Wartości odczytanych przemieszczeń węzłowych w wyselekcjonowanym fragmencie konstrukcji posłużyły jako warunki

brzegowe w dalszej analizie przeprowadzonej w programie Ansys Academic Research 2020.

a)



Rys. 7.7. Schemat analizowanego fragmentu ściany: a) model 0 - bez stężeń, b) model 1 - ze stężeniem pojedynczym bez wkładki montażowej, c) model 2 - ze stężeniem potrójnym bez wkładki montażowej, d) model 3 - ze stężeniem pojedynczym i wkładką montażową, e) model 4 - ze stężeniem potrójnym i wkładką montażową.
Rysunek 7.7 przedstawia modele wyodrębnionej części przegrody z zastosowanym stężeniem i wkładkami montażowymi w miejscu ich połączenia. Analiza obejmowała pięć modeli opisanych odpowiednio jako: model  $0 \div$  model 4. Pokazany na rysunku 7.7a schemat model 0 bez stężeń traktowany jest jako model wyjściowy (rys. 7.7a). Kolejne schematy obliczeniowe powstawały przez uzupełnienie modelu wyjściowego stężeniami i usztywnienie go opracowaną wkładką montażową w miejscu osadzania stężeń (rys. 7.7b, c, d, e).

Odwzorowanie warunków brzegowych w programie Ansys Academic Research 2020 było możliwe dzięki zadeklarowaniu odczytanych z programu Robot Structural przemieszczeń (por. [102]), w środku ciężkości przekroju poprzecznego każdego z profili (rys. 7.8a). W miejscach połączenia przegrody z fundamentem przyjęto warunki brzegowe w postaci utwierdzenia (rys. 7.8b).



Rys. 7.8. Warunki brzegowe analizowanego fragmentu ściany: a) przemieszczenia przyłożone w środku ciężkości przekroju porzecznego profili, b) sztywne zamocowanie.

W przyjętym modelu wygenerowane zostały elementy powłokowe typu Shell181 dla elementów cienkościennych i bryłowe Solid187 dla śrub i wkładki montażowej. W obiektach powierzchniowych użyte zostały elementy powłokowe 4 węzłowe, z 6-cioma stopniami swobody w każdym elemencie. Elementy bryłowe mają natomiast po 3 stopnie swobody [5, 55, 102]. Do modelowania połączeń pomiędzy elementami konstrukcji przyjęto dwa rodzaje kontaktu. Kontakt typu Bonded oznacza, że para kontaktów nie może się rozdzielać i przesuwać, natomiast kontakt typu Frictional umożliwia rozdzielenie się kontaktów i ich wzajemny przesuw [5, 55, 77]. Przypisanie kontaktów dla poszczególnych elementów zestawiono w tabeli 7.5.

Połączone przedmioty	Typ kontaktu	
Profil – stężenie	Frictional	
Profil – profil	Bonded	
Desfit (miles	Bonded	
Prom – sruba	Frictional	
Profil – wkładka montażowa	Frictional	
Śruba – wkładka montażowa	Bonded	

Tabela 7.5. Rodzaje kontaktów dla wszystkich modeli przyjętych w analizie giętnoskrętnej fragmentu ściany.

Siatkę elementów skończonych generowano w trybie Multizone, opartą na elementach sześciennych. Przy tego rodzaju siatce uzyskujemy większą dokładność wyników w porównaniu z siatkami czterościennymi [4, 17, 29, 62]. W zależności od rozpatrywanego modelu wygenerowana siatka elementów skończonych różniła się liczbą węzłów oraz elementów (tabela 7.6).

Model	Liczba węzłów	Liczba elementów
Model 0	168 355	164 379
Model 1	232 535	221 360
Model 2	257 282	245 957
Model 3	521 576	418 642
Model 4	836 089	641 450

Tabela 7.6. Statystyka elementów skończonych dla analizowanych modeli.

W rozpatrywanych modelach odczytano kąt skręcania na długości środnika słupków profilu o numerach 62 i 64. Do analizowanych elementów mocowane były stężenia i wkładki montażowe. Na rysunku 7.10 pokazano zmianę kąta skręcania przegrody z pojedynczym stężeniem (model 0, model 1 i model 3). Rysunek 7.9 obrazuje przebieg zmiany kąta skręcania na wysokości środnika słupka 62. Zmianę przemieszczeń kątowych dla słupka 64 przedstawia rysunek 7.10. Kolejne rysunki (7.11 i 7.12) pokazują otrzymane wyniki dla przemieszczeń kątowych w przypadku zastąpienia pojedynczego stężenia, stężeniem potrójnym (model 2 i model 4). Niebieskie pasy na rysunkach  $7.9 \div 7.12$  i tabelach  $7.7 \div 7.10$  wyznaczają miejsca mocowania stężeń i umiejscowienia wkładek montażowych.



Rys. 7.9. Przebieg zmienności kąta skręcania na długości środnika słupka ściennego przegrody z pojedynczym stężeniem - słupek 62.



Rys. 7.10. Przebieg zmienności kąta skręcania na długości środnika słupka ściennego przegrody z pojedynczym stężeniem - słupek 64.



Rys. 7.11. Przebieg zmienności kąta skręcania na długości środnika słupka ściennego przegrody z potrójnym stężeniem - słupek 62.



Rys. 7.12. Przebieg zmienności kąta skręcania na długości środnika słupka ściennego przegrody z potrójnym stężeniem - słupek 64.

Wyniki przeprowadzonej analizy pokazują wpływ stężeń i wkładek montażowych na przebieg zmienności kąta skręcania. W obu przypadkach zastosowanych schematów stężeń widoczny jest efekt zmniejszenia przemieszczeń kątowych w stosunku do przemieszczeń dla schematu wyjściowego. Dodatkowe wzmocnienie w miejscu łączenia stężeń z profilami powoduje zwiększenie sztywności skrętnej. Zaobserwować to można na rys. 7.9 i 7.10. W tabelach 7.7 ÷ 7.10 przedstawiono porównanie procentowe kątów skręcania model 1 ÷ model 4 z wynikami wyjściowego modelu 0. Poza wzmocnieniem ściany stężeniem i wkładkami dodatkową skuteczność na zmniejszenie przemieszczeń kątowych uzyskano dla modeli z potrójnym stężeniem, tj. model 2 i model 4.

Wysokość [mm]	model 0 θ [ °]	model 1 Δ [%]	model 3 Δ [%]
0	0,000717	11,228978	79,388817
170	0,005349	21,493992	73,430909
300	0,006395	23,302471	68,891068
900	0,004160	43,808951	45,549319
1000	0,003671	52,973529	34,228469
1200	0,004193	64,579210	-17,040190
1400	-0,004992	-10,700451	6,589068
1900	-0,039234	21,458569	45,996834
2100	-0,051974	21,953284	48,474237
2300	-0,063264	16,232682	44,193893
2500	-0,070933	9,908362	30,807624
2630	-0,046749	21,182539	26,452435
2800	0,130860	21,725508	25,128381

Tabela 7.7. Wartości kąta skręcania  $\theta$  [°] odczytane na wysokości środnika słupa 62 dla modelu 0 oraz ich procentowe porównanie  $\Delta$  [%] z wynikami dla modelu 1 i modelu 3.

Tabela 7.8.	Wartości kąta	a skręcania θ [°]	odczytane na	wysokości	środnika s	słupa 6	64 dla
modelu 0 o	raz ich proce	ntowe porównan	ie $\Delta$ [%] z wy	nikami dla	modelu 1	i mode	elu 3.

Wysokość [mm]	model 0 θ [ °]	model 1 Δ [%]	model 3 Δ [%]
0	0,001159	13,672360	12,948585
170	0,006476	22,809040	42,539470
300	0,008457	16,431152	41,110225
900	0,011877	15,620920	23,838473
1000	0,011030	6,549525	21,540900
1200	0,003963	5,517872	23,335774
1400	0,005902	7,759818	2,854868
1900	0,003378	-20,963858	-6,083181
2100	-0,004548	121,203052	126,495294
2300	-0,007404	69,296193	70,835519
2500	-0,006834	35,768460	46,111177
2630	-0,001238	30,417938	169,764367
2800	0,024223	13,247740	24,011477

Wysokość słupa [mm]	model 0 θ [ °]	model 2 Δ [%]	model 4 Δ [%]
0	0,002848	16,047606	74,829378
170	0,009969	33,585479	46,346711
300	0,012095	33,928113	47,122411
900	0,011462	37,379910	63,704239
990	0,010113	40,041336	63,219043
1000	0,009963	40,381550	63,157020
1800	-0,032105	27,380295	57,018658
1810	-0,032818	27,430051	57,118831
1900	-0,039234	27,796485	57,856574
2500	-0,070933	9,648989	32,001302
2630	-0,046749	20,334677	26,839265
2800	0,130860	19,119670	22,711295

Tabela 7.9. Wartości kąta skręcania  $\theta$  [°] odczytane na wysokości środnika słupa 62 dla modelu 0 oraz ich procentowe porównanie  $\Delta$  [%] z wynikami dla modelu 2 i modelu 4.

Tabela 7.10. Wartości kąta skręcania  $\theta$  [°] odczytane na wysokości środnika słupa 64 dla modelu 0 oraz ich procentowe porównanie  $\Delta$  [%] z wynikami dla modelu 2 i modelu 4.

Wysokość słupa [mm]	model 0 θ [ °]	model 2 Δ [%]	model 4 Δ [%]
0	0,000816	-9,013613	-3,820653
170	0,006476	3,722521	6,399180
300	0,008457	4,473609	13,616091
900	0,011877	25,982468	27,611339
990	0,011284	15,353377	27,625138
1000	0,011030	12,637333	26,391835
1800	0,002408	1,687551	24,792691
1810	0,000737	20,656840	69,421734
1900	0,000021	27,714262	94,182502
2500	-0,006834	21,030947	16,827516
2630	0,002100	100,193250	171,823374
2800	0,008407	2,573290	65,770765

# 8. ANALIZA NUMERYCZNO - DOŚWIADCZALNA WSTĘPNYCH PRZEMIESZCZEŃ GIĘTNO –SKRĘTNYCH NA NOŚNOŚĆ CIENKOŚCIENNYCH PROFILI STALOWYCH

W niniejszym rozdziale przedstawiono wyniki badań doświadczalno – numerycznych cienkościennych profili typu C poddanych nieswobodnemu skręcaniu. Badaniom poddano pręty nieusztywnione i usztywnione podłużnie [47, 151] za pomocą autorskiego rozwiązania wkładki montażowej. Autorskie rozwiązanie technologii wzmocnienia podłużnego profili cienkościennych opisano w rozdziale 7.2.1.

W oparciu o badania eksperymentalne utworzono model numeryczny w programie Ansys 20 Academic Researcher [4, 148], który umożliwia przeprowadzenie poprawnej analizy numerycznej, opartej na metodzie elementów skończonych. Opracowując model numeryczny zwrócono szczególną uwagę na podział współpracujących ze sobą elementów w obszarze ich kontaktu. Porównanie wyników eksperymentalnych i analizy numerycznej polegało na zestawieniu przemieszczeń pionowych i kątowych w wybranych przekrojach analizowanego profilu. Zarówno badania eksperymentalne jak również obliczenia numeryczne przeprowadzone na potrzeby patentu [101, 117] wykazały skuteczność zastosowanego autorskiego usztywnienia zimnogiętego profilu ceowego.

## 8.1 ANALIZA DOŚWIADCZALNA

Badania eksperymentalne profili cienkościennych obejmowały pomiar przemieszczeń pionowych według następującego programu badań:

- obciążenie dwoma siłami skupionymi profilu bez usztywnień zgodnie z rys. 8.6,
- obciążenie dwoma siłami skupionymi profilu z dwoma usztywnieniami, zgodnie z rys. 8.7,
- obciążenie jedną siłą skupioną, profil bez usztywnień, zgodnie z rys. 8.8,
- obciążenie jedną siłą skupioną, profil z dwoma usztywnieniami, zgodnie z rys. 8.9,
- obciążenie dwoma siłami skupionymi, profil bez usztywnień i z płytą OSB, zgodnie z rys. 8.10,
- obciążenie dwoma siłami skupionymi, profil z dwoma usztywnieniami i z płytą OSB, zgodnie z rys. 8.11,
- obciążenie jedną siłą skupioną, profil bez usztywnień i z płytą OSB, zgodnie z rys. 8.12,
- obciążenie jedną siłą skupioną, profil z dwoma usztywnieniami i z płytą OSB, zgodnie z rys. 8.13.

#### 8.1.1 Opis stanowiska badawczego

Badania doświadczalne wykonywane były w Laboratorium Katedry Konstrukcji Metalowych i Materiałów Budowlanych Wydziału Budownictwa Politechniki Częstochowskiej. Realizacja założonego programu badań, wymagała przygotowania stanowiska badawczego, do budowy którego użyto profili walcowanych na gorąco ze stali S235, które skręcono śrubami M14 (rys. 8.1). Przygotowane stanowisko badawcze umożliwiało pomiar przemieszczeń pionowych profili cienkościennych z chwilą ich obciążenia. Wymiary gabarytowe konstrukcji stanowiska to: 75 cm x 300 cm x 120 cm. Całość przytwierdzono do posadzki betonowej za pomocą kotew wklejanych. Badane modele z ceowych profili cienkościennych C90 i C140 oparto widełkowo na stalowych prętach o średnicy 20 mm. Pręty przepuszczono przez blachę stalową zamocowaną śrubami do ceowników stanowiących część stanowiska badawczego (rys. 8.2).



Rys. 8.1. Model stanowiska do badań przemieszczeń giętno – skrętnych cienkościennych, stalowych profili ceowych.



Rys. 8.2. Sposób podparcia belki cienkościennej typu C140.

Do badań doświadczalnych przyjęto profile cienkościenne C90 i C140 wykonane z blachy stalowej ocynkowanej o granicy plastyczności  $f_{yb} = 235$  MPa i wytrzymałości na rozciąganie  $f_u = 360$  MPa. Wymiary nominalne i rzeczywiste dla analizowanych profili zestawiono w tabeli 8.1 i tabeli 8.2.

Tabela 8.1. Wymiary nominalne i rzeczywiste dla analizowanych profili C90.

2 <u><u><u><u></u></u><u><u></u><u><u></u><u></u><u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u></u></u></u></u></u>	Wymiary przekroju	Wymiary nominalne	Wymiary rzeczywiste	
s +/-1	profilu Č90	[mm]		
ы t	а	90	88	
a+/-1.1	b	38	39 / 41,7	
	S	19	16,6 / 17,2	
	t	1.5	1.5	
	r	3	3	

Tabela 8.2. Wymiary nominalne i rzeczywiste dla analizowanych profili C140.

	Wymiary przekroju	Wymiary nominalne	Wymiary rzeczywiste	
∑+s	profilu C140	[mm]		
ы t	а	140	140	
a+/-1.	b	38	37,9	
	S	18	17,5	
	t	1.5	1,5	
	r	3	3	

Profile obciążano przy pomocy odważników 5, 10 i 20 kg mocowanych do profili. W celu podwieszenia odważników do półek badanych profili użyto łańcucha stalowego o wadze 0,6 kg. W przekrojach poprzecznych na półkach badanych profili zostały wywiercone otwory w celu poprowadzenia pręta gwintowanego o średnicy 7 mm (rys. 8.4), który umożliwiał zawieszenie obciążenia oraz stanowił element mocujący wkładkę montażową. Sposób obciążenia prętów przedstawiono na rys. 8.3a, na którym widać element do podwieszania obciążenia (haczyk). Opracowane stanowisko badawcze nie ograniczało możliwości oceny wpływu stężeń pracujących w płaszczyźnie pionowej przegrody zewnętrznej.

W przypadku każdego schematu badawczego (rys.  $8.8 \div 8.13$ ) wykonano jeden cykl pomiarowy, obejmujący obciążenie siłami: 54,94, 103,99 i 202,09 N. Każdy z przyjętych modeli badawczych badany był trzy krotnie, a wyniki uśrednione. Do pomiaru ugięć belki użyto zegarowych czujników przemieszczeń zamocowanych na podstawkach magnetycznych (rys. 8.3). Użyto czujników firmy Predom-Termet, których zakres pomiarowy wynosi 0÷10 mm z dokładnością 0,01 mm.



b)

a)



Rys. 8.3. Widok ogólny stanowiska badawczego: a) profil C140 z widocznym haczykiem do podwieszania obciążenia b) ułożenie zegarowych czujników pomiarowych na badanym profilu cienkościennym C140.

Badania obejmowały pomiar przemieszczeń pionowych kształtowników niestężonych podłużnie oraz stężonych podłużnie wkładkami montażowymi (rys. 8.4). Dodatkowo wykonano badania z uwzględnieniem poszycia z płyty OSB na jednej z półek ceownika (rys. 8.5). Długość całkowita badanych profil wynosi  $L_c = 2500$  mm, a odległość między podporami  $L_o = 2350$  mm.



Rys. 8.4. Profil cienkościenny C140 z dwoma usztywnieniami podłużnymi autorską wkładką montażową.



Rys. 8.5. Widok ogólny stanowiska badawczego dla oceny przemieszczeń pionowych profilu C140 z uwzględnieniem poszycia płytą OSB oraz widocznym ułożeniem czujników pomiarowych.

Badana obejmowały modele: model C90\_I  $\div$  model C90\_VIII oraz model C140\_I  $\div$  model C140\_VIII. Modele I $\div$ IV były modelami bez usztywnienia płytą OSB. Modele I i III wykonano bez wkładek usztywniających, natomiast modele II i IV powstały przez dodanie autorskich wkładek usztywniających. Model II usztywniony został dwoma wkładkami a model III jedną. Oprócz usztywnień dodatkowo modele I i II różniły się od modeli III i IV sposobem obciążenia. W modelach I i II obciążenie przyłożone było na dwóch przeciwległych półkach ceownika (rys. 8.6 i rys. 8.7). Natomiast modele III i IV obciążano na jednej półce (rys. 8.8 i rys. 8.9).



Rys. 8.6. Schematy badanych profili z rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z dwoma obciążeniami bez usztywnień. Modele opisane jako model C90\_I i model C140\_I.



Rys. 8.7. Schemat badanych profili z rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z dwoma obciążeniami i usztywnieniami zamontowanymi w miejscu przyłożenia sił. Modele opisane jako model C90\_II i model C140\_II.



Rys. 8.8. Schemat badanych profili z rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z jednym obciążeniem i bez usztywnienia. Modele opisane jako model C90\_III i model C140\_III.



Rys. 8.9. Schemat badanych profili z rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z jednym obciążeniem i usztywnieniem zamontowanym w miejscu przyłożenia siły. Modele opisane jako model C90\_IV i model C140\_IV.

Do kolejnych modeli, tj. V i VIII zamocowano płytę OSB o wymiarach 600 mm na 2200 mm i grubości 12 mm (rys. 8.5). Płytę umiejscowiono symetrycznie na jednej z półek profilu i przymocowano wkrętami samowiercącymi w rozstawie co 30 cm z zachowaniem 1,5 cm odstępu od krawędzi płyty. Modele V i VII są modelami bez usztywnień, natomiast modele VI i VII wzmocniono autorskimi wkładkami montażowymi. Dodatkowo w modelu V i VI profile obciążono dwoma siłami na jednej półce (rys. 8.10 i rys. 8.11). Według schematów przedstawionych na rys. 8.12 i 8.13 modele VII i VIII obciążono jedną siłą.



Rys. 8.10. Schemat badanych profili z płytą OSB i rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z dwoma obciążeniami bez usztywnień. Modele opisane jako model C90\_V i model C140\_V.



Rys. 8.11. Schemat badanych profili z płytą OSB i rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z dwoma obciążeniami i usztywnieniami zamontowanymi w miejscu przyłożenia sił. Modele opisane jako model C90\_VI i model C140\_VI.



Rys. 8.12. Schemat badanych profili z płytą OSB i rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z jednym obciążeniem i bez usztywnień. Modele opisane jako model C90\_VII i model C140\_VII.



Rys. 8.13. Schemat badanych profili z płytą OSB i rozmieszczeniem czujników zegarowych. Profil z jednym obciążeniem i usztywnieniem zamontowanym w miejscu przyłożenia siły. Modele opisane jako model C90 VIII i model C140\_VIII.

## 8.1.2 Przebieg wykonywanych badań

Dla każdego schematu (rys.  $8.6 \div 8.13$ ) zaplanowano wykonanie jednego cyklu pomiarowego, obejmującego obciążenie siłami skupionymi wynoszącymi odpowiednio: 54,94, 103,99 i 202,09 N. Każdy cykl pomiarowy składał się z pięciu serii, w trakcie których dokonywano odczytu wartości przemieszczeń sporządzenie zależności pionowych. co umożliwiło obciażenie przemieszczenie. Zależności te dla profili C140 przedstawiono na rysunkach 8.14÷8.17. Rysunek 8.14 przedstawia wyniki dla przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C140\_I) i profili z usztywnieniem (model C140 II). Wyniki badań dla profili obciążonych jedną siłą (model C140\_III) i profili z wkładka montażową (model C140\_IV) pokazano na rysunku 8.15. Model C140 V i model C140 VI zostały usztywnione płytą OSB i obciążone dwoma siłami oraz wzmocnione wkładką usztywniającą w miejscu przyłożenia siły - rysunek 8.16. Na rysunku 8.17 przedstawiono natomiast wyniki przemieszczeń pionowych dla modeli C140 VII i C140 VIII.

Wykresy zależności obciążenie – przemieszczenie dla profilu C90 zamieszczono w załączniku 2.



Rys. 8.14. Zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez wprowadzonych usztywnień (model C140\_I) i profili z usztywnieniem (model C140\_II), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujników I\_1 i I\_2, b) czujników II\_1 i II\_2, c) czujników III\_1 i III\_2.



Rys. 8.15. Zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez wprowadzonych usztywnień (model C140\_III) i profili z usztywnieniem (model C140\_IV), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujników I\_1 i I\_2, b) czujników II\_1 i II\_2, c) czujników III\_1 i III\_2.



Rys. 8.16. Zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez wprowadzonych usztywnień (model C140\_V) i profili z usztywnieniem (model C140\_VI), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujnika II\_2, b) czujnika II\_2, c) czujnika III\_2.



Rys. 8.17. Zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez wprowadzonych usztywnień (model C140\_VII) i profili z usztywnieniem (model C140\_VIII), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujnika I\_2, b) czujnika II\_2, c) czujnika III\_2.

## 8.1.3 Analiza otrzymanych wyników

Wyniki badań modeli nieusztywnionych porównano z wynikami badań modeli wzmocnionych wkładką usztywniającą autorskiego opracowania. Przeprowadzone badania umożliwiły ocenę wpływu usztywnień podłużnych na przemieszczenia pionowe i kąt skręcania. Opracowany sposób usztywnienia podłużnego w przeprowadzonych badaniach wykazał zwiększoną sztywność giętno – skrętną dla wszystkich badanych modeli.

Poniżej przedstawiono analizę dla badanych modeli wykonanych na profilach C140. Rezultaty przeprowadzonych badań na profilach C90 zamieszczono w załączniku 2.

W tabelach 8.3 i 8.4 zestawiono wyniki badań dla modeli bez płyty OSB (model C140\_I ÷ model C140\_IV). Wyniki przedstawiają procentowe różnice w rezultatach przemieszczeń pionowych uzyskanych pomiędzy profilem bez usztywnienia a profilem z usztywnieniem. Porównując modele C140\_I z C140\_II i C140\_IV zauważono istotny wpływ podłużnego usztywnienia wkładką montażową, we wszystkich punktach pomiarowych. W przypadku modeli C140\_I i C140\_II otrzymano różnice sięgające 10,83% dla obciążenia równego 54,94 N, 6,30% w przypadku siły 103,99 N i 6,70% dla obciążenia 202,09 N (tabela 8.3). Wpływ zastosowanego usztywnienia w pozostałych modelach obliczeniowych C140\_III i C140\_IV również wykazał zwiększenie sztywności giętnej (tabela 8.4).

Analizując modele obliczeniowe (model C140\_I i model C140\_II) w wybranych przekrojach pomiarowych zaobserwowano brak jednoznacznej zgodności w rozkładzie przemieszczeń pionowych (tabela 8.3). Spowodowane było to między innymi odchyłkami w wykonaniu badanych kształtowników C90 i C140.

Podczas badań we wszystkich modelach zaobserwowano powrót profili do stanu pierwotnego z chwilą ich odciążenia, co świadczyło o sprężystym zachowaniu się badanych elementów przy zadawanych wartościach obciążenia.

		Wyniki eks		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_I	C140_II	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_1	1,57	1,40	10,83
	I_2	1,33	1,29	3,15
54.04	II_1	1,69	1,51	10,77
54,94	II_2	1,71	1,60	6,43
	III_1	1,39	1,24	10,53
	III_2	1,57	1,51	4,07
	I_1	3,02	2,83	6,30
	I_2	2,65	2,54	4,15
102.00	II_1	3,23	3,05	5,69
103,99	II_2	3,29	3,15	4,08
	III_1	2,68	2,55	4,85
	III_2	3,07	2,91	5,08
	I_1	6,09	5,68	6,70
	I_2	5,44	5,30	2,65
202.00	II_1	6,49	6,12	5,79
202,09	II_2	6,64	6,40	3,53
	III_1	5,28	5,18	1,89
	III_2	6,20	5,94	4,29

Tabela 8.3. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C140\_I) i modelu z usztywnieniem (model C140\_II), dla profili C140. \_\_\_\_\_

		Wyniki eks	Wyniki eksperymentu		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie	
[N]	pomiarowy	C140_III	C140_IV	$\Delta$ [%]	
		Przemieszczenia	pionowe [mm]		
	I_1	1,43	1,31	8,39	
	I_2	0,42	0,41	2,38	
54.04	II_1	1,50	1,38	8,00	
54,94	II_2	0,48	0,46	4,17	
	III_1	1,20	1,13	5,83	
	III_2	0,38	0,37	2,63	
	I_1	2,70	2,51	7,04	
	I_2	0,82	0,8	2,44	
102.00	II_1	2,85	2,64	7,37	
105,99	II_2	0,91	0,89	2,20	
	III_1	2,28	2,17	4,82	
	III_2	0,73	0,71	2,74	
	I_1	5,33	5,06	5,07	
	I_2	1,57	1,54	1,91	
202.00	II_1	5,59	5,3	5,19	
202,09	II_2	1,79	1,76	1,68	
	III_1	4,54	4,37	3,74	
	III_2	1,45	1,43	1,38	

Tabela 8.4. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C140\_III) i modelu z usztywnieniem (model C140\_IV), dla profili C140.

Rezultaty polaczenia płyty OSB z profilem C 140 zestawiono w tabelach 8.5 i 8.6 (wyniki dla profili C90 zestawiono w załączniku 2). Kolejne analizowane modele obliczeniowe (model V ÷ model VIII) uzyskane przez dodanie płyty OSB (zgodnie z 8.1.1 – rys. 8.5), wykazały się zwiększoną sztywnością giętno-skrętną. Z chwilą ich usztywnienia wkładką montażową zaobserwowano dalszą poprawę sztywności nieswobodnego skręcania.

Podobnie jak w modelach bez płyty OSB (model I i model II) w przypadku równomiernego rozłożenia obciążenia (model V i model VI) zaburzenia w wynikach otrzymanych przemieszczeń pionowych wynikają z imperfekcji geometrycznej przekroju (rys. 8.16 b).

		Wyniki eks	Wyniki eksperymentu		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie	
[N]	pomiarowy	C140_V	C140_VI	$\Delta$ [%]	
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]		
	I_2	2,57	2,34	8,9	
54,94	II_2	2,82	2,57	8,9	
	III_2	2,49	2,26	9,2	
	I_2	4,80	4,43	7,7	
103,99	II_2	5,28	4,50	14,8	
	III_2	4,67	4,34	7,1	
	I_2	9,08	8,55	5,8	
202,09	II_2	11,00	9,55	13,2	
	III_2	9,00	8,62	4,2	

Tabela 8.5. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C140\_V) i modelu z usztywnieniem (model C140\_VI) dla profili C140.

Tabela 8.6. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C140\_VII) i modelu z usztywnieniem (model C140\_VIII) dla profili C140.

		Wyniki eks		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_VII	C140_VIII	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_2	1,08	0,93	7,85
54,94	II_2	1,30	1,14	12,44
	III_2	1,25	1,15	13,73
	I_2	2,45	2,33	5,05
103,99	II_2	2,55	2,41	5,56
	III_2	2,10	1,96	6,67
	I_2	4,90	4,68	4,53
202,09	II_2	5,09	4,88	4,16
	III_2	4,13	3,96	4,16

W tabelach 8.7 i 8.8 przedstawiono procentowe porównanie przemieszczeń kątowych modeli bez wkładek usztywniających z modelami usztywnionymi. Kąt skręcania wyznaczono dokonując przekształceń znanych przemieszczeń pionowych odczytanych w przekroju czujników pomiarowych korzystając z funkcji trygonometrycznej tangens. Ze względu na sposób wyznaczania kąta

skręcania wyniki dotyczą tylko modeli bez płyty OSB. Zestawiając wyniki przemieszczeń kątowych modeli C140\_I i C140\_II oraz C140\_III i C140\_IV zauważono dużo większy wzrost sztywności skrętnej w przekroju I-I. Wpływ na taki stan można wytłumaczyć imperfekcją geometryczną badanych profili. Największą sztywność na skręcanie zaobserwowano w przekroju I-I. Różnice te można zaobserwować w tabelach 8.7 i 8.8. Podobne korelacje uzyskano dla profili C90 (załącznik 2).

Tabela 8.7. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C140\_I) i modelu z usztywnieniem (model C140\_II) dla profili C140. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki eksperymentu		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_I	C140_II	$\Delta$ [%]
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]	
	I_1	0.001967	0.000862	52 79
54.04	I_2	-0,001807	-0,000803	55,78
54,94	III_1	0.001475	0.001208	12.00
	III_2	0,001475	0,001298	12,00
	I_1	-0.002871	-0.002004	30.21
102.00	I_2	-0,002071	-0,002004	50,21
105,55	III_1	0.003060	0.002760	0.80
	III_2	0,003000	0,002700	9,00
	I_1	0.005052	0.002840	24.00
202.00	I_2	-0,005052	-0,003640	24,00
202,09	III_1	0.006270	0.005760	<b>8</b> 13
	III_2	0,000270	0,003700	0,15

Tabela 8.8. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C140\_III) i modelu z usztywnieniem (model C140\_IV) dla profili C140. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki eks		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_III	C140_IV	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia kątowe [rad]		
	I_1	0.01/1970	0.013340	10.80
54.04	I_2	-0,014970	-0,013340	10,09
54,54	III_1	0.012155	0.011265	7 32
	III_2	-0,012135	-0,011205	1,52
	I_1	0.027861	0.025343	0.04
103.00	I_2	-0,027801	-0,025545	9,04
105,99	III_1	0.022072	0.021630	5.80
	III_2	-0,022972	-0,021039	5,80
	I_1	0.055678	0.052121	6 27
202.00	I_2	-0,035078	-0,032131	0,37
202,09	III_1	0.045772	0.043553	1 85
	III_2	-0,043772	-0,045555	4,05

Na rysunkach 8.18 i 8.19 pokazano zależność kąta skręcania od obciążenia dla modeli C140\_I z C140\_II oraz modeli C140 C\_III i C140\_IV. Podobnie jak w przypadku przemieszczeń pionowych na przedstawionych rysunkach widoczny jest wpływ zastosowanej wkładki montażowej (rys. 8.18 i 8.19). Odnosi się to również do badań przeprowadzonych na profilach C90, których wyniki zamieszczono w załączniku 2.



Rys. 8.18. Wykresy kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C140\_I) oraz dla modelu usztywnionego (model C140\_II): a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.



Rys. 8.19. Wykresy kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C140\_III) oraz dla modelu usztywnionego (model C140\_IV): a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

## 8.2 ANALIZA NUMERYCZNA

Kolejnym etapem, po badaniach eksperymentalnych było przeprowadzenie numerycznej analizy giętno – skrętnej w programie Ansys Academic Research 2020, bazujący na metodzie elementów skończonych [4, 109, 170, 181].

### 8.2.1 Ogólne zasady modelowania MES dla profili cienkościennych

Metoda elementów skończonych pozwala zasymulować układ fizyczny uwzględniając jego właściwości materiałowe, sposób podparcia i obciążenia z uwzględnieniem modelu matematycznego [11, 91, 93]. Fizyczny układ z pewną ilością niewiadomych można za pomocą równań różniczkowych i dyskretyzacji układu na elementy skończone sprowadzić do uproszczonego układu odzwierciedlającego analizowany problem techniczny. Otrzymanie żądanej

dokładności determinowane jest m. in. przez właściwe przyjęcie warunków brzegowych i odpowiedni podział kształtu na elementy skończone [98, 155, 158]. Wyniki z przyjętej metody analizy numerycznej powinny być zbieżne z rezultatami uzyskanymi w badaniach eksperymentalnych.

Obecnie na rynku dostępnych jest wiele programów bazujących na metodzie elementów skończonych. Używając MES należy zwrócić szczególną uwagę na wybór modeli elementów skończonych (modele powłokowe lub objętościowe) oraz rozmiar siatki, która w znacznej mierze decyduje o dokładności wyników. Warunki brzegowe oraz deklaracja przyłożenia obciążenia powinny być tak dobrane, aby otrzymane wyniki odpowiadały badaniom eksperymentalnym bądź wynikom uzyskanym z obliczeń analitycznych [24, 40, 43, 86, 93].

Z każdym krokiem udoskonalania modelu warto prowadzić kontrolę wrażliwości na dokonane zmiany. Model MES powinien obejmować zarówno imperfekcje geometryczne, jak i strukturalne [53, 54, 95].

W zależności od wymagań obliczeniowych do analizy można wykorzystywać uproszczone modele materiałów (materiał: idealnie sprężysty, idealnie sprężysto – plastyczny, idealnie sztywno plastyczny bądź materiał ze wzmocnieniem) [95].

Cienkościenne pręty ze stali zimnogiętej charakteryzują się formami niestateczności miejscowej, dystorsyjnej i ogólnej, które można odpowiednio identyfikować przy właściwie dobranej geometrii pręta. Projekt konstrukcyjny dla cienkościennych prętów stalowych formowanych na zimno jest bezpośrednio zależny od analizy stateczności. W związku z powyższym należy uzyskać możliwie najefektywniejsze zachowanie stabilności sprężystej projektowanej konstrukcji, aby otrzymać wiarygodne wyniki [110, 113, 152]. W załączniku C do normy PN-EN 1993-1-5 [127] zawarte są wytyczne dotyczące stosowania MES do projektowania m. in. w stanie granicznym nośności i stanie granicznym użytkowalności. Modelowanie MES konstrukcji cienkościennych można przeprowadzić uwzględniając poszczególne jej części lub obliczenia przeprowadzić dla całego ustroju prętowego w zależności od stopnia złożoności analizowanej konstrukcji [65, 69, 183].

### 8.2.2 Budowa modelu numerycznego

Modele numeryczne opracowywane były na podstawie schematów badań z rozdziału 8.1.1. Pierwszym etapem przeprowadzonej analizie numerycznej było geometryczne odwzorowanie rzeczywistego obiektu. Model matematyczny odzwierciedlający budowę badanych profili bazował na elementach powierzchniowych i bryłowych [24, 152]. W przyjętych modelach numerycznych pominięto gwint na pręcie łączącym usztywnienie i wkrętach mocujących płytę OSB. Detale te nie mają znaczenia dla analizowanych zjawisk a ich rolę zastąpiono przez odpowiedni dobór kontaktu pomiędzy poszczególnymi elementami konstrukcji (tabela 8.9). Przyjęcie uproszczeń w znacznym stopniu ogranicza liczbę elementów skończonych, a tym samym czas obliczeń. Profile cienkościenne zamodelowano przy użyciu modelu powłokowego typu Shell181. Natomiast elementy usztywniające i śruby za pomocą modelu bryłowego Solid187. Widok modelu wkładki montażowej pokazano na rys. 8.20a, natomiast model geometryczny belki z usztywnieniem na rys. 8.21. Potrzebne charakterystyki geometryczne ceowników do badań numerycznych przyjęto zgodnie z wymiarami rzeczywistymi podanymi w tabelach 8.1 i 8.2 w rozdziale 8.1.1.

Utworzonemu modelowi zadeklarowano odpowiednie dane materiałowe Obliczenia zostały przeprowadzone przy założeniu liniowych właściwości materiału w stanie sprężystym.

Kolejny etap badań dotyczył zagadnień kontaktowych, czyli modelowania obszaru styku obiektów tworzących model. W programie Ansys kontakt generowany może być automatycznie lub ręcznie. W większości kontaktów definiowanych automatycznie program przypisuje kontakt spajający elementy w całość tzw. Bonded. Ansys dysponuje pięcioma rodzajami kontaktów. Kontakty typu bonded i no separation nazywane są kontaktami liniowymi, ponieważ zakładają niewielkie odkształcenia i nie obejmują nieliniowości. Inne typy kontaktów (frictionless, rough i frictional) uwzgledniaja nieliniowości kontaktu [94]. W przeprowadzonej analizie zdefiniowano dwa rodzaje kontaktu (tabela 8.9). Kontakt typu Bonded, oznacza, że stykające się elementy nie mogą się rozdzielać i wzajemnie przesuwać, natomiast kontakt typu Frictional umożliwia rozdzielenie się elementów i ich wzajemny przesuw [4, 63]. W kontakcie Frictional przyjęto współczynnik tarcia równy 0,2, który odpowiada współczynnikowi tarcia ślizgowego pomiędzy polietylenem i stalą oraz drewnem i stalą [50, 159].

Elementy	Typ kontaktu deklarowany w programie Ansys	
Profil cienkościenny – wkładka montażowa	Frictional	
Des fil single fairmen famles	Bonded	
Prom cienkościenny – sruda	Frictional	
Śruba – wkładka montażowa	Bonded	
Profil cienkościenny – płyta OSB	Frictional	

Tabela 8.9. Rodzaje kontaktów przyjętych w przeprowadzonej analizie.



Rys. 8.20. Widok modelu numerycznego: a) opracowana wkładka usztywniająca, b) połączenie wkładki i profilu ceowego.

Prawidłowe przeprowadzenie analizy MES wymaga odpowiedniego ustawienia siatki elementów skończonych, dzięki czemu możliwa jest do uzyskania zbieżność metody numerycznej z badaniami doświadczalnymi. Na początku budowy siatki zdefiniowano wielkość poszczególnych elementów, która w analizowanych modelach wynosiła 3 mm. W zależności od rozpatrywanego modelu wygenerowana siatka elementów skończonych różniła się liczbą węzłów oraz elementów (tabela 8.10). Elementy skończone generowano w trybie Multizone, opartym na elementach sześciennych, który gwarantuje powstanie mniejszej liczby węzłów i elementów oraz większą dokładność wyników w porównaniu z siatkami czterościennymi [4, 98].

	Profil C90		Profil C140	
Analizowane modele	Węzły	Elementy	Węzły	Elementy
model I i III	662 636	328 963	804 374	399 704
model II	763 298	393 601	1 026 037	543 917
model IV	712 448	360 897	917 012	473 174
model V i VII	2 696 310	1 598 124	2 762 070	1 630 858
model VI	2 802 374	1 621 944	3 031 967	1 692 616
model VIII	2 742 947	1 608 564	2 896 995	1 661 784

Tabela. 8.10. Liczba węzłów i elementów w analizowanych modelach.

Po utworzeniu siatki elementów skończonych zadeklarowano warunki brzegowe, które w przypadku błędnej deklaracji lub jej niejednoznaczności, mogą doprowadzić do powstania osobliwości numerycznej, która objawia się błędem wykonania obliczeń [98, 185]. Właściwe odebranie analizowanemu obiektowi stopnie swobody determinują jego zachowanie pod deklarowanym obciążeniem. Powinno to odpowiadać rzeczywistym warunkom pracy tego obiektu. Podczas przeprowadzanych obliczeń numerycznych zauważono, że niewielka zmiana warunków brzegowych prowadzi do różnych rozwiązań, a otrzymane wyniki różnią się znacznie między sobą. Modele belek podparto przez odebranie stopni swobody na krawędziach usztywnień profili ceowych (rys. 8.21). Warunki brzegowe zamodelowano w ten sposób aby spełniały założenia oparcia przegubowego. Obciążenie belek przyłożono na obwodzie pręta mocującego wkładki usztywniające.





#### 8.2.3 Analiza wyników numerycznych

W przypadku analizy numerycznej tak jak dla rezultatów badań eksperymentalnych sporządzono wykresy zależności obciążenie – przemieszczenie pionowe pomiędzy modelami bez usztywnień i modelami z usztywnieniami. Prezentowane wyniki odnoszą się do profili C140. Natomiast rezultaty dla profili C90 zostały zamieszczone w załączniku 3.

W tabelach 8.11 i 8.12 pokazano rezultaty badań dla modeli bez płyty OSB (model C140\_I ÷ model C140\_IV). Wyniki przedstawiają procentowe różnice w wartościach przemieszczeń pionowych uzyskanych pomiędzy profilem bez usztywnienia a profilem z usztywnieniem. Obliczone przemieszczenia pionowe w każdym z przekrojów pomiarowych wykazują zwiększenie sztywności giętnej w wyniku zastosowania wkładki montażowej. W przypadku modeli C140\_I i C140\_II otrzymano różnice sięgające ok. 7 % dla obciążenia 54,94 N, 4,63% w przypadku siły 103,99 N i 5.42% dla profilu obciążonego siłą 202,09 N (tabela 8.11). Różnice dla wszystkich uwzględnianych obciążeń w modelach C140\_III i C140\_IV sięgają ok. 20% (tabela 8.12).

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_I	C140_II	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_1	1,55	1,44	7,10
	I_2	1,385	1,334	3,68
54.94	II_1	1,65	1,56	5,45
54,94	II_2	1,65	1,56	5,45
	III_1	1,34	1,29	3,73
	III_2	1,51	1,4	7,28
	I_1	3,06	2,92	4,58
	I_2	2,7	2,585	4,26
103.00	II_1	3,19	3,10	2,82
105,99	II_2	3,19	3,10	2,82
	III_1	2,61	2,50	4,21
	III_2	2,98	2,84	4,63
202,09	I_1	6,15	5,93	3,58
	I_2	5,53	5,23	5,42
	II_1	6,33	6,20	2,05
	II_2	6,33	6,20	2,05
	III_1	5,35	5,06	5,42
	III_2	5,98	5,77	3,51

Tabela 8.11. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C140\_I) i modelu z usztywnieniem (model C140\_II) dla profili C140. 

		Wyniki analizy numerycznej		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_III	C140_IV	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_1	1,53	1,19	22,22
	I_2	0,35	0,35	1,43
54.04	II_1	1,59	1,21	23,90
54,94	II_2	0,39	0,38	2,82
	III_1	1,32	1,01	23,48
	III_2	0,35	0,35	1,14
	I_1	2,83	2,25	20,49
	I_2	0,71	0,71	0,70
102.00	II_1	2,92	2,30	21,23
105,99	II_2	0,85	0,85	0,47
	III_1	2,41	1,90	21,16
	III_2	0,65	0,65	0,77
202,09	I_1	5,22	4,10	21,46
	I_2	1,49	1,48	0,67
	II_1	5,41	4,29	20,70
	II_2	1,6	1,60	0,31
	III_1	4,37	3,51	19,68
	III_2	1,31	1,31	0,38

Tabela 8.12. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C140\_III) i modelu z usztywnieniem (model C140\_IV) dla profili C140.

Z obliczonych przemieszczeń pionowych dla modeli C140\_I  $\div$  C140\_IV sporządzono wykresy zależności obciążenie – przemieszczenie (rys. 8.22 i 8.23). Rysunek 8.22 prezentuje przemieszczenia pionowe uzyskane w wyniku analizy numerycznej dla modeli C140\_I i C140\_II. Zależności przemieszczeń pionowych od siły dla modeli z jednym obciążeniem i zastosowanym usztywnieniem w postaci wkładki montażowej, przedstawia rysunek 8.23.

Uzyskane rezultaty przemieszczeń kątowych w przeprowadzonej analizie numerycznej zestawiono w tabelach 8.13 i 8.14. Zestawiając wyniki badań eksperymentalnych (tabela 8.7) z wynikami analizy numerycznej (tabela 8.13) zauważono małe różnice w wartościach kąta skręcania w przekrojach ich odczytu.



Rys. 8.22. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez usztywnień (model C140\_I) i profili z usztywnieniem (model C140\_II), wyniki przemieszczeń uzyskanych z analizy numerycznej: a) czujnik I\_1 i I\_2, b) czujnik II\_1 i II\_2, c) czujnik III\_1 i III\_2.



Rys. 8.23. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez usztywnień (model C140\_III) i profili z usztywnieniem (model C140\_IV), wyniki przemieszczeń uzyskanych z analizy numerycznej: a) czujnik I\_1 i I\_2, b) czujnik II\_1 i II\_2.
Tabela 8.13. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C140\_I) i modelu z usztywnieniem (model C140\_II) dla profili C140. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_I	C140_II	$\Delta$ [%]
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]	
	I_1	0.001674	0.001283	23.36
54.04	I_2	-0,001074	-0,001285	25,50
54,94	III_1	0.001224	0.000082	26.20
	III_2	0,001334	0,000985	20,30
	I_1	0.002724	0.002428	10,87
103.00	I_2	-0,002724	-0,002428	
103,99	III_1	0.002887	0.002460	14.70
	III_2	0,002887	0,002400	14,79
	I_1	-0.004864	-0.004449	8 53
202.09	I_2	-0,00+00+	-0,004449	0,55
202,09	III_1	0.005900	0.005570	5.59
	III_2	2,220700	2,220070	2,07

Tabela 8.14. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z analizy numerycznej modelu bez usztywnień (model C140\_III) i modelu z usztywnieniem (model C140\_IV) dla profili C140. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki analiz	y numerycznej	
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_III	C140_IV	$\Delta$ [%]
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]	
	I_1	-0.017490	-0.012525	28 39
54.94	I_2	-0,017490	-0,012525	20,37
54,94	III_1	-0.01/1378	-0.0098/12	31.54
	III_2	-0,014378	-0,009842	51,54
	I_1	-0.030400	-0.021270	30.03
103.00	I_2	-0,050+00	-0,021270	50,05
105,99	III_1	0.025100	0.018020	28.21
	III_2	-0,025100	-0,018020	20,21
	I_1	0.055235	0.038818	20.72
202,09	I_2	-0,055255	-0,058818	29,12
	III_1	-0.045328	-0.032674	27 92
	III_2	-0,0+3328	-0,032074	21,92



Rys. 8.24. Wykresy zależności kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C140\_I) oraz modelu usztywnionego (model C140\_II), wyniki uzyskane z analizy numerycznej: a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

a)



Rys. 8.25. Wykresy zależności kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C140\_III) oraz dla modelu usztywnionego (model C140\_IV), wyniki uzyskane z analizy numerycznej: a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

a)

W tabelach 8.15 i 8.16 przedstawiono procentowe zestawienie wyników przemieszczeń pionowych uzyskanych w następstwie symulacji numerycznej dla profili z płytą poszycia (model C140\_V $\div$  model C140\_VIII). Natomiast na rysunkach 8.26 i 8.27 przedstawiono wykresy zależności przemieszczenie – obciążenie dla przyjętych schematów obliczeniowych (rys. 8.10  $\div$  8.13).

Tabela 8.15. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C140\_V) i modelu z usztywnieniem (model C140\_VI) dla profili C140.

		Wyniki analiz	y numerycznej	
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_V	C140_VI	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_2	2,47	2,03	17,8
54,94	II_2	2,77	2,27	18,1
	III_2	2,42	2,03	16,1
	I_2	4,67	3,82	18,2
103,99	II_2	5,31	4,29	19,2
	III_2	4,61	3,83	16,9
	I_2	9,00	7,39	17,9
202,09	II_2	10,22	8,23	19,5
	III_2	8,96	7,39	17,5

Tabela 8.16. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C140\_VII) i modelu z usztywnieniem (model C140\_VIII) dla profili C140.

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C140_VII	C140_VIII	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_2	1,3	1,21	6,92
54,94	II_2	1,34	1,25	6,72
	III_2	1,11	0,98	11,71
	I_2	2,48	2,3	7,26
103,99	II_2	2,59	2,37	8,49
	III_2	2,12	1,90	10,38
	I_2	4,93	4,41	10,55
202,09	II_2	5,15	4,53	12,04
	III_2	4,17	3,64	12,71



Rys. 8.26. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez usztywnień (model C140\_V) i profili z usztywnieniem (model C140\_VI), wyniki przemieszczeń uzyskanych z analizy numerycznej: a) czujnik II\_2, b) czujnik II\_2, c) czujnik III\_2.

a)



Rys. 8.27. Wykres zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez usztywnień (model C140\_VII) i profili z usztywnieniem (model C140\_VIII), wyniki przemieszczeń uzyskanych z analizy numerycznej: a) czujnik I\_2, b) czujnik II\_2, c) czujnik III\_2.

a)

## 8.3 WALIDACJA ANALIZY NUMERYCZNEJ

Uzyskane z analizy numerycznej wyniki przyrównano z rezultatami otrzymanymi w badaniach eksperymentalnych. Założeniem badań numeryczno – doświadczalnych był pomiar przemieszczeń pionowych dla wyżej przyjętych modeli (model I  $\div$  model VIII) w wyznaczonych punktach pomiarowych według schematów z rozdziału 8.1.1. Wyniki badań numeryczno – doświadczalnych dla modeli I  $\div$  VIII obejmuje profile C90 i C140 przedstawiono w tabelach 8.11 $\div$ 8.14. Przeprowadzone analizy numeryczne odzwierciedlają charakter badań doświadczalnych.

Tabela 8.11. Porównanie  $\Delta$  [%] wyników przemieszczeń pionowych otrzymanych z badań eksperymentalnych i analizy numerycznej dla model C90\_I i model C90\_II oraz model C90\_III i model C90\_IV.

Obciążenie [N]	Czujnik pomiarowy	model C90_I	model C90_II	model C90_III	model C90_IV
	I_1	2,27	1,19	-6,99	9,16
	I_2	-10,27	-9,66	16,67	15,85
54.04	II_1	5,73	6,08	-6,00	12,32
54,94	II_2	-10,00	-3,45	18,75	17,61
	III_1	6,37	4,00	-10,00	10,62
	III_2	-13,58	-15,23	7,89	6,49
	I_1	4,13	0,63	-4,81	10,36
	I_2	-7,02	-9,06	13,41	11,88
102.00	II_1	6,54	7,39	-2,46	12,88
105,99	II_2	-10,32	-5,79	6,59	4,94
	III_1	6,71	7,43	-5,70	12,44
	III_2	-11,86	-9,30	10,96	9,15
	I_1	6,66	5,41	2,06	18,97
	I_2	0,84	-1,22	5,10	3,90
202.00	II_1	8,39	6,01	3,22	19,06
202,09	II_2	-2,25	-0,87	10,61	9,38
	III_1	12,18	12,02	3,74	19,68
	III_2	-3,20	-1,11	9,66	8,74

Obciążenie [N]	Czujnik pomiarowy	model C140_I	model C140_II	model C140_III	model C140_IV
	I_1	1,27	-2,86	-6,99	9,16
	I_2	-3,98	-3,41	16,67	15,85
54.04	II_1	2,37	-3,45	-6,00	12,32
54,94	II_2	3,51	2,50	18,75	17,61
	III_1	3,32	-4,03	-10,00	10,62
	III_2	4,07	7,28	7,89	6,49
	I_1	-1,46	-3,33	-4,81	10,36
	I_2	-1,89	-1,77	13,41	11,88
102.00	II_1	1,30	-1,71	-2,46	12,88
105,99	II_2	2,92	1,65	6,59	4,94
	III_1	2,61	1,96	-5,70	12,44
	III_2	3.00	2.54	10.96	9.15
	I_1	-1.02	-4.40	2.06	18.97
	I_2	-1.58	1.32	5.10	3.90
202.00	II_1	2.53	-1.34	3.22	19.06
202,09	II_2	4.64	3.19	10.61	9.38
	III_1	-1.33	2.32	3.74	19.68
	III_2	3.58	2.80	9.66	8.74

Tabela 8.12. Porównanie  $\Delta$  [%] wyników przemieszczeń pionowych otrzymanych z badań eksperymentalnych i analizy numerycznej dla model C140\_I  $\div$  model C140\_II oraz model C140\_III  $\div$  model C140\_IV.

Obciążenie [N]	Czujnik pomiarowy	model C90_V	model C90_VI	model C90_VII	model C90_VIII
	I_2	-16,88	-12,08	-17,65	-16,88
54,94	II_2	-17,47	-9,70	-16,30	-14,81
	III_2	-16,23	-11,56	-18,06	-19,05
	I_2	-14,56	-10,78	-15,15	-9,68
103,99	II_2	-19,23	-14,63	-14,71	-16,67
	III_2	-14,94	-11,59	-18,38	-12,90
	I_2	-8,13	-9,53	-17,03	-4,14
202,09	II_2	-13,56	-11,41	-18,46	-6,71
	III_2	-8,78	-9,18	-20,00	-8,87

Tabela 8.13. Porównanie  $\Delta$  [%] wyników przemieszczeń pionowych otrzymanych z badań eksperymentalnych i analizy numerycznej dla model C90\_V i model C90\_VI oraz model C90\_VII i model C90\_VIII.

Tabela 8.14. Porównanie  $\Delta$  [%] wyników przemieszczeń pionowych otrzymanych z badań eksperymentalnych i analizy numerycznej dla model C140\_V i model C140\_VI oraz model C140\_VII i model C140\_VIII.

Obciążenie [N]	Czujnik pomiarowy	model C140_V	model C140_VI	model C140_VII	model C140_VIII
	I_2	3,89	13,25	-4,17	-5,22
54,94	II_2	1,77	11,67	-2,92	-9,65
	III_2	2,81	10,18	-2,97	-5,38
103,99	I_2	2,71	13,77	-1,06	1,29
	II_2	-0,57	4,67	-1,49	1,66
	III_2	1,28	11,75	-0,95	3,06
202,09	I_2	0,88	13,57	-0,57	5,77
	II_2	7,09	13,82	-1,14	7,17
	III_2	0,44	14,27	-0,92	8,08

# 8.4 PODSUMOWANIE WYNIKÓW ANALIZY NUMERYCZNO - DOSWIADCZALNEJ

W wykonanej analizie numeryczno - doświadczalnej dokonano oceny wpływu miejscowego usztywnienia w postaci wkładek montażowych na przemieszczenia giętno - skrętne. Jednym ze sposobów zwiększenia sztywności elementów cienkościennych o przekrojach otwartych przy częściowym bądź całkowitym demontażu poszycia zewnętrznego z budynku jest stosowanie stężeń [46]. W tym celu opracowana została wkładka montażowa w technologii druku 3D ułatwiająca montaż stężeń ściennych przy jednoczesnym zwiększeniu sztywności profilu w miejscu osadzania stężeń, niezbędnych do zapewnienia stateczności przestrzennej bryły budynku.

Na podstawie uzyskanych wyników z przeprowadzonych badań wykazano zasadność stosowania wkładek montażowych we wszystkich rozpatrywanych modelach. Wpływ wkładki montażowej w przypadku analizowanych schematów (rys.  $8.6 \div 8.13$ ) dla profili C90 i C140 na przemieszczenia giętno – skrętne jest pozytywny. Wyniki przeprowadzonych badań potwierdziły poprawność modelu numerycznego, jaki i dobrą skuteczność tego typu usztywnień.

## III. CZĘŚĆ BADAWCZA W ZAKRESIE FIZYKI BUDOWLI

## 9. ANALIZA NUMERYCZNO - DOŚWIADCZALNA ZAWILGOCONYCH PRZEGRÓD ZEWNĘTRZNYCH

Odnosząc się do genezy pracy, analiza numeryczno – doświadczalna pozwala określić przydatność materiałów przegrody zewnętrznej z chwilą ich zawilgocenia w następstwie oddziaływania wód popowodziowych.

Coraz częstsze podtopienia wynikają z postępujących zmian klimatycznych i występują zarówno w obszarach dawnych rozlewisk rzek, jak również na terenach miejskich o uregulowanej linii brzegowej. Podtopienia mają miejsca nie tylko w następstwie wysokich poziomów rzek i przechodzącej fali powodziowej, ale występują również lokalnie w wyniku gwałtownych opadów deszczu.

Istotny staje się więc problem coraz częściej występującego zwilgocenia przegród zewnętrznych budynków w następstwie tego typu oddziaływań.

## 9.1 BADANIA DOŚWIADCZALNE

Głównym celem badań doświadczalnych było określenie izotermy sorpcji materiałów tworzących przegrodę zewnętrzną wykonaną w technologii lekkiego szkieletu stalowego. Maksymalne zawilgocenie sorpcyjne materiał osiąga przy 100% wilgotności względnej. Jest ono mniejsze od wilgotności osiąganej przez zanurzenie materiału w wodzie [28, 48, 90, 163]. Z tego względu w celu określenia wpływu zanurzenia materiałów w wodzie popowodziowej po przeprowadzonych badaniach sorpcyjnych wyznaczono ich nasiąkliwość. Wyniki te wykorzystano w dalszym etapie pracy do przeprowadzenia analizy numerycznej.

Dokonano również matematycznego opisu uzyskanych izoterm sorpcji z wykorzystaniem jednego z wielu równań opisanych w literaturze [20, 21, 34, 157].

## 9.1.1 Opis stanowiska badawczego

Aparatura stanowiąca podstawę do określenia sorpcyjności materiałów tworzących warstwy przegrody zewnętrznej, wykonanej w technologii lekkiego szkieletu stalowego, obejmowała: suszarkę i wagę laboratoryjną oraz komorę klimatyczną.

Waga laboratoryjna o nośności 6000 g umożliwiała ważenie próbki z dokładnością  $\pm 0,01$  g (rys. 9.1).



Rys. 9.1. Waga laboratoryjna Radwag  $6000 \pm 0.01$  g.

Próbki przed badaniem w komorze klimatycznej suszone były do stałej masy według normy PN-EN ISO 12570 [137] w suszarce firmy Binder (rys. 9.2). Jej komora posiada jednorodną regulację temperatury z konwekcją naturalną działającą w zakresie od 5°C do 300°C.



Rys. 9.2. Komora temperaturowa Binder: a) widok od zewnątrz, b) widok wnętrza komory z umieszczonymi próbkami.

83

W komorze klimatycznej ToRoPol K008 (rys. 9.3) określono ilość wilgoci, którą pochłania materiał w określonych warunkach otoczenia. Komora pracuje w zakresie temperatury od +15°C do +25°C. Natomiast zakres jej wilgotności wynosi od 65 do 97% RH. Wahania temperatury to  $\pm$  0,5°C, a wilgotności  $\pm$  2% RH.

.

D 10



Rys. 9.3. Komora klimatyczna ToRoPol Binder: a) widok od zewnątrz, b) widok wnętrza komory z umieszczonymi próbkami.

Próbki do badań sorpcyjności powinny mieć masę co najmniej 10 g i pole powierzchni nie mniejsze niż 100 mm x 100 mm [138]. Dla każdego materiału sorpcję określono na trzech próbkach, po czym z uzyskanych wyników obliczono wartości średnie. Podstawowe dane materiałowe badanych materiałów zestawiono w tabeli 9.1.

a)

Tynk cienkowarstwowy	Mineralny tynk cienkowarstwowy.		
100 million and a second second	Wymiary: 10 cm x 10 cm x 0,05 cm		
	Gęstość objętościowa: 1660 [kg/m <sup>3</sup> ]		
	Współczynnik przewodzenia ciepła:		
	0,8 [W/(m·K)]		
Wełna mineralna twarda	Płyta z wełny mineralnej do izolacji przegród zewnętrznych. Wymiary: 20 cm x 20 cm x 14 cm Gestość obietościowa 94 [kg/m <sup>3</sup> ]		
	Współczynnik przewodzenia ciepła: 0,035 [W/(m·K)]		
Wełna mineralna miękka	Wełna miękka stosowana do wypełnienia		
and the second second	konstrukcji szkieletowych.		
2	Wymiary: 20 cm x 20 cm x 5 cm		
	Gęstość objętościowa 31 [kg/m <sup>3</sup> ]		
	Współczynnik przewodzenia ciepła:		
	0,035 [W/(m·K)]		
Płyta OSB	Płyta OSB stosowana w środowisku o		
Environment and state sectors with	umiarkowanej wilgotności na zewnątrz i		
2	wewnątrz pomieszczeń.		
	Wymiary: 20 cm x 20 cm x 1,2 cm		
A Warnes	Gęstość objętościowa 585 [kg/m <sup>3</sup> ]		
	Współczynnik przewodzenia ciepła:		
	0,13 [W/(m·K)]		
Płyta gipsowo - kartonowa	Płyta gipsowo - kartonowa stosowana na		
	okładziny wewnętrzne przegród.		
2	Wymiary: 20 cm x 20 cm x 1,25 cm		
	Gęstość objętościowa 642 kg/m <sup>3</sup> .		
	Współczynnik przewodzenia ciepła:		
	0,25 [W/(m·K)]		

Tabela 9.1. Widok i opis próbek poddanych badaniu sorpcyjności i nasiąkliwości.

Drugi wydzielony blok eksperymentalny dotyczył określenia nasiąkliwości przy pełnym zanurzeniu próbek [126]. Do tego celu posłużyły próbki z badania sorpcyjności, które zanurzono w wodzie. Odsączanie próbek odbywało się na stalowym stelażu nachylonym pod kątem 45 stopni do płaszczyzny pionowej (rys. 9.4).



Rys. 9.4. Odsączanie próbek poddanych badaniu nasiąkliwości.

#### 9.1.2 Przebieg badań

Badanie wykonano za pomocą komory klimatycznej zgodnie z normą PN - EN ISO 12571:2002 "Cieplno – wilgotnościowe właściwości materiałów i wyrobów budowlanych. Określenie właściwości sorpcyjnych" [138]. Badania przeprowadzono w temperaturze 20°C przy pięciu poziomach wilgotności względnej powietrza (RH = 65, 70, 80, 90 i 97%). Użyta komora klimatyczna pozwała przeprowadzić badania od początkowej wilgotności 65%. Przed badaniem sorpcyjności próbki wysuszono w temperaturze 100°C do stałej masy (tabela 9.2). Wysuszone próbki umieszczono w komorze klimatycznej o stałej temperaturze (rys. 9.3).

Pomiary polegały na okresowym ważeniu próbek do momentu osiągnięcia stanu równowagi wilgotnościowej we wszystkich próbkach przechowywanych w określonych warunkach cieplno - wilgotnościowych. W każdym z pięciu klimatów ustabilizowana wilgotność sorpcyjna wyznaczana była jako średnia arytmetyczna z trzech próbek. Na podstawie uzyskanych wyników obliczono sorpcję badanych materiałów (tabela 2). Zawartość wilgoci *w*<sub>s</sub> po osiągnięciu stanu równowagi dla każdego z pięciu poziomów wilgotności określono w odniesieniu do objętości suchego materiału wg. wzoru:

$$w_{\rm s} = \mathbf{u} \cdot \boldsymbol{\rho}_{\rm o} \tag{9.1}$$

gdzie:

u – wilgotność masowa obliczona za pomocą równania,

 $\rho_o$  – gęstość próbki w stanie suchym, [kg/m<sup>3</sup>].

Wilgotność masowa u określona została z równania:

$$u = \frac{m - m_o}{m_o} \tag{9.2}$$

gdzie:

m – masa próbki w stanie równowagi sorpcyjnej, [kg],

mo – masa próbki wysuszonej, [kg].

Gęstość próbki  $\rho_o$  w stanie suchym określono za pomocą wzoru:

$$\rho_{\rm o} = \frac{\rm m_o}{\rm V} \tag{9.3}$$

## gdzie:

mo-masa próbki wysuszonej, [kg],

V – objętość wysuszonej próbki, [m<sup>3</sup>].

Tabela 9.2. Da	ine materiałowe	uzvskane z	obliczeń i	pomiarów w	komorze klima	tvcznei.
		2		1		5 5

Materiał	Masa suchej próbki	Objętość suchej próbki	Gęstość w stanie suchym	Masa próbki w stanie równowagi sorpcyjnej	
	m₀[kg]	V [m <sup>3</sup> ]	$\rho_0 [kg/m^3]$	RH [%]	m [kg]
				65	0,08339
Tunk				70	0,08347
i ylik cienkowarstwowy	0,08309	0,00005	1661,80	80	0,08366
ciclikowarstwowy				90	0,08447
				97	0,08803
				65	0,53023
		0,0056	93,88	70	0,53085
Wełna twarda	0,52575			80	0,53152
				90	0,53281
				97	2,13302
	0,28082	0,00048	585,04	65	0,32642
				70	0,32978
Płyta OSB				80	0,33410
				90	0,34034
				97	0,36386
				65	0,06279
				70	0,06291
Wełna miękka	0,06109	0,002	30,55	80	0,06311
				90	0,06369
				97	0,06575
				65	0,32443
Phyta gincowo				70	0,32476
r 1yta gipsowo -	0,32121	0,0005	642,42	80	0,32533
Kartonowa				90	0,32991
				97	0,36221

Nasiąkliwość badanych próbek określona została przez pomiar zmiany masy próbek całkowicie zanurzonych w wodzie przez okres 28 dni [126]. Po okresie badania próbki wyjęto z wody, ustawiono na stelażu i pozostawiono do odsączenia na 10 minut. Nasiąkliwość wod<br/>ą $w_n$  przy całkowitym długotrwałym zanurzeniu obliczono według wzoru:

$$w_n = \frac{m_{28} - m_o}{V}$$
(9.4)

gdzie:

w<sub>n</sub>-nasiąkliwość [kg/m<sup>3</sup>],

m28 - masa badanej próbki po całkowitym zanurzeniu przez 28 dni [kg],

mo-masa suchej próbki [kg],

V- początkowa objętość próbki [m<sup>3</sup>].

W tabeli 9.4 przedstawione są odczyty pomiaru masy próbek poddanych 28 dniowemu zanurzeniu w wodzie.

Tabela 9.4. Waga materiałów suchych i po wykonaniu badania nasiąkliwości.

Materiał	Masa suchych próbek [kg]	Masa próbek mokrych [kg]	Procentowy przyrost masy próbki [%]
Tynk cienkowarstwowy	0,08309	0,09133	9,92
Wełna twarda	0,52575	4,51312	758,41
Płyta OSB	0,28082	0,72818	159,31
Wełna miękka	0,06109	1,30289	2032,73
Płyta G-K_	0,32121	0,60321	87,79

## 9.1.3 Analiza wyników doświadczalnych

Uzyskane wyniki z badań sorpcji i nasiąkliwości posłużyły jako dane do przeprowadzenia analizy numerycznej. W tabeli 9.5 zestawiono wyniki badań określonych dla sorpcyjności i nasiąkliwości. Wartość 100% odpowiada wilgotności osiągniętej przez próbki w badaniu nasiąkliwości.

	Zawartość wilgoci w materiale [kg/m3] dla sześciu poziomów					
Materiał	wilgotności.					
	RH 65%	RH 70%	RH 80%	RH 90%	RH 97%	RH 100% <sup>1)</sup>
Tynk	6	7,5	11,3	27,6	98,7	164,7
Wełna twarda	0,8	0,91	1,03	1,26	287	712
Płyta OSB	95	102	111	124	173	932
Wełna miękka	0,85	0,91	1,01	1,3	2,33	621
Płyta G-K	6,43	7,1	8,23	17,4	82	564

Tabela 9.5. Dane uzyskane w wyniku badań sorpcyjności i nasiąkliwości.

<sup>1)</sup>Wilgotność osiągnięta przez próbki w badaniu nasiąkliwości.

Uzyskane wyniki badań sorpcyjności posłużyły do matematycznego opisu izoterm. Analizując modele przedstawione w pracach [18, 20, 21, 34, 157, 171] oraz biorąc pod uwagę ich korelację z wynikami badań eksperymentalnych, najlepszą korelację opisuje model Chena Y. i Chena Z. Opisane przez autorów równanie izoterm sorpcji przyjmuje postać:

$$S = \frac{a \cdot \phi}{(1 + b \cdot \phi) \cdot (1 - c \cdot \phi)}$$
(9.4)

gdzie:

 $\varphi$ - wilgotność względna powietrza, [%],

a, b, c - współczynniki.

Wartości uzyskanej wilgotności sorpcyjnej (RH = 65, 70, 80, 90 i 97%) w temperaturze 20°C pozwoliły na wykreślenie izoterm sorpcji badanych materiałów. Wyniki eksperymentalne jak również uzyskane na podstawie przyjętego modelu Chena Y. i Chena Z., zestawiono z wynikami izoterm sorpcji dostępnych w bazie danych programu WUFI (rys. 9.5 ÷ 9.9). Wartości uzyskanych na podstawie badań i modelu matematycznego izoterm wykazały korelację z izotermami dostępnymi w bazie programu WUFI. Jakościowej oceny dopasowania równań do rezultatów badań i danych uzyskanych z programu dokonano za pomocą współczynnika korelacji. Najlepszą korelacją R = 0,99 charakteryzują się wełna miękka i płyta gipsowo – kartonowa. Z kolei tynk cienkowarstwowy i płyta OSB przyjmują współczynnik korelacji równy 0,97.



Najmniejszą współzależność korelacyjną uzyskano dla twardej wełny mineralnej (R = 0,94).

Rys. 9.5 Krzywa sorpcji tynku cienkowarstwowego.



Rys. 9.6. Krzywa sorpcji wełny mineralnej twardej.



Rys. 9.7. Krzywa sorpcji płyty OSB.



Rys. 9.8. Krzywa sorpcji wełny mineralnej miękkiej.



Rys. 9.9. Krzywa sorpcji płyty gipsowo – kartonowej.

## 9.2 ANALIZA NUMERYCZNA

Modelowanie procesów cieplno – wilgotnościowych ze względu na złożoność zjawisk jest zadaniem skomplikowanym. Istnieje kilka modeli numerycznych pozwalających wykonać procesy sprzężonej wymiany ciepła i wilgoci [3, 10, 124, 167]. W celu wykonania analizy numerycznej w zakresie fizyki budowli w niniejszej dysertacji skorzystano z dwóch programów – WUFI Pro i Ansys Academic Researcher 2020.

Program WUFI Pro jest narzędziem do sprzężonej symulacji cieplno – wilgotnościowej i opiera się na modelu Kunzela, który uwzględnia wpływ klimatu dla środowiska wewnętrznego i zewnętrznego na zachodzące procesy w przegrodach zewnętrznych [83, 141, 142]. Program ten posłużył do symulacji osuszania przegrody zewnętrznej wykonanej w konstrukcji lekkiego szkieletu stalowego. Celem symulacji było wykazanie zasadności zdjęcia poszycia bryły budynku zalanego wodami popowodziowymi. Natomiast w programie Ansys Academic Researcher 2020 skorzystano z modułu Steady State, za pomocą którego określono parametry mostka cieplnego narożnika przegrody zewnętrznej, analizowanej jako złącze 1, 2 i 3. Symulacji dokonano przy założeniu, że w materiałach przegrody znajdowała się wilgoć będąca pozostałością po wodach popowodziowych.

Niniejsza analiza cieplno – wilgotnościowa została celowo zawężona do badań jednego mostka cieplnego, bowiem w wyniku podtopienia budynku wodami popowodziowymi istotne jest określenie ich wpływu na wysokości parteru budynku (wysokości przewidywanego podtopienia). W związku z tym ograniczono się do oceny mostka cieplnego najbardziej narażonego na działanie wód popowodziowych, co w przypadku kompleksowej analizy cieplno – wilgotnościowej budynku wymagałoby rozszerzenia.

## 9.2.1 Model numeryczny Model numeryczny w programie WUFI Pro

W analizie numerycznej wykonano obliczenia mające na celu oszacowanie czasu potrzebnego do osuszenia przegrody zewnętrznej wykonanej w technologii lekkiego szkieletu stalowego, w której materiałach nagromadziła się woda popowodziowa. Symulację wykonano dla przegrody, w której uwzględniono wszystkie materiały – model 1 (rys. 9.10a) oraz przegrody bez tynku zewnętrznego, ocieplenia zewnętrznego i płyty gipsowo – kartonowej - model 2 (rys. 9.10). Obliczenia numeryczne wykonano przy użyciu programu WUFI Pro.



Rys. 9.10. Konstrukcja przegrody zewnętrznej poddanej analizie osuszania w programie WUFI: a) model przegrody z wszystkimi jej materiałami – model 1, b) model przegrody bez tynku i ocieplenia zewnętrznego – model 2. 1 – tynk cienkowarstwowy gr. 0,45 cm, 2 – twarda wełna mineralna o gr. 14 cm, 3 – płyta OSB gr. 1,2 cm, 4 – folia paroprzepuszczalna, 5 – wełna mineralna miękka o gr. 14 cm, 6 – folia paroizolacyjna, 7 – płyta OSB gr. 1,25 cm, 8 – płyta gipsowo -kartonowa gr. 1,25 cm.

Obliczenia przeprowadzono przy założeniu wyjściowej zawartości wilgoci w materiałach tworzących przegrodę zewnętrzną: teoretyczną, normalną i nasyconą. Teoretyczna zawartość wilgoci odpowiadała wilgotności względnej powietrza 0%, dla wilgotności naturalnej RH = 65% i 100% w przypadku nasycenia. W przypadku 100% wilgotności względnej założono długotrwałe zanurzenie przegrody w wodzie. Odpowiada to założeniom zalania ścian budynku wodami popowodziowymi. Jako dane zawartości wody przy założonej wilgotności wyjściowej posłużyły wyniki otrzymane z badań doświadczalnych (tabela 9.6).

Obliczenia dla konstrukcji przegrody zewnętrznej wykonano uwzględniając klimat zewnętrzny dla miasta Kraków, a klimat wewnętrzny dla 3 klasy wilgotności wewnętrznej i temperatury 20°C [119, 120, 149]. Założono, że ściana jest zwrócona na południe. Symulacja obejmowała cztery okresy obliczeniowe trwające od pierwszego dnia sierpnia: 1 miesiąc, 1 rok, 2 lat i 4 lata. Do przeprowadzenia analizy właściwości materiałowe i klimatyczne zaczerpnięto z bazy danych programu WUFI Pro, natomiast zawartość wody w materiale zadeklarowano z uzyskanych badań eksperymentalnych.

Lp.	Materiał	Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 0% RH	Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 65% RH	Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 100% RH
1	Tynk cienkowarstwowy	0	6	164,7
2	Wełna mineralna - twarda	0	0,8	712
3	Płyta OSB	0	95	932
4	Folia paroprzepuszczalna	0	0	0
5	Wełna mineralna - luźna	0	0,85	621
6	Folia paroizolacyjna	0	0	0
7	Płyta OSB	0	95	932
8	Płyta gipsowo - kartonowa	0	6,43	564

Tabela 9.6. Początkowa zawartość wody w materiałach przegrody zewnętrznej.

#### Model numeryczny w programie Ansys Academic Researcher 2020

Zbadanie wpływu wilgotności powstałej na skutek działania wód popowodziowych na parametry cieplne w przegrodzie zewnętrznej przeprowadzono w programie Ansys Academic Researcher 2020 w module Steady - State Thermal. Wpływ ten został oszacowany na podstawie zmian współczynnika przewodzenia ciepła wraz z zawartością wilgoci. Wartości przewodności cieplnej dla materiałów tworzących analizowaną przegrodę na podstawie danych materiałowych dostępnych w bazie programu WUFI Pro zestawiono w tabeli 9.7. Dla lepszej czytelności analizowane modele narożników w zależności od zawartości wody zostały odpowiednio opisane. I tak złącze 1 odpowiada materiałom o współczynniku przewodzenia ciepła dla wilgotności względnej wynoszącej 0%, złącze 2 przypisane jest do parametrów dla wilgotności względnej 65%, a złącze 3 dla pełnego nasycenia wodą, gdy wilgotność względna wynosi 100%.

Do określenia właściwości cieplnych zamodelowano naroże przegrody zewnętrznej wykonanej w technologii lekkiego szkieletu stalowego bazującego na profilach C140 (rys. 9.11). Program WUFI Pro pozwalał jedynie na modelowanie zjawisk jednowymiarowych, natomiast program Ansys Academic Researcher 2020 umożliwił przeprowadzenie trójwymiarowej symulacji narożnika przegrody zewnętrznej.

		Współczynnik przewodzenia ciepła $\lambda$ [W/(m·K)]				
		przy zawartości wody odpowiadającej wilgotności				
Lp.	Materiał	złącze 1 złącze 2		złącze 3		
		$\lambda [W/(m \cdot K)]$	$\lambda [W/(m \cdot K)]$	$\lambda [W/(m \cdot K)]$		
		dla RH = 0%	dla RH = 65%	dla RH = 100%		
1	Tynk	0,4	0,4	0,4		
1	cienkowarstwowy					
2	Wełna mineralna -	0,035	0,035	0,24		
2	twarda					
3	Phyta OSB	0,18	0,212	0,588		
	Folia	4.2	4.2	4.2		
4	paroprzepuszczalna	4,2	4,2	4,2		
5	Wełna mineralna -	0.035	0.035	0.187		
5	luźna	- ,	- ,	- ,		
6	Drafil stalarm C140	50	50	50		
	Profil stalowy C140					
7	Folia paroizolacyjna	2,3	2,3	2,3		
8	Płyta OSB	0,18	0,212	0,588		
	Dhyta gincowo					
9	r 1yta gipsowo -	0,25	0,258	1,191		
1	Kartonowa	1	1	1		

Tabela 9.7. Współczynniki przewodzenia ciepła dla materiałów o różnej wilgotności dla analizowanej przegrody zewnętrznej.





- 2 wełna mineralna gr. 14 cm
- 3 płyta OSB gr. 1,2cm
- 4 folia paroprzepuszczalna
- 5 wełna mineralna 140 cm
- 6 słupek stalowy C140
- 7 folia paroizolacyjna
- 8 płyta OSB gr. 1,2 cm
- 9 płyta g-k gr. 1,25 cm

Rys. 9.11. Schemat naroża przegrody zewnętrznej w technologii lekkiego szkieletu stalowego.

Na podstawie [148] przyjęto wewnętrzną temperaturę  $t_i = +20$  [°C] natomiast wg. [130] projektową temperaturę zewnętrzną  $t_e = -20$  [°C]. Dla analizy MES, przyjęto współczynniki przejmowania ciepła po stronie wewnętrznej dla

przepływu: poziomego po stronie wewnętrznej  $h_i = 7,69 [W/(m^2 \cdot K)]$  i po stronie zewnętrznej  $h_e = 25 [W/(m^2 \cdot K)]$ , które stanowią odwrotność oporów  $R_{si}$ ,  $R_{se} [(m^2 \cdot K)/W]$  [98, 116]. Do obliczeń minimalnej temperatury na wewnętrznej stronie przegrody  $t_{min}$  [°C] oraz czynnika temperaturowego  $f_{Rsi}$  stosuje się warunki brzegowe wg. [139], dla których zadeklarowano opór  $R_{si} = 0.25 [(m^2 \cdot K)/W]$ .

Do podziału modelu na elementy skończone zastosowano siatkę Multizone (rys. 9.12), jak w pracy [143, 167], która gwarantuje powstanie mniejszej liczby węzłów i elementów oraz większą dokładność w porównaniu z siatkami czworościennymi [4]. Elementy skończone w powyższej metodzie generowane są z elementów sześciościennych. Dla przyjętych modeli obliczeniowych wygenerowanych zostało 195 624 elementów i 953 590 węzłów.



Rys.9.12. Dyskretyzacja modelu obliczeniowego naroża przegrody zewnętrznej: a) widok izometryczny, b) widok z góry.

## 9.2.2 Symulacja numeryczna

#### Symulacja numeryczna w programie WUFI Pro

Program WUFI oparty jest na matematycznym modelu opisującym niestacjonarny, jednowymiarowy sprzężony transport ciepła i wilgoci oparty na modelu Kunzela [81]. Sprzężony przepływ ciepła i wilgoci uwzgledniający przewodzenie i akumulację oraz zasadę zachowania masy i energii opisany został za pomocą równań różniczkowych [81, 82]:

- równanie transportu ciepła:

$$\frac{\partial H}{\partial \theta} \cdot \frac{\partial \theta}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \lambda \cdot \frac{\partial \theta}{\partial x} \right) + h_v \cdot \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\delta}{\mu} \cdot \frac{\partial p}{\partial x} \right)$$
(9.5)

równanie transportu masy:

$$\rho_{w} \cdot \frac{\partial u}{\partial \varphi} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \rho_{w} \cdot D_{w} \cdot \frac{\partial u}{\partial \varphi} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\delta}{\mu} \cdot \frac{\partial p}{\partial x} \right)$$
(9.6)

gdzie:

- H entalpia wilgotnego materiału, [J/m<sup>3</sup>],
- $\theta$  temperatura, [°C],
- $\lambda$  współczynnik przewodzenia ciepła wilgotnego materiału, [W/(m·K)],
- $h_v$  ciepło parowania, [J/kg],
- $\delta$  współczynnik dyfuzji pary wodnej w powietrzu, [kg/(m·s·Pa)],
- µ-współczynnik oporu dyfuzyjnego suchego materiału,
- p-ciśnienie cząstkowe pary wodnej, [Pa],
- $\rho_w gęstość \ wody, \ [kg/m^3],$
- u zawartość wilgoci, [m<sup>3</sup>/m<sup>3</sup>],
- $\phi$  wilgotność względna, [%],
- D<sub>w</sub> współczynnik przewodzenia kapilarnego, [m<sup>2</sup>/s].

W przedstawionych równaniach strona lewa zawiera człony akumulacyjne. Dla przepływu ciepła jego wielkość zależy od zdolności magazynowania ciepła w wilgotnym materiale. W przypadku transportu wilgoci akumulacja zawiera pochodną izotermy sorpcji. Prawa strona równań (9.5), (9.6) opisuje transport ciepła i masy. W przypadku ciepła uwzględnia się współczynnik przewodzenia ciepła materiału wilgotnego i jego przenoszenie z wilgocią razem z przemianami fazowymi. Współczynnik dyfuzji pary wodnej i przewodzenia kapilarnego uwzględniany jest w transporcie masy [83].

#### Symulacja numeryczna w programie ANSYS Academic Researcher

W przypadku ustalonej analizy termicznej w programie Ansys, temperatury {T} są rozwiązywane za pomocą zależności [3, 143, 158]:

$$[K(T)]{T} = {Q(T)}$$
(9.7)

Założenia:

- w analizie stanu ustalonego nie są uwzględniane efekty przejściowe,
- [K] może być stałą lub funkcją temperatury,
- {Q} może być stałą lub funkcją temperatury,
- stałe temperatury reprezentują ograniczenia {T} w systemie.

Do analizy przyjęto model przestrzenny, gdzie w każdym obszarze rozkład temperatury w stanie ustalonym jest opisany prawem Fouriera, a pomiędzy poszczególnymi obszarami (materiałami) występuje idealny kontakt:

$$q = -\lambda gradT = -\lambda \cdot \nabla T \tag{9.8}$$

gdzie:

q – gęstość strumienia ciepła, [W/m<sup>2</sup>],

 $\lambda$  – przewodność cieplna, [W/(m·K)],

T- temperatura, [K],

 $\nabla T$  - wektor zwany operatorem nabla.

Znak minus w równaniu (9.8) oznacza kierunek przepływu ciepła z obszaru o temperaturze wyższej do obszaru o temperaturze niższej. W równaiu (9.7) podstawę stanowi prawo Fouriera. Oznacza to, że analiza termiczna, jest równaniem opartym na przewodnictwie.

W analizie domyślnie zakłada się idealny kontakt termiczny, co oznacza, że nie występuje spadek temperatury na granicy styku. W rzeczywistości kontakty między materiałami tworzącymi przegrodę zewnętrzną mogą przyczynić się do spadku temperatury na ich styku (rys. 9.13). Wielkość przepływu ciepła przez styk jest określona przez kontaktowy strumień ciepła q, zgodnie z równaniem (9.9):

$$q = TCC \cdot (T_{target} - T_{contact})$$
(9.9)

gdzie:

T<sub>target</sub> temperatura powierzchni docelowej, [K], T<sub>contact</sub> temperatura powierzchni styku, [K], TCC przewodność termiczna kontaktu, [W/(m·K)].



Rys. 9.13. Przykład kontaktu na którym może wystąpić spadek temperatury [3].

## 9.2.3 Analiza obliczeń numerycznych Analiza obliczeń uzyskanych z programu WUFI Pro

Porównanie przeprowadzonej symulacji dla kompletnej przegrody zewnętrznej (model 1) przedstawia rysunek 9.14. Wyniki zaprezentowane zostały przy różnych poziomach początkowego zawilgocenia (RH = 0, 65 i 100%) oraz okresach suszenia (1 rok, 2 lata i 4 lata). W przypadku zerowej zawartości wody (RH = 0%) na początku symulacji widoczny jest wzrost wilgoci do momentu osiągnięcia stanu równowagi. Dla przypadku gdy RH wynosi 65% również zauważalny jest przyrost wody w przegrodzie w okresie jednego miesiąca. Po upływie roku wilgotność w ścianie zaczyna się stabilizować. Natomiast dla modelu przegrody symulujacej długotrwałe zanurzenie w wodzie obserwuje sie w początkowych okresach znaczny ubytek wilgotności. Pełne zestawienia analiz numerycznych obejmujących osuszanie przegrody zewnętrznej znajdują się w Załączniku 4. W przypadku czteroletniego osuszania ściany ilość wody jest wciąż bardzo duża. Konieczny zatem staje się demontaż poszycia przegrody zewnętrznej zalanej części budynku i wymiana materiału na w pełni użytkowy deklarowanych przez producenta właściwościach. Usunięcie poszycia, usztywniającego konstrukcję prętową budynku może prowadzić do utraty jego stateczności, co zostało wykazane w rozdziale 7.1.



Rys. 9.14. Zawartość wody w rozpatrywanej przegrodzie (model 1) przy różnych warunkach brzegowych i okresach suszenia.

Przeprowadzono również symulację, w której założono usunięcie ocieplenia zewnętrznego i płyty gipsowo – kartonowej (model 2) w celu szybszego osuszenia pozostałych warstw przegrody poddanych działaniu wód popowodziowych (RH = 100%). Dla porównania wykonano obliczenia dla pozostałych warunków brzegowych, tj. zawartości wody w materiałach przy 0% i 65% wilgotności względnej. Z danych na rys. 9.15 wynika, że w przypadku

usunięcia z przegrody zewnętrznej części jej warstw zalana przegroda pozostaje w dalszym ciągu mokra po długotrwałym suszeniu.



Rys. 9.15. Zawartość wody w rozpatrywanej przegrodzie (model 2) przy różnych warunkach brzegowych i okresach suszenia.

#### Analiza obliczeń uzyskanych z programu Ansys Academic Researcher 2020

Efektem końcowym symulacji cieplnej w programie Ansys Research Academic było otrzymanie wektorowego rozkładu gęstości strumienia ciepła q  $[W/m^2]$ , całkowitego strumienia ciepła  $\Phi$  [W] przepływającego przez analizowany narożnik oraz minimalnej temperatury t<sub>min</sub> [°C] na wewnętrznej stronie narożnika przegrody zewnętrznej w konstrukcji z lekkiego szkieletu stalowego (tabela 9.8).

Tabela 9.8. Rezultaty analizy numerycznej dla narożnika przegrody zewnętrznej.

	złącze 1	złącze 2	złącze 3
Gęstość strumienia ciepła dla			
narożnika przegrody zewnętrznej q	5,52	5,64	26,4
$[W/m^2]$			
Całkowity strumień ciepła			
przepływający przez narożnik	16,194	16,743	74,06
przegrody zewnętrznej $\Phi$ [W]			
Wartości minimalne temperatury	13,81	13,768	6,636
t <sub>min</sub> [°C] na wewnętrznej			
powierzchni przegrody zewnętrznej			

Do wyznaczenia współczynnika przenikania ciepła U  $[W/(m^2 \cdot K)]$  dla rozpatrywanego narożnika postępowano zgodnie z algorytmem prezentowanym w pracach [44, 74, 140, 165], który obejmuje:

- wyznaczenie wartości średniej składowej poziomej gęstości strumienia ciepła q [W/m<sup>2</sup>],
- obliczenie współczynnika przenikania ciepła zgodnie z (9.10):

$$U = \frac{q}{t_i - t_e} \tag{9.10}$$

Wartość strumienia ciepła  $\Phi$  [W] przepływającego przez złącze dla każdego z rozpatrywanych wariantów posłużyła do wyznaczenia liniowego współczynnika przenikania ciepła  $\Psi$  [W/(m·K)]. Natomiast minimalne wartości temperatury wykorzystano do wyznaczenia czynnika temperaturowego f<sub>Rsi,obl</sub> [120]. Otrzymane wyniki zestawiono w tabeli 9.9.

Uzyskane wartości parametrów cieplno – wilgotnościowych wskazują, że wilgotne materiały, z podwyższoną przewodnością cieplną, zwiększają straty ciepła, a tym samym zwiększają wartość  $\Psi$ . Natomiast obniżona temperatura powierzchni wewnętrznej przegrody w konsekwencji prowadzi do zagrożeń mykologicznych. Według [121, 149], wymagania dla wartości krytycznej współczynnika temperaturowego powinny wynosić powyżej f<sub>Rsi,kryt.</sub> = 0,72.

Tabela 9.9. Parametry cieplne analizowanych przegród zewnętrznych, obejmujących złącze 1, 2 i 3.

	Charakterystyczne parametry cieplne zewnętrznej	narożnika	ściany	Wartości
	Współczynnik przenikania ciepła	złącze 1	U	0,138
	U [W/(m <sup>2</sup> ·K)] narożnika g	złącze 2	U	0,141
1	$U = \frac{1}{(t_i - t_e)}$	złącze 3	U	0,660
	Liniowy współczynnik sprzężenia	złącze 1	L <sup>2D</sup>	0,405
	cieplnego $L^{2D}$ [W/(m·K)]	złącze 2	L <sup>2D</sup>	0,419
2	$L^{2D} = \frac{\varphi}{l \cdot (t_i - t_e)}$	złącze 3	L <sup>2D</sup>	1,852
	Liniowy współczynnik przenikania ciepła obliczany z uwzglednienie	złącze 1	Ψe	-0,003
3	wymiarów zewnętrznych $\Psi_{e}$ [W/(m·K)]	złącze 2	Ψe	0,419
	$\Psi_{\mathrm{e}} = \mathrm{L}^{2\mathrm{D}} - (\mathrm{l}_{\mathrm{e1}} \cdot \mathrm{U}_{\mathrm{1}} + \mathrm{l}_{\mathrm{e2}} \cdot \mathrm{U}_{\mathrm{2}})$	złącze 3	$\Psi_{e}$	1,852
	Współczynnik temperaturowy $f_{Rsi,obl}$	złącze 1	f <sub>Rsi,obl</sub>	0,845
	$f_{Rsi} = \frac{t_{si,min} - t_e}{t_{si,min} - t_e}$	złącze 2	$\mathbf{f}_{Rsi,obl}$	0,844
4	$t_i - t_e$	złącze 3	f <sub>Rsi,obl</sub>	0,666

Na rysunku 9.16 przedstawiono rozkład temperatur dla rozpatrywanych wariantów naroża ściany, obejmujących złącze 1, 2 i 3. Dla materiałów nasyconych wodą dla rozkładu temperatury od strony wewnętrznej przegrody w

konstrukcji lekkiego szkieletu stalowego uwydatnia się pasmo niskiej temperatury, które prowadzi do zagrożeń mykologicznych narożnika przegrody.



Rys. 9.16. Rozkład temperatury [°C] w narożu przegrody zewnętrznej uzyskany w następstwie symulacji komputerowej: a), b) złącze 1 - materiały o współczynniku przewodzenia ciepła dla wilgotności względnej 0%, c), d) złącze 2 - materiały o współczynniku przewodzenia ciepła dla wilgotności względnej 65%, e), f) złącze 3 - materiały o współczynniku przewodzenia ciepła dla wilgotności względnej 65%, względnej 100%.

## **10.PODSUMOWANIE I WNIOSKI KOŃCOWE**

Celem pracy w zakresie mechaniki konstrukcji była ocena wpływu częściowego demontażu poszycia przegrody zewnętrznej konstrukcji na stateczność ogólną bryły budynku oraz przeprowadzenie badań nieswobodnego skręcania cienkościennych profili otwartych typu C z uwzględnieniem autorskiego opracowania wkładki usztywniającej.

Zakres realizacji postawionych celów uwzględniał przegląd literatury z przedmiotowej tematyki oraz obejmował przeprowadzenie badań - analiz numeryczno – doświadczalnych, dotyczących przegród zewnętrznych wykonanych w konstrukcji z lekkiego szkieletu stalowego.

W pierwszej części obliczeń numerycznych dotyczącej mechaniki konstrukcji wykazano wpływ demontażu poszycia zewnętrznego na stateczność bryły budynku. Modele numeryczne analizowanych obiektów budowlanych oparte na technologii lekkiego szkieletu stalowego bazowały na cienkościennych elementach o przekroju otwartym typu C90 i C140. Pręty tego typu charakteryzują się stosunkowo małą sztywnością skrętną co sprawia, że są wrażliwe na przestrzenną formę utraty stateczności. Ma to wpływ na stany graniczne nośności i użytkowalności konstrukcji. Główną przyczyną przekroczenia stanu granicznego użytkowalności analizowanych modeli budynków (rozdział 7) było usunięcie poszycia usztywniającego w części parterowej co znacząco zmniejszyło sztywność konstrukcji. Poprawa sztywności bryły budynku nastąpiła z chwilą zamontowania stężeń ściennych.

Druga część obliczeń numerycznych przeprowadzonych w niniejszej pracy dotyczyła analizy nieswobodnego skręcania otwartych prętów cienkościennych typu C90 i C140 wzmocnionych wkładkami według autorskiego wynalazku. Utworzone modele obliczeniowe posłużyły do oceny korelacyjności przeprowadzonych symulacji nieswobodnego skręcania przez porównanie uzyskanych wyników numerycznych z wynikami eksperymentalnymi przemieszczeń giętno – skrętnych.

Część eksperymentalna dotycząca mechaniki konstrukcji wykazała na przyjętych schematach badawczych, bazujących na ceowych profilach cienkościennych typu C90 i C140 wpływ zastosowania wkładki usztywniającej wykonanej w technologii druku 3D na poprawę sztywności giętno-skrętnej badanych profili. Zadaniem wkładki montażowej jest zwiększenie sztywność profilu w miejscu osadzania stężeń. Konieczność stosowania cięgien stalowych stężających lekkie konstrukcje szkieletowe może wynikać z następstw obciążeń wyjątkowych, których oddziaływanie może doprowadzić do uszkodzenia struktury nośnej bryły budynku. Przedmiotowe rozwiązanie można zastosować również w przypadku konieczności demontażu całego poszycia pierwszej kondygnacji (tak jak w omawianych przykładach numerycznych z rozdziału 7), gdy zachodzi konieczność usunięcia skutków podtopienia budynku. Demontaż i wymiana całości poszycia ma miejsce gdy podtopieniu budynku towarzyszyć będzie ponadto skażenie wody. Uzyskane wyniki badań numeryczno – doświadczalnych pozwalają sformułować następujące wnioski:

- analizowany w pracy numeryczny model konstrukcji szkieletowej dwukondygnacyjnego budynku bez poszycia usztywniającego w części parterowej przekroczył graniczne wartości przemieszczeń poziomych określonych w normach PN-EN 1990:2004 i PN-EN 1993-1-1:2006 [131, 135];
- zastosowanie autorskiego rozwiązania miejscowego usztywnienia stalowych profili cienkościennych wpływa na zwiększenie sztywności giętno – skrętnej całego profilu;
- samoklinująca się wkładka usztywniająca wykonana w technologii druku 3D jest efektywnym sposobem zwiększenia sztywności nieswobodnego skręcania stalowych profili cienkościennych typu C;
- przeprowadzone badania doświadczalne i numeryczne dla stalowego ceowego profilu cienkościennego wykazały korelacje pomiędzy obliczeniami numerycznymi i wynikami badań doświadczalnych.

Analiza numeryczno – doświadczalna z zakresu fizyki budowli dotyczyła przydatności materiałów przegrody zewnętrznej z chwilą jej zawilgocenia spowodowanego oddziaływaniem wód popowodziowych.

W związku z tym, że istnieje niewiele danych z badań naukowych opisujących wpływ powodzi na konstrukcję przegrody wykonaną w technologii lekkiego szkieletu stalowego, ocena przydatności materiałów stosowanych w obiektach, które mogą być podatne na wody popowodziowe jest utrudniona. Dlatego też przeprowadzone badania miały na celu ocenę wpływu wód popowodziowych na późniejsze właściwości cieplno – wilgotnościowe przegród zewnętrznych.

Badania obejmujące zagadnienia z zakresu fizyki budowli koncentrowały się na wpływie na właściwości cieplno - wilgotnościowe, jaki może mieć zanurzenie w wodzie materiałów konstrukcyjnych przegrody zewnętrznej (w wyniku podtopienia budynku) oraz proces ich osuszania. W tym celu program badań eksperymentalnych obejmował wykonanie izoterm sorpcji dla każdego z materiałów wchodzących w skład przegrody zewnętrznej oraz zbadanie ich nasiąkliwości. Wyniki badań sorpcyjności porównano z danymi dostępnymi w bazie programu komputerowego WUFI Pro oraz modelami matematycznymi. Otrzymane wyniki badań sorpcyjności i nasiąkliwości posłużyły do wykonania modelu higrotermicznego w programie WUFI Pro. Przeprowadzona symulacja w zależności od poczatkowego stanu zawilgocenia przegrody zewnetrznej pozwalała oszacować czas jej wysychania i przydatność do dalszej eksploatacji. Do analizy numerycznej wykorzystano również program Ansys Academic Researcher 2020, w którym określono parametry cieplne narożnika przegrody zewnętrznej dla materiałów zawierający wilgoć będącą pozostałością po wodach popowodziowych.

Uzyskane wyniki analizy pozwoliły stwierdzić, że:

- przeprowadzona symulacja osuszania przegrody w pełni nasyconej wodą i przyjętym 4 letnim okresem suszenia wykazała jej nieprzydatność do dalszej eksploatacji;
- usunięcie z przegrody ocieplenia zewnętrznego i płyty gipsowo - kartonowej nie prowadzi do jej wyschnięcia nawet w 4 letnim okresie osuszania;
- przeprowadzona symulacja osuszania przegrody w pełni nasyconej wodą i przyjętym 4 letnim okresem suszenia wykazała jej nieprzydatność do dalszej eksploatacji;
- przeprowadzona analiza numeryczna potwierdziła, że niezbędny jest demontaż części przegrody zewnętrznej zalanej wodami popowodziowymi i wymiany jej warstw na nowy materiał;
- rezultaty badań izoterm sorpcji dla materiałów analizowanej przegrody zewnętrznej korelują z wynikami uzyskanymi na podstawie opisu matematycznego jak też danych numerycznych;
- analiza mostka cieplnego naroża przegrody zewnętrznej poddanej oddziaływaniu wód popowodziowych wykazała zwiększenie strat ciepła i wzrost zagrożeń mykologicznych.

#### STRESZCZENIE

## Numeryczno – doświadczalna analiza przegród zewnętrznych w konstrukcji z lekkiego szkieletu stalowego

#### mgr inż. Mariusz Kosiń

## Słowa kluczowe: profile cienkościenne, analiza giętno – skrętna, analiza cieplno – wilgotnościowa, druk 3D, MES

W pracy przedstawiono numeryczno-doświadczalną analizę przegród zewnętrznych wykonanych w technologii lekkiego szkieletu stalowego w następstwie działania wód popowodziowych wymuszających konieczność zdjęcia warstw poszycia oraz wpływu zawilgocenia materiałów przegrody na jej właściwości cieplno-wilgotnościowe. W zakresie podjętego celu pracy wykonano obszerny przegląd najnowszej literatury z przedmiotowej tematyki. Część pierwsza pracy dotycząca mechaniki konstrukcji odnosiła się do wpływu częściowego demontażu poszycia przegrody zewnętrznej konstrukcji na stateczność ogólną bryły budynku oraz badań nieswobodnego skręcania cienkościennych profili otwartych typu C z uwzględnieniem autorskiego opracowania wkładki usztywniającej wykonanej w technologii druku 3D. Wykazano, że opracowana wkładka usztywniająca jest efektywnym sposobem zwiększenia sztywności nieswobodnego skręcania stalowych profili cienkościennych typu C. Druga część pracy z zakresu fizyki budowli dotyczyła wpływu wód popowodziowych na późniejsze właściwości cieplno – wilgotnościowe przegród zewnętrznych. Badania koncentrowały się na ocenie właściwości cieplno – wilgotnościowych materiałów konstrukcyjnych przegrody zewnętrznej zanurzonych w wodzie (w wyniku podtopienia budynku) oraz procesie ich osuszania. Na podstawie przeprowadzonych badań oszacowano czas potrzebny do wyschnięcia i przydatność do dalszej eksploatacji materiałów wchodzących w skład przegrody zewnętrznej.

## ABSTRACT

# Numerical – experimental analysis of external partitions in a light steel frame construction

#### MSc Mariusz Kosiń

## Key words: thin-walled profiles, analyses of bending –torsion, hygrothermal analysis, 3D printing, FEM

The paper presents a numerical and experimental session of external partitions made in the technology of a light steel skeleton as a result of the action of flood waters forcing layered images and the influence of moisture in the partition materials on its thermal and humidity. In terms of the aim of the work, an extensive review of the latest literature on the subject was made. The first part of the work on the mechanics of the structure referred to the influence of the partial disassembly of the shell of the external partition of the structure on the general stability of the building body and the research of non-free torsion of thinwalled open profiles type C, taking into account the original development of a stiffening insert made in 3D printing technology. It has been shown that the developed stiffening insert is an effective method of increasing the rigidity of torsion of thin-walled steel C-profiles. The second part of the work in the field of building physics concerned the influence of flood waters on the subsequent thermal and moisture properties of external partitions. The research focused on the evaluation of the thermal and humidity properties of the structural materials of the outer partition immersed in water (as a result of flooding the building) and the drying process. On the basis of the conducted tests, the time needed to dry an and the suitability for further use of the materials included in the external partition were estimated.

#### LITERATURA

- Adamowski J., Matkowski Z., 2013. Aktualne problemy osuszania i remontów zalanych i zawilgoconych budynków. Materiały Budowlane 3, 2 - 7.
- [2] Ambroziak A., 2016. Autodesk robot structural analysis wymiarowanie konstrukcji stalowych i żelbetowych - przykłady obliczeń. Wydawnictwo Politechniki Gdańskiej Gdańsk.
- [3] Angelis E., Serra E., 2014. Light steel-frame walls: thermal insulation performances and thermal bridges. Energy Procedia 45, 362 371.
- [4] Ansys Workbench Mechanical introduction. Thermal Analysis 2015.
- [5] Ansys-Workbench v. 19 system documentation 2019.
- [6] Asphaug S. K., Kvande T., Time B., Peuhkuri R., Kalamees T., Johansson P., Berardi U., Lohne J., 2020. Moisture control strategies of habitable basements in cold climates. Building and Environment 169, 572 586.
- [7] Babanali M. B., Shumska L., Leshchenko M., 2018. Heat treatment technology of porous building materials with predictability of thermophysical properties. International Journal of Engineering & Technology 7, 501 – 509.
- [8] Bielajew N. M., 1954. Wytrzymałość materiałów. Wydawnictwo Ministerstwa Obrony Narodowej Warszawa.
- [9] Billah M., Islam M., Ali R. B., 2019. Cold formed steel structure an overview. WSN 118, 59 73.
- [10] Bishara N., Vogelsang S., Plagge R., 2015. Numerical simulation of the hygrothermal behaviour of a new solid wood panel for room temperature control calibration of the heating curve. Energy Procedia 78, 176 182.
- [11] Biswas S., Schwen D., Hales J., 2020. Development of a finite element based strain periodicity implementation method. Finite Elements in Analysis and Design 179, 436 – 451.
- [12] Black M. M., Semple H. M., 1969. Torsion-bending analysis of continuous thin-walled beams. International Journal of Mechanical Sciences 11, 791 – 810.
- [13] Bozsaky D., 2015. Laboratory tests with liquid nano-ceramic thermal insulation coating. Procedia Engineering 123, 68 75.
- [14] Brzoska Z., 1965. Statyka i stateczność konstrukcji prętowych cienkościennych. PWN Warszawa.
- [15] Cammerer J., Achtziger J., 1985. Effect of the moisture content on the thermal conductivity of building materials and insulation products. Kurzberichte aus der Bauforschung Germany.
- [16] Celik T., Kamali S., 2019. Multidimensional comparison of lightweight steel and reinforced concrete structures - a case study. Tehnicki Vjesnik 25, 1234 – 1242.
- [17] Chen W. F., 2000. Structural stability: from theory to practice. Engineering Structures 22, 116 122.
- [18] Chen Y., Chen Z., 1998. Transfer function method to calculate moisture absorption and desorption in buildings. Building and Environment 33, 201-207.
- [19] Chung K., Ho H. C., Wang A. J., 2008. Advances in analysis and design of cold-formed steel structures. Advances in Structural Engineering 11, 615 – 632.
- [20] Colinart T., Glouannec P., 2017. Temperature dependence of sorption isotherm of hygroscopic building materials. Part 1: Experimental evidence and modeling. Energy and Buildings 139, 360 370.
- [21] Colinart T., Glouannec P., Bendouma M., Chauvelon P., 2017. Temperature dependence of sorption isotherm of hygroscopic building materials. Part 2: Influence on hygrothermal behavior of hemp concrete. Energy and Buildings 152, 42 – 51.
- [22] Cunningham M. J., 1988. The moisture performance of framed structures a mathematical model. Building and Environment 23, 123 135.
- [23] D'Ayala D., Aktas Y. D., 2016. Moisture dynamics in the masonry fabric of historic buildings subjected to wind-driven rain and flooding. Building and Environment 104, 208 – 220.
- [24] Danczyk J., Suresh K., 2013. Finite element analysis over tangled simplicial meshes: Theory and implementation. Finite Elements in Analysis and Design 70/71, 57 – 67.
- [25] De P. S., Mahato J. K., Kundu A., Chakraboti P. C., Shome M., 2017. True stress-control ratcheting behaviour of cold-rolled interstitial-free steel sheet. Mechanics of Materials 115, 34 – 46.
- [26] Desai P., Katti V., 2017. Bracings as Lateral Load Resisting Structural System. International Research Journal of Engineering and Technology 4, 1351–1355.
- [27] Dubina D., Ungureanu V., Landolfo R., 2012. Design of cold-formed steel structures. The Europan Convention for Constructional Steelwork Brusseles.
- [28] Dyla A., 2015. Fizyka cieplna budowli w praktyce. PWN Warszawa.
- [29] Elkawas A. A., Hassanein M. F., Elchanakani M., 2018. Lateral-torsional buckling strength and behaviour of high-strength steel corrugated web girders for bridge construction. Thin-Walled Structures 122, 112-123.
- [30] Erkmen R. E., Mohareb M., 2006. Torsion analysis of thin-walled beams including shear deformation effects. Thin-Walled Structures 44, 1096 – 1108.
- [31] Franco J. M. S., Duarte J. P., Batista E., Landesmann A., 2014. Shape grammar of steel cold-formed sections based on manufacturing rules. Thin- Walled Structures 79, 218 232.
- [32] Gagarin V. G., Akhmetov V. K., Zubarev K. P., 2018. Mathematical model using discrete-continuous approach for moisture transfer in enclosing construction. IOP Conference Series: Materials Science and Engineering 463, 1 – 7.

- [33] Gambhir M.L., 2013. Stability analysis and design of structures. Springer New York.
- [34] Garbalińska H., Siwińska A., 2007. Izotermy sorpcji cegły ceramicznej, silikatowej i betonu komórkowego. Fizyka budowli w teorii i praktyce. Czasopismo Naukowe, Sekcja Fizyki Budowli Komitetu Inżynierii Lądowej i Wodnej PAN Łódź, 41 – 46.
- [35] Gawin D., 2000. Modelowanie sprzężonych zjawisk cieplno – wilgotnościowych w materiałach i elementach budowlanych. Zeszyty Naukowe. Rozprawy Naukowe Z.279, Wydawnictwo Politechniki Łódzkiej Łódź.
- [36] Gawin D., Baggio P., Schrefler B. A.,1996. Modelling heat and moisture transfer with phase changes in building materials. Archives of Civil Engineering 42, 325 349.
- [37] Gawin D., Klemm P., 1987. Modele matematyczno sprzężonego przenoszenia masy i energii w ośrodkach kapilarno – porowatych. Wydawnictwo Politechniki Łódzkiej Łódź.
- [38] Gawin D., Koniorczyk M., 2006. Numerical modelling of coupled heat, moisture and salt transport in porous materials. Computer Assisted Mechanics and Engineering Sciences, CAMES 13(4), 565 574.
- [39] Gawin D., Kossecka E., Künzel H., Radoń J., Więćkowska A., Witczak K., Zirkelbach D., 2007. Program komputerowy WUFI i jego zastosowanie w analizach cieplno – wilgotnościowych przegród budowlanych. Wydawnictwo Politechniki Łódzkiej Łódź.
- [40] Gendy B. L., Hanna M. T., 2017. Effect of geometric imperfections on the ultimate moment capacity of cold-formed sigma-shape sections. HBRC Journal 13, 163 – 170.
- [41] Gielsvik A., 1981. The Theory of thin walled bars. Wiley New Jersey.
- [42] Glaser H., 1958. Simplified calculation of vapour diffusion through layered walls involving the formation of water and ice. Kältetechnik 10(11), 358 – 364.
- [43] Gliszczyński A., Kubiak T., Urbaniak M., 2014. Wpływ warunków brzegowych i własności materiałowych na stateczność zginanych belek kompozytowych. Modelowanie Inżynierskie 19(50), 25 - 32.
- [44] Gołaś A., Ryś M., Gajda R., 2011. Badanie własności termoizolacyjnych okien z wykorzystaniem metody elementów skończonych. Modelowanie Inżynierskie 10(41), 91 - 98.
- [45] Gomulińska E., 1968. Obliczanie cienkościennych elementów budowlanych kształtowanych na zimno z blach stalowych. Arkady Warszawa.
- [46] Gosowski B., 2003. Spatial stability of braced thin-walld members of steel structures. Journal of Constructional Steel Research 59, 839 865.
- [47] Gosowski B., 2015. Zginanie i skręcanie cienkościennych elementów konstrukcji metalowych. Oficyna Wydawnicza Politechniki Wrocławskiej Wrocław.

- [48] Goto Y., Wakili K. G., Frank T., Stahl T., Ostermeyer Y. Ando N., Wallbaum H., 2012. Heat and moisture balance simulation of a building with vapor - open envelope system for subtropical regions. Building Simulation 5, 301 – 314.
- [49] Haba B. Boudenne A., Benzarti K., Agoudjil B., 2017. Hygric properties and thermal conductivity of a new insulation material for building based on date palm concrete. Construction and Building Materials 154, 963 – 971.
- [50] Hanaor D. A., Gan Y., Einav I., 2016. Static at fractal interfaces. Tribology International 93, 229 – 238.
- [51] Hancok G. J., 2003. Cold-formed steel structures. Journal of Constructional Steel Research 118, 59 73.
- [52] Hancok G. J., 2016. Cold-formed steel structures research review 2013-2014. Advances in Structural Engineering 19, 1 16.
- [53] Hartman F., Katz F., 2007. Structural analysis with finite elements, Springer Heidelberg.
- [54] Hassanieh A., Valipour H., 2020. Experimental and numerical study of OSB sheathed-LVL stud wall with stapled connections. Construction and Building Materials 233, 373 389.
- [55] Hattori G., Serpa A. L., 2015. Contact stiffness estimation in ANSYS using simplified models and artificial neural networks. Finite Elements in Analysis and Design 97, 43 53.
- [56] Hilti, 2017. Katalog produktów. Hilti Poland Warszawa.
- [57] Hoła J., Adamowski J., Matkowski Z., 2010. Skuteczność zabezpieczeń przeciwwilgociowych wykonanych w obiekcie zabytkowym. Materiały Budowlane 3, 22 - 23.
- [58] Hoła J., 2018. Degradacja budynków zabytkowych wskutek nadmiernego zawilgocenia – wybrane problemy. Budownictwo i Architektura 17, 133 - 148.
- [59] Hongisto V., Makila M., Suokas M., 2015. Satisfaction with sound insulation in residential dwellings the effect of wall construction. Building and Environment 85, 309 320.
- [60] Hradil P., Talja A., Kurkela J., Fülöp L., Ongelin P., 2017. Evaluation of ductility limits for structural steel design. Journal of Constructional Steel Research 135, 1 – 10.
- [61] Huang X., Bai L., Yang J., Wang F., Zhu J., Liu Q., 2019. Distortionalbuckling analysis of channel sections with web stiffened by longitudinal ribs subjected to axial compression or bending. Thin-Walled Structures 144, 322 – 334.
- [62] Hubner K.H., Dewhrist D. L., Smith D. E., Byrom T. G., 2001. The finite element method of engineers. John Wiley & Sons New Jersey.
- [63] Hutchings I., Shipway P., 2017. Tribology friction and wear of engineering materials. Butterworth-Heinemann Oxford.

- [64] Huynh M. T., Pham C. H., Hancock G. J., 2020. Experimental behaviour and modelling of screwed connections of high strength sheet steels in shear. Thin-Walled Structures 146, 106 119.
- [65] Javidan M.M., Kang H., Isobe D., Kim J., 2018. Computationally efficient framework for probabilistic collapse analysis of structures under extreme actions. Engineering Structures 172, 440 – 452.
- [66] Jiang Y., Zevenbergen C., Ma Y., 2018. Urban pluvial flooding and stormwater management a contemporary review of China's challenges and sponge cities strategy. Environmental Science and Policy 80, 132 143.
- [67] Judd J., Charney F., 2016. Seismic collapse prevention system for steelframe buildings. Journal of Constructional Steel Research 118, 60 – 75.
- [68] Katalog firmy AmTech, 2010. Opis technologii Sunday System. AmTech sp. z o.o. Głogów Małopolski.
- [69] Kidmann R., Kraus M., 2011. Steel structures. Design using FEM. Ernst & Sohn Berlin.
- [70] Koci V., Vejmelkova E., Cachova M., Konakova D., Keppert M., Madera J., Cerny R., 2016. Effect of moisture content on thermal properties of porous building materials. International Journal of Thermophysics 38, 28 40.
- [71] Koelner, 2015. Katalog techniczny. Koelner S.A. Wrocław.
- [72] Kohonen R., 1984. Method of analyze the transient hygrothermal behaviour of building material and components. Technical Research Center of Finland Helsinki.
- [73] Kosiń M., Major I., Major M., Kalinowski J., 2020. Model tests of bending and torsional deformations of thin-walled profiles stiffened with elements made in 3D printing technology. Case Studies in Construction Materials 13, 401 – 422.
- [74] Kosiń M., Major M., 2017. Numerical thermal analysis of the vertical external partition made as the frame thin-walled steel structure. MATEC Web of Conferences 107 Trstena, 47 – 55.
- [75] Kosiń M., Major M., Kalinowski J., 2017. Wkładka usztywniająca, zwłaszcza cienkościennych profili typu C. PL423102. Urząd Patentowy RP.
- [76] Kothandaraman C. P., 2006. Fundamentals of heat and mass transfer. New Age International Delhi.
- [77] Krzesiński G., Zagrajek T., Marek P., Borkowski P., 2015. Metoda elementów skończonych w mechanice materiałów i konstrukcji. Rozwiązywanie zagadnień za pomocą systemu Ansys. Oficyna Wydawnicza Politechniki Warszawskiej Warszawa.
- [78] Kubik J., 2000. Przepływ wilgoci w materiałach budowlanych. Oficyna Wydawnicza Politechniki Opolskiej Opole.
- [79] Kubik J., Kucharczyk A., 2007. Przepływ wilgoci w zasolonych ścianach. Wydawnictwo Politechniki Łódzkiej Łódź.
- [80] Kubik J., Świrska J., 2003. Wpływ temperatury na efektywny współczynnik dyfuzji pary wodnej. Wydawnictwo Politechniki Łódzkiej Łódź.

- [81] Künzel H., 1995. Simultaneous heat and moisture transport in building materials. Fraunhofer IRB Verlag Stuttgart.
- [82] Künzel H., Radon J., Holm A., Schmidt T., Zirkelbach D., 2003. WUFI-pro – handbuch. IBP Holz-kirchen Valley.
- [83] Künzel H., Radoń J., Holm A., 2001. Hygrothermal design of construction assemblies with WUFI – a tool for architects and engineers. VIII Polska Konferencja Naukowo-Techniczna – Fizyka Budowli w Teorii i Praktyce Łódź, 467 - 476.
- [84] Kurzawa Z., Rzeszut K., Szumigła M., 2015. Stalowe konstrukcje prętowe część III. Wydawnictwo Politechniki Poznańskiej Poznań.
- [85] Lacey A. W., Chen W., Hao H., Bi K., 2017. Structural response of modular buildings – An overview. Journal of Building Engineering 16, 45 – 56.
- [86] Laim L., Rodrigues J. P., Silva L. S., 2013. Experimental and numerical analysis on the structural behaviour of cold-formed steel beams. Thin- Walled Structures 72, 1 - 13.
- [87] Lavine A. S., Bergman T. L., Incropera F. P., 2011. Fundamentals of heat and mass transfer 7<sup>th</sup> Edition. John Wiley & Sons New Jersey.
- [88] Lawson R. M., Popo-Ola S. O., Way A., Heatley T., Pedreschi R., 2010. Durability of light steel framing in residential applications. ICE Publishing, 109 – 121.
- [89] Lazarević A. J., Uroš M., Čengija A., 2017. Fundamental models of structural stability. The Mining Geology Petroleum Engineering Bulletin, 37 – 47.
- [90] Leimer H., 2016. Thermal physics of buildings. Hanser Publications Cincinati.
- [91] Li W., Ma H., 2020. A nonlinear cross-section deformable thin-walled beam finite element model with high-order interpolation of warping displacement. Thin-Walled Structures 152, 748 – 767.
- [92] Li Y. L., Li Y. Q., Shen Z. Y., 2016. Investigation on flexural strength of cold-formed thin-walled steel beams with built-up box section. Thin-Walled Structures 107, 66 – 79.
- [93] Ling J. Y., Kong S. L., De'nan F., 2015. Numerical study of buckling behaviour of cold-formed C-channel steel purlin with perforation. Procedia Engineering 125, 1135 – 1141.
- [94] Liu X., Bradford M. A., Chen Q., Ban H., 2016. Finite element modelling of steel–concrete composite beams with high-strength friction-grip bolt shear connectors. Finite Elements in Analysis and Design 108, 54 65.
- [95] Logan D. L., CL Engineering, 2016. First course in the finite element method. Cengage Boston.
- [96] LSK, 2008. Europan lightweight steel-framed construction. LSK and Arcelor publication Luxemburg.
- [97] Lu. B., Li D. Tian X., 2015. Development Trends in Additive Manufacturing and 3D Printing. Engineering 1, 85 89.

- [98] Łaczek S., 2012. Przykłady analizy konstrukcji w systemowe Ansys Workbench v. 12.1. Wydawnictwo Politechniki Krakowskiej Kraków.
- [99] Madsen J., 2005. Which is the better building material? Concrete or steel? Buildings Magazines 99, 62 – 64.
- [100] Major M., Kosiń M., 2016. Lekkie konstrukcje stalowe w budownictwie mieszkaniowym [W:] Materiały i technologie ekologiczne w budownictwie, Ulewicz M., Repelewicz A., (red.) Wydawnictwo Politechniki Częstochowskiej, Częstochowa, 92 – 105.
- [101] Major M., Kuliński K., 2015. Comparative numerical analysis of advertising board tower using Adina and Autodesk Robot Structural analysis. Transactions of the VSB. Technical University of Ostrava. Civil Engineering Series 15, 1 – 10.
- [102] Major M., Major I., Kalinowski J., Kosiń M., 2018. Analysis of a selected node of a truss made of cold-rolled sections based on the finite element method. Transactions of the VSB. Technical University of Ostrava. Civil Engineering Series 18, 20 - 24.
- [103] Major M., Major I., Kosiń M., 2017. Numerical static analysis of the curtain wall with light steel structure. Transactions of the VSB. Technical University of Ostrava. Civil Engineering Series 17, 43 – 50.
- [104] Marsh K., 2014. Autodesk Robot Structural Analysis professional 2015
   essentials. Marsh API LLC New York.
- [105] Mazzorana B., Simoni S., Scherer C., Gems B., Fuchs S., Keiler M., 2014. A physical approach on flood risk vulnerability of buildings. Hydrology Earth System Sciences 18, 3817 – 3836.
- [106] McMills A., 2017. 3D printing basics for entertainment design. Taylor & Francis Ltd Florida.
- [107] Mendera Z., 1969. Zagadnienia stanów granicznych konstrukcji stalowych. Zeszyty Naukowe Politechniki Krakowskiej. Budownictwo Lądowe 33, 188 – 197.
- [108] Mendes N., Fernandes C. P., Philippi P. C., Lamberts R., 2001. Moisture content influence on thermal conductivity of porous building materials. Building Simulation. 7<sup>th</sup> International IBPSA Conference. Rio de Janerio, 957 – 963.
- [109] Moaveni S., 2015. Finite element analysis theory and applications with Ansys. Paerson Education London.
- [110] Moghaddam B., Mostaghim Z. S., 2013. A numerical method based on finite difference for solving fractional delay differential equations. Journal of Taibah University for Science 7, 120 127.
- [111] Mortazavi M., Sharafi P., Kildshti K., Samali B., 2020. Prefabricated hybrid steel wall panels for mid-rise construction in seismic regions. Journal of Building Engineering 27, 942 951.
- [112] Munteanu C., Tamas-Gavera D. R., Cobirzan N., Aciu C., Fernea R., Demeter L. D., 2017. Study on the acoustic rehabilitation of an educational building. Procedia Engineering 181, 131 – 138.

- [113] Murawski L., von Doan D., Szeleziński A., Mus A., 2017. Metoda elementów skończonych w modelowaniu cienkościennych konstrukcji okrętowych. Gospodarka Materiałowa i Logistyka 12, 99 – 109.
- [114] Ngo T. D., Kashani A., Imbalzano G., Nguyen K. T. Q., Hui D., 2018. Additive manufacturing (3D printing): A review of materials, methods, applications and challenges. Composites Part B 143, 172 – 196.
- [115] Nicolai A., 2011. Towards a Semi-Generic Simulation Framework for Mass and Energy Transport in Porous Materials. 9th Nordic Symposium on Building Physics. Tampere, 559 - 566.
- [116] Pan Chi\_Ling, 2004. Prediction of the strength of bolted cold-formed channel section in tension. Thin-Walled Structures 42, 1177 198.
- [117] Pashechko M., Latos A., 2015. Beam–to-column connection calculations using Robot Software. Advances in Science and Technology Research Journal 9, 45 – 49.
- [118] Patoka K., 2013. Paroprzepuszczalność czy dyfuzja, czyli jak określić wysoką paroprzepuszczalność MWK. Izolacje 4, 73 78.
- [119] Pawłowski K., 2013. Projektowanie przegród zewnętrznych w świetle nowych warunków technicznych dotyczących budynków. Wydawnictwo Medium Warszawa.
- [120] Pawłowski K., 2016. Projektowanie przegród zewnętrznych w świetle aktualnych warunków technicznych dotyczących budynków. Grupa Medium Warszawa.
- [121] Pawłowski K., 2017. Wpływ usytuowania ocieplenia od wewnątrz na parametry fizykalne złączy budowlanych, Izolacje 3, 50 52.
- [122] Perré P., Challansonnex A., Colin J., 2019. On the importance of heat and mass transfer coupling for the characterization of hygroscopic insulation materials. International Journal of Heat and Mass Transfer 133, 968 – 975.
- [123] Piechnik S., 2000. Pręty Cienkościenne otwarte. Wydawnictwo Politechniki Krakowskiej Kraków.
- [124] Pleinert H., Sadouki H., Wittmann F. H., 1988. Determination of moisture distributions in porous building materials by neutron transmission analysis. Materials and Structures 31, 218 – 224.
- [125] Płoński W., 1968. Problem wilgoci w przegrodach budowlanych. Arkady Warszawa.
- [126] PN EN 12087:2013-7. Określenie nasiąkliwości wodą przy długotrwałym zanurzeniu. Wyroby do izolacji cieplnej w budownictwie.
- [127] PN EN 1993-1-5:2008/NA:2010. Projektowanie konstrukcji stalowych Część 5:Blachownice.
- [128] PN-B-03200:1990/Az3:1995. Konstrukcje stalowe. Obliczenia statyczne i projektowanie.
- [129] PN-B-03207:2002. Konstrukcje stalowe. Konstrukcje z kształtowników i blach profilowanych na zimno. Projektowanie i wykonanie.
- [130] PN-EN 12831-1:2017-08. Instalacje ogrzewcze w budynkach Metoda obliczania projektowego obciążenia cieplnego.

- [131] PN-EN 1990:2004/NA:2010. Eurokod 0. Podstawy projektowania konstrukcji.
- [132] PN-EN 1991-1-1:2004/NA:2010. Eurokod 1. Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-1. Oddziaływania ogólne - Ciężar objętościowy, ciężar własny, obciążenia użytkowe w budynkach.
- [133] PN-EN 1991-1-3:2005/NA:2010. Eurokod 1. Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-3. Oddziaływania ogólne. Obciążenie śniegiem.
- [134] PN-EN 1991-1-4:2008/NA:2010. Eurokod 1. Oddziaływania na konstrukcje. Część 1-4. Oddziaływania ogólne. Oddziaływanie wiatru.
- [135] PN-EN 1993-1-1:2006/A1:2014-07. Eurokod 3. Projektowanie konstrukcji stalowych Część 1-1: Reguły ogólne i reguły dla budynków.
- [136] PN-EN 1993-1-3:2008/NA:2010. Eurokod 3. Projektowanie konstrukcji stalowych – Część 1-3: Reguły ogólne – Reguły uzupełniające dla konstrukcji z kształtowników i blach profilowanych na zimno.
- [137] PN-EN ISO 12570:2002. Cieplno-wilgotnościowe właściwości materiałów i wyrobów budowlanych Określanie wilgotności przez suszenie w podwyższonej temperaturze.
- [138] PN-EN ISO 12571:2013-12. Cieplno-wilgotnościowe właściwości materiałów i wyrobów budowlanych. Określanie właściwości sorpcyjnych.
- [139] PN-EN ISO 13788:2013-05. Cieplno wilgotnościowe właściwości komponentów budowlanych i elementów budynku. Temperatura powierzchni wewnętrznej konieczna do uniknięcia krytycznej wilgoci powierzchni i kondensacji międzywarstwowa. Metody obliczania.
- [140] PN-EN ISO 6946:2008. Komponenty budowlane i elementy budynku Opór cieplny i współczynnik przenikania ciepła – Metoda obliczania.
- [141] Radoń J., Holm A., 2007. Model obliczeniowy i analiza kształtowania się mikroklimatu pomieszczeń za pomocą programu komputerowego WUFI Plus. Ciepłownictwo – Ogrzewnictwo – Wentylacja 11, 63 – 64.
- [142] Radoń J., Pazold M., Herkel S., Antrettel F., Burhene S., 2011. Integration of HVAC models into a hygrothermal whole building simulation tool. Proceedings of building simulation. 12<sup>th</sup> Conference of International Building Performance Simulation Association Sydney, 1777 - 1783.
- [143] Rashid K., Haq E. U., Kamran M. S., Munir N., Shahid A., 2019. Experimental and finite element analysis on thermal conductivity of burnt clay bricks reinforced with fibers. Construction and Building Materials 221, 190 – 199.
- [144] Rashidi S., Esfahani J. A., Karimi N., 2018. Porous materials in building energy technologies. A review of the applications, modelling and experiments. Renewable and Sustainable Energy Reviews 91, 229 247.
- [145] Rawska-Skotniczy A., 2014. Obciążenia budynków i konstrukcji budowlanych według Eurokodów. PWN Warszawa.
- [146] Restrepo J. I., Bersofsky A. M., 2011. Performance characteristics of light gage steel stud partition walls. Thin-Walled Structures 49, 317 324.

- [147] Rinchen, Rasmussen K. J., 2019. Numerical modelling of cold-formed steel single C-section portal frames. Journal of Constructional Steel Research 158, 143 - 155.
- [148] Roure, F., 2011. Stub column tests for racking design: Experimental testing, FE analysis and EC3. Thin-Walled Structures 49, 167 184.
- [149] Rozporządzenie Ministra Infrastruktury z dnia 12 kwietnia 2002 r. w sprawie warunków technicznych, jakim powinny odpowiadać budynki i ich usytuowanie, Dz.U. z 2002 r., Nr 75, poz. 690.
- [150] Sani M. S. H., Osman A. R., Muftah F., 2019. A review and development of cold-formed steel channel columns with Oriented Strand Board sections. Materials Today: Proceedings 17, 1078 – 1085.
- [151] Schafer B. W., 2019. Advances in the Direct Strength Method of cold-formed steel design. Thin-Walled Structures 140, 533 541.
- [152] Schafer B. W., Adany S., 2014. Generalized constrained finite strip method for thin-walled members with arbitrary cross-section: primary modes. Thin-Walled Structures 84, 150 159.
- [153] Schafer B., 2011. Cold formed steel structures around the world, a review of recent advances in applications, analysis and design. Steel Construction 4, 141 149.
- [154] Schafer, B.W., Peköz, T., 1999. Laterally Braced Cold-Formed Steel Flexural Members with Edge Stiffened Flanges. Journal of Structural Engineering 125(2), 118-127.
- [155] Shahpari S. Z., Hematiyan R., 2013. Closed-form solutions for torsion analysis of structural beams considering web-flange junctions fillets. Journal of Theoretical and Applied Mechanics 51(2), 393 407.
- [156] Silvestre N., Camotim D., 2010. On the mechanics of distortion in thinwalled open sections. Thin-Walled Structures 48, 469 – 481.
- [157] Siwińska A., Garbalińska H., 2007. Izotermy sorpcji materiałów na spoiwie cementowym. Budownictwo o zoptymalizowanym potencjale energetycznym 4, 349 – 354.
- [158] Skrzat A., 2014. Modelowanie liniowych i nieliniowych problemów mechaniki ciała stałego i przepływów ciepła w programie ANSYS Workbench. Wydawnictwo Politechniki Rzeszowskiej, Rzeszów.
- [159] Szczerek M., Wiśniewski M., 2000. Tribologia i tribotechnika. Wydawnictwo Instytutu Technologii Eksploatacji Radom.
- [160] Szymczyk C., 2011. Stability and initial post-buckling behaviour of frame system with vertical bracings. Thin-Walled Structures 49, 669 673.
- [161] Taranau G., Bunea G., Olteanu-Dontov I., Venghic M., Ovidiu-Toma I., 2019. Stability analysis of a scaled-down cold-formed steel structure. 15<sup>th</sup> Computational Civil Engineering Conference Iasi. IOP Conference Series: Materials Science and Engineering 586, 3 – 11.
- [162] The Committee on Light-gauge Steel Structures, 2004. The Japan Iron and Steel Federation and Steel-Framed House Association. Steel Construction Todey &Tomorrow Japan.

- [163] Theodosiou T. G., Tsikaloudaki A. G., Kontoleon K. J., 2015. Thermal bridging analysis on cladding systems for building facades. Energy and Buildings 109, 377 – 384.
- [164] Trouncer A. N., Rasmussen K. J. R., 2016. Ultra-light gauge steel storage rack frames. Part 1: Experimental investigations. Journal of Constructional Steel Research 124, 57 – 76.
- [165] Tudiwer D., Teichmann F., Korjenic A., 2019. Thermal bridges of living wall systems. Energy & Buildings 205, 522 529.
- [166] Ungureanu V., 2010. Sustainable detached family house case study. Steel Construction 3, 154 162.
- [167] Vasil'ev G. P., Lichman V. A., Peskov N. V., Semendyaeva N. L., 2015. Numerical modelling of heat and moisture diffusion in porous materials. Computational Mathematics and Modelling 26, 501 – 513.
- [168] Vlasov V. Z., 1959. Tonkostennye uprugie sterzni. GIFML Moskwa.
- [169] Vries de D. A., 1987. The theory of heat and moisture transfer in porous media revisited. Journal of heat and mass transfer 30, 1343 1350.
- [170] Wael A. Altabey, 2017. Using ANSYS for Finite Element Analysis. Momentum Press New York.
- [171] Wan H., Xu X., Gao J. J., Li A., 2017. A Moisture penetration depth model of building hygroscopic material. Procedia Engineering 205, 3235 3242.
- [172] Wang L., Young B., 2017. Design of cold-formed steel built-up sections with web perforations subjected to bending. Thin-Walled Structures 120, 458-469.
- [173] Watson K., 2005. Steel framed housing. National Association of Steelframed Housing Inc. Australia.
- [174] Way L., Popo-Ola S., Biddle A., Lawson R. M., 2009. Durability of light steel framing in residential building. The Steel Construction Institute Berkshire.
- [175] Winter G., 1970. Commentary on the 1968 edition off the specification for the design of cold-formed steel structural members. American Iron and Steel Institute New York.
- [176] Wkręt–Met. Techniki zamocowań. Katalog 2018. Klimas Wkręt–Met Sp. z o.o. Kuźnica Kiedrzyńska.
- [177] Wójcik R., 2010. Porady praktyczne dla powodzian na przykładzie z Wilkowa. Materiały Budowlane 7, 89 93.
- [178] Wójcik R., 2010. Stan wilgotnościowy budynków drewnianych w Wilkowie trzy miesiące po powodzi. Materiały Budowlane 10, str. 65 68.
- [179] Wyrwał J., 2004. Termodynamiczne podstawy fizyki budowli. Oficyna Wydawnicza Politechniki Opolskiej Opole.
- [180] Wyrwał J., Świrska J., 1988. Problemy zawilgocenia przegród budowlanych. Polska Akademia Nauk, Komitet Inżynierii Lądowej i Wodnej Warszawa.

- [181] Xiaolin Chen, Yijun L., 2014. Finite element modeling and simulation with Ansys Workbench, CRC Press Ohio.
- [182] Yin L., Feng B., 2018. Response of cold-formed steel storage racks with spine bracings using speed-lock connections with bolts I: static elastic-plastic pushover analysis. Thin-Walled Structures 125, 51 62.
- [183] Yu, C., Schafer, B. W., 2007. Simulation of cold-formed steel beams in local and distortional buckling with applications to the direct strength method. Journal of Constructional Steel Research 63, 581 590.
- [184] Zhang X., Rasmussen K. J. R., Zhang H., 2015. Structural modelling of cold-formed steel portal frames. Structures 4, 56 – 68.
- [185] Zienkiewicz O. C., Taylor R. L., Zhu J. Z., 2017. The Finite Element Method – its basis and fundamentals 7<sup>th</sup> Edition. Butterworth-Heinemann Oxford.
- [186] Żmuda J., 2013. Konstrukcje wsporcze dźwignic. PWN Warszawa.
- [187] Żółtowski W., Król P. 2000. Zasady projektowania konstrukcji z profili cienkościennych Lindab "Z" i "C" - Poradnik projektanta. Lindab Sp. z o.o. Warszawa.

## ZAŁĄCZNIK 1

## I. ZESTAWIENIE OBCIĄŻEŃ DLA BUDYNKU Z PROFILI C90

#### 1.1. Obciążenia stałe

Tabela	a Z-1.1. Zestawienie obciążeń dla budynku	z profili C90	) - dach.	
Lp.	Rodzaj obciążenia	Obciążenie charaktery styczne [kN/m <sup>2</sup> ]	Współczyn nik obciążenia γ <sub>f</sub> [-]	Obciążenie obliczenio we [kN/m <sup>2</sup> ]
1	Dachówka bitumiczna 0,1 [kN/m <sup>2</sup> ]	0,1	1,35	0,135
2	Papa asfaltowa 0,1 [kN/m <sup>2</sup> ]	0,1	1,35	0,135
3	Płyta OSB 0,012 m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
4	Profil stalowy C90 - 0,020 [kN/m]	0,02	1,35	0,027
5	Wełna mineralna gr. 0,09m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,126	1,35	0,170
6	Dodatkowa wełna mineralna gr. 0,10 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,14	1,35	0,189
7	Paroizolacja	-	-	-
8	Płyta gipsowo - kartonowa na ruszcie stalowym gr. 0,0125 m - 15 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,188	1,35	0,254
	Suma	0,836		1,129

Tabela Z-1.2. Zestawienie obciążeń dla budynku z profili C90 - poddasze

Lp.	Rodzaj obciążenia	Obciążenie charaktery styczne [kN/m <sup>2</sup> ]	Współczyn nik obciążenia γ <sub>f</sub> [-]	Obciążenie obliczenio we [kN/m <sup>2</sup> ]
1	Płyta OSB gr. 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
2	Profil stalowy C90 - 0,020 [kN/m]	0,020	1,35	0,027
3	Wełna mineralna gr. 0,09 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,126	1,35	0,170
4	Paroizolacja	-	-	-
5	Płyta gipsowo - kartonowa na ruszcie salowym gr. 0,0125 m - 15 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,188	1,35	0,254
	Suma	0,496		0,670

		Obciążenie	Współczyn	Obciążenie
In	Rodzaj obciażenia	charaktery	nik	obliczenio
цр.	Rouzaj oberązenia	styczne	obciążenia	we
		[kN/m <sup>2</sup> ]	γ <sub>f</sub> [-]	[kN/m <sup>2</sup> ]
1	Tynk cienkowarstwowy gr. 0,005 m - 16 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,08	1,35	0,108
2	Wełna mineralna gr. 0,16 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,224	1,35	0,302
3	Płyta OSB 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
4	Folia paroprzepuszczalna	-	-	-
5	Profil stalowy C90 - 0,028 [kN/m]	0,028	1,35	0,038
6	Wełna mineralna gr. 0,09 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,126	1,35	0,170
7	Folia paroizolacyjna	-	-	-
8	Płyta OSB 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
9	Płyta gipsowo - kartonowa gr. 0,0125 m - 12 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,15	1,35	0,203
	Suma	0,932		1,258

Tabela Z-1.3. Zestawienie obciążeń dla budynku z profili C90 – ściany zewnętrzne.

#### 1.2. Obciążenie śniegiem

Budynek o rzucie 9,3 m x 12,3 m, z dachem dwuspadowym o kącie nachylenia połaci dachowej 35°, i całkowitej wysokości budynku 5,68 m. Budynek zlokalizowany w Częstochowie leżącej w II strefie obciążenia śniegiem na wysokości 253 m n. p. m – teren normalny.



Rys. Z-1.1. Charakterystyczne wymiary budynku.

- 1. Wartość charakterystyczna obciążenia śniegiem gruntu s<br/>k.  $s_k = 0.9 \ k N/m^2$
- 2. Współczynnik kształtu dachu  $\mu_1$  .

$$\mu_1 = 0.8 \cdot (60 - \alpha)/30$$
  
$$\mu_1 = 0.667$$

- $\alpha k$ ąt nachylenia dachu
- 3. Współczynnik ekspozycji  $C_e$  terenu.  $C_e = 1$
- 4. Współczynnik termiczny C<sub>t</sub>.

$$C_{t} = 1$$

5. Obciążenie śniegiem dachu s.

$$s = \mu_1 \cdot C_e \cdot C_t \cdot s_k \text{ kN/m}^2$$
$$s = 0,600 \text{ kN/m}^2$$

#### 1.3. Obciążenie wiatrem

Budynek o rzucie 9,3 m x 12,3 m, z dachem dwuspadowym o kącie nachylenia połaci dachowej 35°, wysokości ścian równej 2,8 m i całkowitej wysokości budynku 5,68 m. Budynek zlokalizowany w Częstochowie leżącej w I strefie obciążenia wiatrem na wysokości 253 m n.p.m. Teren zakwalifikowany jest do kategorii III o wysokości chropowatości  $z_0=0,3$  m. Rozważono dwa przypadki obciążenia wiatrem:

- WARIANT I – wiatr wieje równolegle do kalenicy (rys. Z-1.2),

- WARIANT II – wiatr wieje prostopadle do kalenicy (rys. Z-1.3).



Rys. Z-1.2 Wiatr wiejący równolegle do kalenicy: a) oznaczenia ścian pionowych, b) oznaczenia dachu.

a)



b)

a)

Rys. Z-1.3. Wiatr wiejący prostopadle do kalenicy: a) oznaczenia ścian pionowych, b) oznaczenia dachu.

Tabela Z-1.4. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku dla wariantu I.

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku. Kierunek wiatru równoległy do kalenicy. Stosunek h/d = 0,46.						
Pole	А	В	С	D	Е	
Cpe,10	-1,2	-0,8	-0,5	0,73	-0,36	
We,10	-0,590	-0,394	-0,246	0,359	-0,177	
c <sub>pe,1</sub>	-1,4	-1,1	-0,5	1	-0,42	
W <sub>e,1</sub>	-0,689	-0,541	-0,246	0,492	-0,207	
$w_i(c_{pi} = 0,2)$	0,098 - 0,09				0,098	
$w_i(c_{pi} = -0,3)$	-	-	-	-0,148	-	
Wnet,10	-0,689	-0,492	-0,344	0,507	-0,276	

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem dachu budynku. Kierunek wiatru równoległy do kalenicy. Kąt nachylenia połaci 35°.						
Pole	F	G	Н	Ι		
<b>C</b> <sub>pe,10</sub>	-1,1	-1,4	-0,833	-0,5		
W <sub>e,10</sub>	-0,541	-0,689	-0,410	-0,246		
c <sub>pe,1</sub>	-1,5	-2	-1,2	-0,5		
W <sub>e,1</sub>	-0,738	-0,984	-0,590	-0,246		
$w_i(c_{pi} = 0,2)$	0,110					
W <sub>net,10</sub>	-0,651	-0,799	-0,520	-0,356		

Tabela Z-1.5. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem dachu budynku dla wariantu I.

Tabela Z-1.6. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku dla wariantu II.

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku. Kierunek wiatru prostopadły do kalenicy. Stosunek h/d = 0,61.						
Pole	А	В	D	Е		
c <sub>pe,10</sub>	-1,2	-0,8	0,75	-0,4		
W <sub>e,10</sub>	-0,590	-0,394	0,369	-0,197		
C <sub>pe,1</sub>	-1,4	-1,1	1	-0,479		
W <sub>e,1</sub>	-0,689	-0,541	0,492	-0,236		
$w_i(c_{pi} = 0,2)$	0,098		-	0,110		
$w_i(c_{pi} = -0,3)$	-	-	-0,164	-		
W <sub>net,10</sub>	-0,689	-0,548	0,596	-0,372		

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku. Kierunek wiatru prostopadły do kalenicy. Kąt nachylenia połaci 35°.						
Pole	F	G	Н	Ι	J	
<b>2</b>	-0,333	-0,033	-0,133	-0,333	-0,433	
Cpe,10	0,7	0,7	0,613	0	0	
117	-0,164	-0,016	-0,065	-0,164	-0,213	
w <sub>e</sub> ,10	0,344	0,344	0,302	0,000	0,000	
	-1	-1	-0,133	-0,33	-0,433	
C <sub>pe,1</sub>	0,7	0,7	0,613	0	0	
	-0,492	-0,492	-0,065	-0,162	-0,213	
We,1	0,344	0,344	0,302	0,000	0,000	
$w_i(c_{pi} = 0,2)$			0,110			
$w_i(c_{pi} = -0,3)$			-0,164			
	-0,128	-0,128	-0,117	-0,227	-0,282	
W	0,000	0,148	0,099	0,000	-0,049	
w net,10	0,234	0,234	0,192	-0,110	-0,110	
	0,508	0,508	0,466	0,164	0,164	

Tabela Z-1.6. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem dachu budynku dla wariantu II.

## II. ZESTAWIENIE OBCIĄŻEŃ DLA BUDYNKU Z PROFILI C140

#### 2.1. Obciążenia stałe

Lp.	Rodzaj obciążenia	Obciążenie charaktery styczne [kN/m <sup>2</sup> ]	Współczyn nik obciążenia γ <sub>f</sub> [-]	Obciążenie obliczenio we [kN/m <sup>2</sup> ]
1	Dachówka bitumiczna 0,1 [kN/m <sup>2</sup> ]	0,1	1,35	0,135
2	Papa asfaltowa 0,1 [kN/m <sup>2</sup> ]	0,1	1,35	0,135
3	Płyta OSB 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
4	Profil stalowy C140 - 0,028 [kN/m]	0,028	1,35	0,038
5	Wełna mineralna gr. 0,12 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,168	1,35	0,227
6	Dodatkowa wełna mineralna gr. 0,10 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,14	1,35	0,189
7	Paroizolacja	-	-	-
8	Płyta gipsowo - kartonowa na ruszcie stalowym gr. 0,0125 m - 15 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,188	1,35	0,254
	Suma	0,886		1,196

Tabela Z-1.7. Zestawienie obciążeń dla budynku z profili C140 - dach.

Tabela Z-1.8. Zestawienie obciążeń dla budynku z profili C140 - poddasze.

Lp.	Rodzaj obciążenia	Obciążenie charakterystyc zne [kN/m <sup>2</sup> ]	Współczyn nik obciążenia γ <sub>f</sub> [-]	Obciążenie obliczenio we [kN/m <sup>2</sup> ]
1	Płyta OSB 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
2	Profil stalowy C140 - 0,028 [kN/m]	0,028	1,35	0,038
3	Wełna mineralna gr. 0,14 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,196	1,35	0,265
4	Paroizolacja	-	-	-
5	Płyta gipsowo - kartonowa na ruszcie salowym gr. 0,0125 m – 15 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,188	1,35	0,254
	Suma	0,574		0,775

Lp.	Rodzaj obciążenia	Obciążenie charaktery styczne [kN/m <sup>2</sup> ]	Współczyn nik obciążenia γ <sub>f</sub> [-]	Obciążenie obliczenio we [kN/m <sup>2</sup> ]
1	Parkiet dębowy gr. 0,02m - 7 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,14	1,35	0,189
2	Jastrych cementowy 0,05 m - 21[kN/m <sup>3</sup> ]	1,05	1,35	1,418
3	Folia PE	-	-	-
4	Styropian EPS gr. 0,05 m - 0,45[kN/m <sup>3</sup> ]	0,023	1,35	0,031
5	Folia PE	-	-	-
6	Płyta OSB 0,02m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,13	1,35	0,175
7	Profil stalowy C140 - 0,028 [kN/m]	0,028	1,35	0,038
8	Wełna mineralna gr. 0,14 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,196	1,35	0,265
9	Płyta gipsowo - kartonowa na ruszcie stalowym gr. 0,0125 m - 15 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,188	1,35	0,254
	Suma	1.895		2.558

Tabela Z-1.9. Zestawienie obciążeń dla budynku z profili C140 - strop.

Tabela Z-1.10. Zestawienie obciążeń dla budynku z profili C140 – ściany zewnętrzne.

Lp.	Rodzaj obciążenia	Obciążenie charakteryst yczne [kN/m <sup>2</sup> ]	Współczyn nik obciążenia γ <sub>f</sub> [-]	Obciążenie obliczenio we [kN/m <sup>2</sup> ]
1	Tynk cienkowarstwowy gr. 0,005 m - 16 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,08	1,35	0,108
2	Wełna mineralna gr. 0,16 m 1,4[kN/m <sup>3</sup> ]	0,224	1,35	0,302
3	Płyta OSB 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
4	Folia paroprzepuszczalna	-	-	-
5	Profi stalowy C140 - 0,028 [kN/m]	0,028	1,35	0,038
6	Wełna mineralna gr. 0,14 m - 1,4 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,196	1,35	0,265
7	Folia paroizolacyjna	-	-	-
8	Płyta OSB 0,012m - 6,5 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,078	1,35	0,105
9	Płyta gipsowo - kartonowa gr. 0,0125 m - 12 [kN/m <sup>3</sup> ]	0,15	1,35	0,203
	Suma	1,002		1,353

#### 2.2. Obciążenie śniegiem

Budynek o rzucie 9,3 m x 12,3 m, z dachem dwuspadowym o kącie nachylenia połaci dachowej 44°, i całkowitej wysokości budynku 8,62 m. Okap dachu wystaje poza obrys budynku 0,9m. Budynek zlokalizowany w Częstochowie leżącej w II strefie obciążenia śniegiem na wysokości 253 m n. p. m – teren normalny.



Rys. Z-1.4. Charakterystyczne wymiary budynku.

1. Wartość charakterystyczna obciążenia śniegiem gruntu s<br/>k.  $s_k = 0,9 \; [kN/m^2] \label{eq:sk}$ 

2. Współczynnik kształtu dachu  $\mu_1$ .

$$\mu_1 = 0.8 \cdot (60 - \alpha)/30$$
  
$$\mu_1 = 0.427$$

- $\alpha k$ ąt nachylenia dachu
- 3. Współczynnik ekspozycji Ceterenu.

$$C_{e} = 1$$

4. Współczynnik termiczny Ct.

$$C_t = 1$$

5. Obciążenie śniegiem dachu s.

$$s = \mu_1 \cdot C_e \cdot C_t \cdot s_k \, kN/m^2$$
$$s = 0.384 \, kN/m^2$$

#### 2.3. Obciążenie wiatrem

Budynek o rzucie 9,3 m x 12,3 m, z dachem dwuspadowym o kącie nachylenia połaci dachowej 44°, wysokości ścian równej 4,05 m i całkowitej wysokości budynku 8,62m. Okap dachu wystaje poza obrys budynku 0,9 m. Budynek zlokalizowany w Częstochowie leżącej w I strefie obciążenia wiatrem na wysokości 253 m n.p.m. Teren zakwalifikowany jest do kategorii III o wysokości chropowatości  $z_0=0,3$  m. Rozważono dwa przypadki obciążenia wiatrem: - WARIANT I – wiatr wieje równolegle do kalenicy (rys. Z-1.5),

- WARIANT II – wiatr wieje prostopadle do kalenicy (rys. Z-1.6). a)





Rys. Z-1.5. Wiatr wiejący równolegle do kalenicy: a) oznaczenia ścian pionowych, b) oznaczenia dachu.



Rys. Z-1.6. Wiatr wiejący prostopadle do kalenicy: a) oznaczenia ścian pionowych, b) oznaczenia dachu.

Tabela Z-1.11. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku dla wariantu I.

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku. Kierunek wiatru równoległy do kalenicy. Stosunek h/d = 0,7.							
Pole	А	В	С	D	Е		
Cpe,10	-1,2	-0,8	-0,5	0,76	-0,42		
We,10	-0,658	-0,438	-0,274	0,416	-0,230		
C <sub>pe,1</sub>	-1,4	-1,1	-0,5	1	-0,42		
W <sub>e,1</sub>	-0,767	-0,603	-0,274	0,548	-0,230		
$w_i(c_{pi} = 0,2)$		0,110		-	0,110		
$w_i(c_{pi} = -0,3)$	_	_	_	-0,164	_		
W <sub>net,10</sub>	-0,767	-0,548	-0,384	0,581	-0,340		

a)

Współczynniki ciśnienia budynku. Kierunek wia	i wartości char tru równoległy	akterystyczne do kalenicy. K	obciążenia wia cąt nachylenia	atrem dachu połaci 44°.
Pole	F	G	Н	Ι
C <sub>pe,10</sub>	-1,1	-1,4	-0,906	-0,5
We,10	-0,603	-0,767	-0,496	-0,274
C <sub>pe,1</sub>	-1,5	-2	-1,2	-0,5
We,1	-0,822	-1,096	-0,658	-0,274
$w_i(c_{pi} = 0,2)$		0,1	10	
Wnet,10	-0,713	-0,877	-0,606	-0,384

Tabela Z-1.12. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem dachu budynku dla wariantu I.

Γ

Tabela Z-1.13. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku dla wariantu II.

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku. Kierunek wiatru prostopadły do kalenicy. Stosunek h/d = 0,92.					
Pole	А	В	D	Е	
Cpe,10	-1,2	-0,8	0,789	-0,479	
We,10	-0,658	-0,438	0,432	-0,262	
C <sub>pe,1</sub>	-1,4	-1,1	1	-0,479	
We,1	-0,767	-0,603	0,548	-0,262	
$w_i(c_{pi} = 0,2)$	0,1	10	-	0,110	
$w_i(c_{pi} = -0,3)$	-	-	-0,164	-	
Wnet,10	-0,767	-0,548	0,596	-0,372	

Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem ścian budynku. Kierunek wiatru prostopadły do kalenicy. Kąt nachylenia połaci 44°.					
Pole	F	G	Н	Ι	J
<b>2</b>	-0,033	-0,033	-0,013	-0,213	-0,313
Cpe,10	0,7	0,7	0,613	0	0
<b>XX</b> /	-0,018	-0,018	-0,007	-0,117	-0,172
<b>w</b> e,10	0,384	0,384	0,336	0,000	0,000
	-0,1	-0,1	-0,013	-0,213	-0,313
C <sub>pe,1</sub>	0,7	0,7	G       H       I $0,033$ $-0,013$ $-0,2$ $0,7$ $0,613$ $0$ $0,018$ $-0,007$ $-0,11$ $,384$ $0,336$ $0,000$ $0,7$ $0,613$ $0$ $0,018$ $-0,007$ $-0,11$ $,384$ $0,336$ $0,000$ $0,055$ $-0,007$ $-0,11$ $,384$ $0,336$ $0,000$ $0,110$ $-0,164$ $0,117$ $0,128$ $-0,117$ $-0,22$ $,146$ $0,157$ $0,04$ $,274$ $0,226$ $-0,11$ $,548$ $0,500$ $0,160$	0	0
	-0,055	-0,055	-0,007	-0,117	-0,172
We,1	0,384	0,384	0,336	0,000	0,000
$w_i(c_{pi} = 0,2)$			0,110		
$w_i(c_{pi} = -0,3)$			-0,164		
	-0,128	-0,128	-0,117	-0,227	-0,282
W	0,146	0,146	0,157	0,047	-0,008
w net,10	0,274	0,274	0,226	-0,110	-0,110
	0,548	0,548	0,500	0,164	0,164

Tabela Z-1.14. Współczynniki ciśnienia i wartości charakterystyczne obciążenia wiatrem dachu budynku dla wariantu II.

### ZAŁĄCZNIK 2

#### I. Wyniki badań eksperymentalnych dla modelu I i modelu II – profil C90

Tabela Z-2.1. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C90\_I) i modelu z usztywnieniem (model C90\_II) dla profili C90.

		Wyniki eks	sperymentu	
Obciążenie	Czujnik	model	model	D
[N]	pomiarowy	C90_I	C90_II	Porownanie $\Delta[\%]$
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_1	1,76	1,68	4,55
	I_2	1,46	1,45	0,68
54.04	II_1	1,92	1,81	5,73
54,94	II_2	1,8	1,74	3,33
	III_1	1,57	1,5	4,46
	III_2	1,62	1,51	6,79
	I_1	3,39	3,20	5,60
	I_2	2,85	2,76	3,16
102.00	II_1	3,67	3,52	4,09
105,99	II_2	3,39	3,28	3,24
	III_1	2,98	2,96	0,67
	III_2	3,12	3,01	3,53
	I_1	6,76	6,47	4,29
	I_2	5,95	5,75	3,36
202.00	II_1	7,27	6,99	3,85
202,09	II_2	7,12	6,93	2,67
	III_1	6,16	5,99	2,76
	III_2	6,56	6,33	3,51



Rys. Z-2.1. Wykres zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_I) i profili z usztywnieniem (model C90\_II), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujników I\_1 i I\_2, b) czujników II\_1 i II\_2, c) czujników III\_1 i III\_2.

135

Tabela Z-2.2. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C90\_I) i modelu z usztywnieniem (model C90\_II) dla profili C90. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki eks	sperymentu	
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C90_I	C90_II	$\Delta$ [%]
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]	
	I_1	0.004447	0.003409	23 33
54.04	I_2	-0,004447	-0,003409	23,55
54,94	III_1	0.000741	0.000148	80.00
	III_2	0,000741	0,000148	80,00
	I_1	0.008004	0.006522	19 50
103.00	I_2	-0,008004	-0,000322	18,52
105,99	III_1	0.002075	0.000741	64 20
	III_2	0,002075	0,000741	04,29
	I_1	0.012006	0.010672	11 11
202.00	I_2	-0,012000	-0,010072	11,11
202,09	III_1	0.005020	0.005040	15.00
	III_2	0,003929	0,003040	15,00



Rys. Z-2.2. Wykres kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C90\_I) oraz modelu usztywnionego (model C90\_II): a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

#### II. Wyniki badań eksperymentalnych dla modelu III i modelu IV – profil C90

Tabela Z-2.3. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C90\_III) i modelu z usztywnieniem (model C90\_IV) dla profili C90.

		Wyniki eks	sperymentu	
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C90_III	C90_IV	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_1	1,43	1,31	8,39
	I_2	0,42	0,41	2,38
54.04	II_1	1,5	1,38	8,00
54,94	II_2	0,48	0,46	4,17
	III_1	1,2	1,13	5,83
	III_2	0,38	0,37	2,63
	I_1	2,7	2,51	7,04
	I_2	0,82	0,8	2,44
102.00	II_1	2,85	2,64	7,37
105,99	II_2	0,91	0,89	2,20
	III_1	2,28	2,17	4,82
	III_2	0,73	0,71	2,74
	I_1	5,33	5,06	5,07
	I_2	1,57	1,54	1,91
202.00	II_1	5,59	5,3	5,19
202,09	II_2	1,79	1,76	1,68
	III_1	4,54	4,37	3,74
	III_2	1,45	1,43	1,38



Rys. Z-2.3. Wykres zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_III) i profili z usztywnieniem (model C90\_IV), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujników I\_1 i I\_2, b) czujników II\_1 i II\_2, c) czujników III\_1 i III\_2.

c)

Tabela Z-2.4. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C90\_III) i modelu z usztywnieniem (model C90\_IV) dla profili C90. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki eks	sperymentu	
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C90_III	C90_IV	$\Delta$ [%]
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]	
	I_1	-0.01/1970	-0.013340	10.89
54.04	I_2	-0,014770	-0,0155+0	10,09
54,94	III_1	0.012155	0.011265	7 22
	III_2	-0,012133	-0,011203	7,52
	I_1	0.027861	0.025343	0.04
103.00	I_2	-0,027801	-0,025545	9,04
105,99	III_1	0.022072	0.021620	5 80
	III_2	-0,022972	-0,021039	5,80
	I_1	0.055678	0.052121	6 27
202.00	I_2	-0,033078	-0,052151	0,57
202,09	III_1	0.045772	0.042552	1 95
	III_2	-0,043772	-0,043333	4,05



Rys. Z-2.4. Wykres kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C90\_III) oraz modelu usztywnionego (model C90\_IV): a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

# III. Wyniki badań eksperymentalnych dla modelu V i modelu VI – profil C90

Tabela Z-2.5. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C90\_V) i modelu z usztywnieniem (model C90\_VI) dla profili C90.

		Wyniki eks	Wyniki eksperymentu		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie	
[N]	pomiarowy	C90_V	C90_VI	$\Delta$ [%]	
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]		
	I_2	1,54	1,49	3,2	
54,94	II_2	1,66	1,65	0,6	
	III_2	1,54	1,47	4,5	
	I_2	3,09	3,06	1,0	
103,99	II_2	3,38	3,35	0,9	
	III_2	3,08	3,02	1,9	
	I_2	6,15	5,98	2,8	
202,09	II_2	6,71	6,66	0,7	
	III_2	6,15	5,99	2,6	



Rys. Z-2.5. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_V) i profili z usztywnieniem (model C90\_VI), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujnika I\_2, b) czujnika II\_2, c) czujnika III\_2.

#### IV. Wyniki badań eksperymentalnych dla modelu VII i modelu VIII – profil C90

Tabela Z-2.6. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z badań eksperymentalnych dla modelu bez usztywnień (model C90\_VII) i modelu z usztywnieniem (model C90\_VIII) dla profili C90.

		Wyniki eks	Wyniki eksperymentu		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie	
[N]	pomiarowy	C90_VII	C90_VIII	$\Delta$ [%]	
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]		
	I_2	0,85	0,77	9,41	
54,94	II_2	0,92	0,81	11,96	
	III_2	0,72	0,63	12,50	
	I_2	1,65	1,55	6,06	
103,99	II_2	1,70	1,50	11,76	
	III_2	1,36	1,24	8,82	
	I_2	3,17	3,14	0,95	
202,09	II_2	3,25	3,13	3,69	
	III_2	2,55	2,48	2,75	


Rys. Z-2.6. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_VII) i profili z usztywnieniem (model C90\_VIII), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujnika I\_2, b) czujnika II\_2, c) czujnika III\_2.

## ZAŁĄCZNIK 3

#### I. Wyniki analizy numerycznej dla modelu I i modelu II – profil C90

Tabela Z-3.1. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C90\_I) i modelu z usztywnieniem (model C90\_II) dla profili C90.

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C90_I	C90_II	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_1	1,72	1,66	3,49
	I_2	1,61	1,59	1,24
54.04	II_1	1,81	1,70	6,08
54,94	II_2	1,98	1,80	9,09
	III_1	1,47	1,44	2,04
	III_2	1,84	1,74	5,43
	I_1	3,25	3,18	2,15
	I_2	3,05	3,01	1,31
102.00	II_1	3,43	3,26	4,96
105,99	II_2	3,74	3,47	7,22
	III_1	2,78	2,74	1,44
	III_2	3,49	3,29	5,73
	I_1	6,31	6,12	3,01
	I_2	5,90	5,82	1,36
202.00	II_1	6,66	6,57	1,35
202,09	II_2	7,28	6,99	3,98
	III_1	5,41	5,27	2,59
	III_2	6,77	6,40	5,47



Rys. Z-3.1. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_I) i profili z usztywnieniem (model C90\_II), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujników I\_1 i I\_2, b) czujników II\_1 i II\_2, c) czujników III\_1 i III\_2.

Tabela Z-3.2. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C90\_I) i modelu z usztywnieniem (model C90\_II) dla profili C90. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki analiz			
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie	
[N]	pomiarowy	C90_I	C90_II	$\Delta$ [%]	
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]		
	I_1	-0.001631	-0.001038	3636	
54.04	I_2	-0,001051	-0,001058	50,50	
54,94	III_1	0.005485	0.004447	18.02	
	III_2	0,003483	0,004447	10,92	
	I_1	0.002065	0.002520	15.00	
103.00	I_2	-0,002905	-0,002520	13,00	
103,99	III_1	0.010524	0.009152	22.52	
	III_2	0,010324	0,008133	22,55	
	I_1	0.006077	0.004447	26.92	
202.00	I_2	-0,000077	-0,0044447	20,05	
202,09	III_1	0.020157	0.016740	16.01	
	III_2	0,020137	0,010749	10,91	



Rys. Z-3.2. Wykresy kąta skręcania profilu między modelem bez usztywnień (model C90\_I) a modelem usztywnionym (model C90\_II): a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

b)

### II. Wyniki analizy numerycznej dla modelu III i modelu IV – profil C90

Tabela Z-3.3. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (Model C90\_III) i modelu z usztywnieniem (Model C90\_IV) dla profili C90.

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Dorównonia A[0/]
[N]	pomiarowy	C90_III	C90_IV	
Przemieszczenia		a pionowe [mm]		
	I_1	1,53	1,19	22,22
	I_2	0,35	0,35	1,43
54.04	II_1	1,59	1,21	23,90
54,94	II_2	0,39	0,38	2,82
	III_1	1,32	1,01	23,48
	III_2	0,35	0,35	1,14
	I_1	2,83	2,25	20,49
	I_2	0,71	0,71	0,70
102.00	II_1	2,92	2,30	21,23
105,99	II_2	0,85	0,85	0,47
	III_1	2,41	1,90	21,16
	III_2	0,65	0,65	0,77
	I_1	5,22	4,10	21,46
	I_2	1,49	1,48	0,67
202.00	II_1	5,41	4,29	20,70
202,09	II_2	1,60	1,60	0,31
	III_1	4,37	3,51	19,68
	III_2	1,31	1,31	0,38



Rys. Z-3.3. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia profili bez usztywnień (model C90\_III) i profili z usztywnieniem (model C90\_IV), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujników I\_1 i I\_2, b) czujników II\_1 i II\_2, c) czujników III\_1 i III\_2.

Tabela Z-3.4. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń kątowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C90\_III) i modelu z usztywnieniem (model C90\_IV) dla profili C90. Kąt skręcania w przekroju I-I i przekroju II-II.

		Wyniki analiz			
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie	
[N]	pomiarowy	C90_III	C90_IV	$\Delta$ [%]	
		Przemieszczen	ia kątowe [rad]		
	I_1	-0.017490	-0.012525	28 39	
54.04	I_2	-0,017490	-0,012525	20,57	
54,94	III_1	0.01/278	0.000842	21.54	
	III_2	-0,014378	-0,009842	51,54	
	I_1	0.021415	0.022808	27.11	
103.00	I_2	-0,031413	-0,022898	27,11	
103,99	III_1	0.026082	0.019601	28 (0	
	III_2	-0,020085	-0,018001	28,09	
	I_1	0.055225	0.029919	20.72	
202.00	I_2	-0,035255	-0,030010	29,12	
202,09	III_1	0.045328	0.022674	27.02	
	III_2	-0,043328	-0,032074	21,92	



Rys. Z-3.4. Wykresy kąta skręcania profilu dla modelu bez usztywnień (model C90\_III) oraz modelu z usztywnieniem (model C90\_IV): a) kąt skręcania w przekroju I-I, b) kąt skręcania w przekroju II-II.

b)

### III. Wyniki analizy numerycznej dla modelu V i modelu VI – profil C90

Tabela Z-3.5. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C90\_V) i modelu z usztywnieniem (model C90\_VI) dla profili C90.

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C90_V	C90_VI	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_2	1,54	1,49	3,2
54,94	II_2	1,66	1,65	0,6
	III_2	1,54	1,47	4,5
	I_2	3,09	3,06	1,0
103,99	II_2	3,38	3,35	0,9
	III_2	3,08	3,02	1,9
	I_2	6,15	5,98	2,8
202,09	II_2	6,71	6,66	0,7
	III_2	6,15	5,99	2,6



Rys. Z-3.5. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_V) i profili z usztywnieniem (model C90\_VI), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujnika I\_2, b) czujnika II\_2, c) czujnika III\_2.

### IV. Wyniki analizy numerycznej dla modelu VII i modelu VIII – profil C90

Tabela Z-3.6. Porównanie procentowe  $\Delta$  [%] przemieszczeń pionowych uzyskanych z analizy numerycznej dla modelu bez usztywnień (model C90\_VII) i modelu z usztywnieniem (model C90\_VIII) dla profili C90.

		Wyniki analiz		
Obciążenie	Czujnik	model	model	Porównanie
[N]	pomiarowy	C90_VII	C90_VIII	$\Delta$ [%]
		Przemieszczenia	a pionowe [mm]	
	I_2	0,85	0,77	9,41
54,94	II_2	0,92	0,81	11,96
	III_2	0,72	0,63	12,50
	I_2	1,65	1,55	6,06
103,99	II_2	1,70	1,50	11,76
	III_2	1,36	1,24	8,82
	I_2	3,17	3,14	0,95
202,09	II_2	3,25	3,13	3,69
	III_2	2,55	2,48	2,75



Rys. Z-3.6. Wykresy zależności przemieszczeń pionowych od obciążenia dla profili bez usztywnień (model C90\_VII) i profili z usztywnieniem (model C90\_VIII), przemieszczenia odczytane przy użyciu: a) czujnika I\_2, b) czujnika II\_2, c) czujnika III\_2.

# ZAŁĄCZNIK 4

Tabela Z-4.1. Zawartość wody w poszczególnych materiałach w czasie trwania osuszania przegrody dla RH0%-model1.

		Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 0% RH						
Lp.	Materiał	Początek symulacji	Początek symulacji Czas zakończenia symulacji					
		01.08.2020	1miesiąc	1 rok	2 lata	4 lata		
1	Tynk cienkowarstwowy	0	39,84	19,24	19,24	19,24		
2	Wełna mineralna - twarda	0	0,68	0,7	0,7	0,7		
3	Płyta OSB	0	77,05	91,21	91,21	91,21		
4	Folia paroprzepuszczalna	0	0	0	0	0		
5	Wełna mineralna - luźna	0	0,57	0,77	0,77	0,77		
6	Folia paroizolacyjna	0	0	0	0	0		
7	Płyta OSB	0	81,48	82,58	82,58	82,58		
8	Płyta gipsowo - kartonowa	0	5,47	5,34	5,34	5,34		
Całkowita zawartość wody w całej przegrodzie [kg/m <sup>2</sup> ]		0	2,32	2,44	2,44	2,44		

		Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 65% RH					
Lp.	Materiał	Początek symulacji	Czas zakończenia symulacji				
		01.08.2020	1miesiąc	1 rok	2 lata	4 lata	
1	Tynk cienkowarstwowy	6	40,59	19,24	19,24	19,24	
2	Wełna mineralna - twarda	0,8	0,72	0,7	0,7	0,7	
3	Płyta OSB	95	87,12	91,21	91,21	91,21	
4	Folia paroprzepuszczalna	0	0	0	0	0	
5	Wełna mineralna - luźna	0,85	0,69	0,77	0,77	0,77	
6	Folia paroizolacyjna	0	0	0	0	0	
7	Płyta OSB	95	83,22	82,58	82,58	82,58	
8	Płyta gipsowo - kartonowa	6,43	5,51	5,34	5,34	5,34	
Ca pı	ałkowita zawartość wody w całej rzegrodzie [kg/m <sup>2</sup> ]	1,92	2,49	2,44	2,44	2,44	

Tabela Z-4.2. Zawartość wody w poszczególnych materiałach w czasie trwania osuszania przegrody dla RH 65%- model 1.

		Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 100% RH					
Lp. Materiał		Początek symulacji	Czas zakończenia symulacji				
		01.08.2020	1miesiąc	1 rok	2 lata	4 lata	
1	Tynk cienkowarstwowy	164,7	49,36	21,77	20,94	19,71	
2	Wełna mineralna - twarda	712	490,02	273,22	98,34	0,8	
3	Płyta OSB	932	795,84	227,44	142,81	119,09	
4	Folia paroprzepuszczalna	0,05	0,06	0,06	0,02	0,02	
5	Wełna mineralna - luźna	621	472,75	466,13	451,95	382,24	
6	Folia paroizolacyjna	0,05	0,04	0	0	0	
7	Płyta OSB	932	233,72	84,3	75,65	75,07	
8	Płyta gipsowo - kartonowa	564	8,94	5,4	4,17	4,09	
Całkowita zawartość wody w całej przegrodzie [kg/m <sup>2</sup> ]		167,78	147,48	107,42	80,53	56,2	

Tabela Z-4.3. Zawartość wody w poszczególnych materiałach w czasie trwania osuszania przegrody dla RH 100% – model 1.

		Zawartość wody [kg/m3] przy wilgotności 0% RH					
Lp. Materiał		Początek symulacji	ek cji Czas zakończenia symulacji				
		01.08.2020	1miesiąc	1 rok	2 lata	4 lata	
1	Płyta OSB	0	103,85	89,98	89,98	89,98	
2	Folia paroprzepuszczalna	0	0	0	0	0	
3	Wełna mineralna - luźna	0	0,63	0,72	0,72	0,72	
4	Folia paroizolacyjna	0	0	0	0	0	
5	Płyta OSB	0	83,32	82,22	82,22	82,22	
Ca	ałkowita zawartość wody w całej rzegrodzie [kg/m <sup>2</sup> ]	0	2,33	2,17	2,17	2,17	

Tabela Z-4.4. Zawartość wody w poszczególnych materiałach w czasie trwania osuszania przegrody dla RH 0% – model 2.

Tabela Z-4.5. Zawartość wody w poszczególnych materiałach w czasie trwania osuszania przegrody dla RH 65%- model 2.

		Zawartość wody [kg/m <sup>3</sup> ] przy wilgotności 50% RH					
Lp.	Materiał	Początek symulacji	Czas zakończenia symulacji				
		01.08.2020	1 miesiąc	1 rok	2 lata	4 lata	
1	Płyta OSB	95	104,8	89,98	89,98	89,98	
2	Folia paroprzepuszczalna	0	0	0	0	0	
3	Wełna mineralna - luźna	0,85	0,64	0,72	0,72	0,72	
4	Folia paroizolacyjna	0	0	0	0	0	
5	Płyta OSB	95	83,48	82,22	82,22	82,22	
Ca pi	ałkowita zawartość wody w całej rzegrodzie [kg/m <sup>2</sup> ]	1,92	2,35	2,17	2,17	2,17	

		Zawartość wody [kg/m³] przy wilgotności 100% RH					
Lp. Materiał	Początek symulacji	Czas zakończenia symulacji					
		01.08.2020	1miesiąc	1 rok	2 lata	4 lata	
1	Płyta OSB	932	192,44	106,31	116,32	116,32	
2	Folia paroprzepuszczalna	0,05	0,05	0,01	0,02	0,02	
3	Wełna mineralna - luźna	621	471,16	448,4	437,85	437,85	
4	Folia paroizolacyjna	0,05	0,02	0	0	0	
5	Płyta OSB	93	176,26	83,37	80,4	80,4	
Ca	łkowita zawartość wody w całej zegrodzie [kg/m <sup>2</sup> ]	85,76	70,39	65,05	63,66	63,66	

Tabela Z-4.6. Zawartość wody w poszczególnych materiałach w czasie trwania osuszania przegrody dla RH 100% – model 2.